

# **A fizika története**

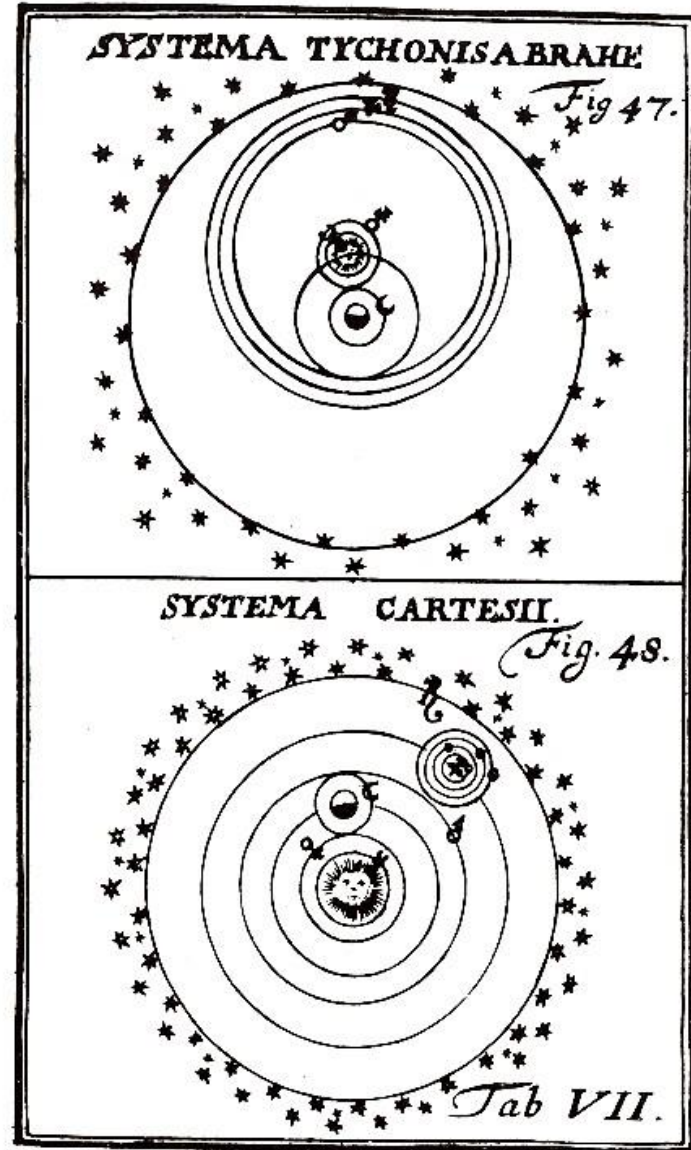
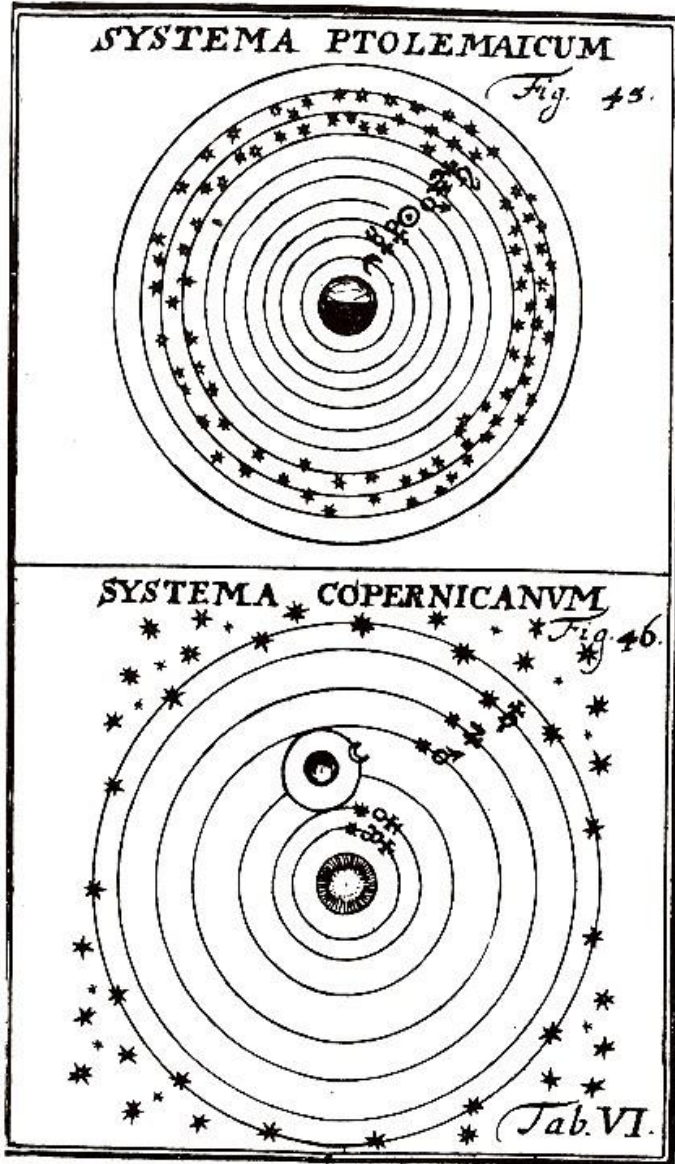
**(GEFIT555-B, 2+0, 2 kredit)**

**2023/2024. tanév, 1. félév**

***Dr. Paripás Béla***

***3. előadás (2023.09.28.)***

Ismétlés



Párosítsuk össze a fizikusokat (csillagászokat) és a felfedezésüket!

- 1) a világegyetem középpontja a Nap
- 2) a bolygók ellipszis pályán keringenek
- 3) a napfoltok létezése
- 4) a bolygókat a gravitációs vonzás tartja a pályájukon

- a) Kepler
- b) Galilei
- c) Kopernikusz
- d) Newton

	a	b	c	d
1			X	
2	X			
3		X		
4				X

## Ismétlés

Galilei egész életében a heliocentrikus világkép híve.

Az általa épített távcsővel vizsgálja:

- A Hold felszínét, megméri hegyeinek magasságát.
- A bolygók (Vénusz) fázisait.
- A napfoltokat.
- Felismeri a Tejút szerkezetét.
- Felfedezi a Jupiter négy holdját:  
az Iót az Európát a Ganümédészt és a Kallisztót

S  
i  
d  
e  
r  
e  
u  
s  
  
N  
u  
n  
c  
i  
u  
s



# DIALOGO

DI

GALILEO GALILEI LINCEO

MATEMATICO SOPRAORDINARIO

DELLO STUDIO DI PISA.

*E Filosofo, e Matematico primario del*

SERENISSIMO

GR.DVCA DI TOSCANA.

Due ne i congressi di quattro giornate si discorre  
sopra i due

MASSIMI SISTEMI DEL MONDO  
TOLEMAICO, E COPERNICANO,

*Proposendo indeterminatamente le ragioni Filosofiche, e Naturali  
sento per l'una, quanto per l'altra parte.*

CON PRI



VILEGL.

IN FIRENZA, Per Gio: Batista Landini MDCXXXII.

CON LICENZA DE' SUPERIORI.

Galileit a Siderius Nuncius Európa-  
szerte ismertté teszi

→ sok barátja és ellensége lesz

A Pápa barátságos hozzá, de a  
heliocentrikus gondolatokat veszélyesnek  
tartja, inkább csak matematikai modellnek  
tekinti

A *Dialogo Galilei* legnagyobb hatású könyve.  
Olasz nyelven 1632-ben jelent meg, latinra  
1641-ben fordították. Három szereplő, *Salviati*  
(*Galilei* szócsöve), *Sagredo* (egy intelligens,  
józan, elfogulatlan vitapartner) és *Simplicio*  
(meggyőződéses Arisztotelész-hívő, akit *Galilei*  
*Simplikos*, Arisztotelész-komentátor  
után nevezett el), négy napon át beszélget a  
két vilárendszer mellett és ellen felhozható  
érvekről és azok cáfolatáról. A könyv azt a lát-  
szatot igyekszik kelteni, hogy az érvek és ellen-  
érvek ismeretében az állásfoglalás teljesen az  
olvasóra van bízva. Ténylegesen azonban az  
egész könyv a kopernikuszi rendszer melletti  
egyértelmű kiállítás (3.3–4 abc idézet)

→ A Galilei-per

A Dialogo pápai támogatással, egyházi engedéllyel jelenik meg 1632-ben.

Akkor miért indul per 1633-ban? Talán:

- A Pápa (aki régebben jó barátja volt) személyes bosszúja? (A Dialogóban kifigurázza.)
- Galilei elég csipkelődős, néha fennhéjázó modorú.
- Kritikus téma feszegetése (az arisztotelészi filozófia volt a hivatalos világkép): tabukhoz nyúlt Galilei?
- Túl sok hasonlóság Giordano Brunóval?
- Valójában tudományosan nem teljesen helytálló érvelés?

Valószínűleg ezek kombinációja.

A per során Galilei kénytelen volt visszavonni a Föld mozgására vonatkozó tanait, de közben, állítólag, végig azt mormolta maga elé: „Eppur si muove!” („Mégis mozog!”). Házi őrizetre ítélik. Itt írja meg a Discorsit.

1992. október 31. - A Nemzetközi Kutató Bizottság befejezi munkáját. 359 évvel Galilei tárgyalása után, a pápa sajnálkozását fejezte ki a Galileit ért hátrányok miatt, és megsemmisítette az inkvizíció elmarasztaló ítéletét.

# Galilei a kinematika atyja.

- **Az egyenletes mozgást állapotnak tekinti:** egy állapot mindaddig fennáll, ameddig valami azt meg nem változtatja.
- **A Galilei-féle relativitási elv:** minden állandó sebességgel mozgó rendszer egyenértékű a mechanikai mozgások szempontjából.

DISCORSI  
E  
DIMOSTRAZIONI  
MATEMATICHE,  
*intorno à due nuoue scienze*

Attenenti alla  
MECANICA & I MOVIMENTI LOCALI,  
*del Signor*  
GALILEO GALILEI LINCEO,  
Filosofo e Matematico primario del Serenissimo  
Grand Duca di Toscana.

*Con vna Appendice del centro di grauità d'alcuni Solidi.*



IN LEIDA,  
Appresso gli Elsevirii. M. D. C. XXXVIII.

**Galilei lejtős kísérletei:** tehát (elsősorban) nem a Pisa-i ferde toronyból; a méréseinek a pontossága nem mindig volt megfelelő.



Az egyenletesen változó mozgás leírása, a négyzetes úttörvény.

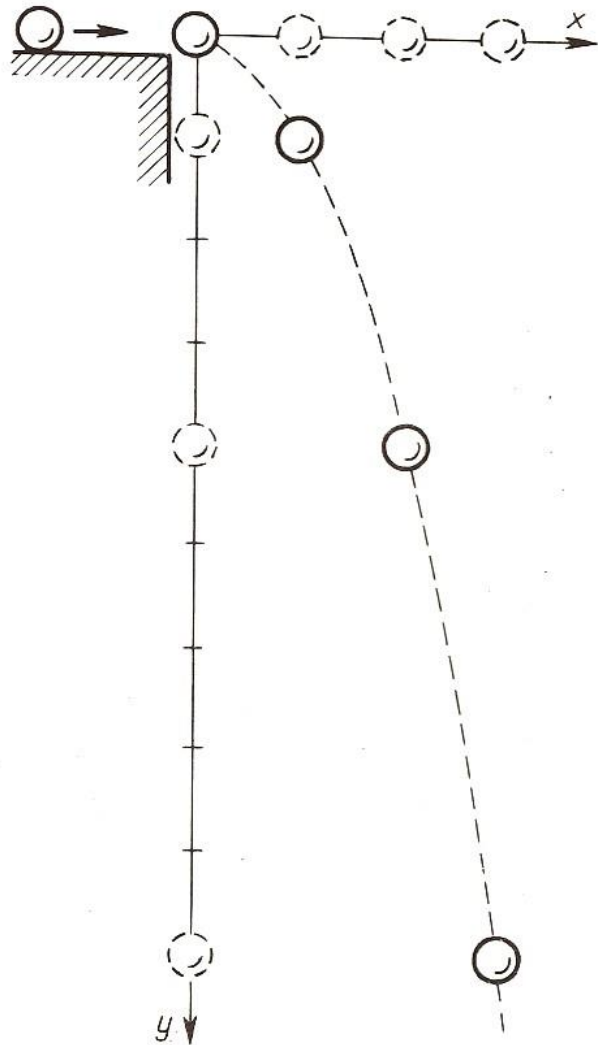
$$s = at^2/2$$

Galilei a **vízóra egy változatát** használta. Egy tartályból vékony csövön át vizet engedett egy edénybe a lejtőn elindított golyó futásának időtartamára.

A kifolyt vizet egy pontos mérlegen megmérte, és ebből következtetett a futás idejére.

Nem vette figyelembe a lejtőn gördülő golyó perdülését, ezért a g-t hibásan határozta meg.



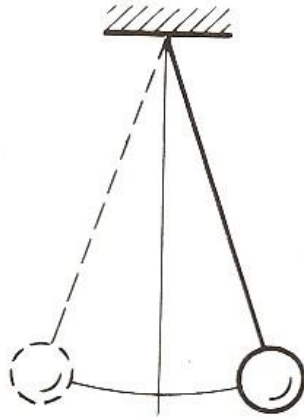


**Az elhajított (kilőtt) testek parabola pályán mozognak. (Erről eddig nem tudtak a tűzérek.)**



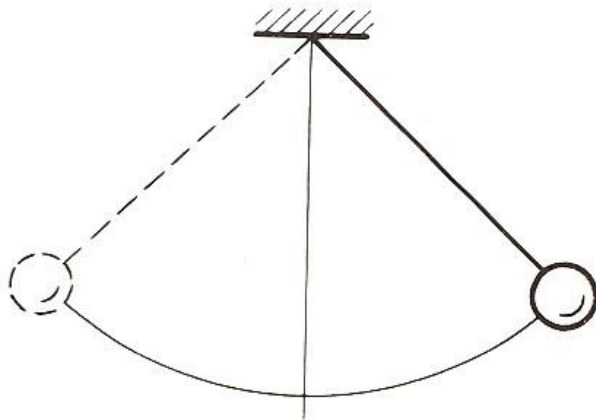
3.3–11 ábra

Az elhajított test két független mozgást végez: egyenletesen halad (itt vízszintesen) és gyorsulva esik. Az eredő parabolapálya



**Az inga lengéseideje csak annak hosszától függ.** Tehát független a tömegtől és az amplitúdótól is. (Ez utóbbi csak kis kitérésekre igaz.)

Ezt Galilei már gyermekkorában megfigyelte a (huzat által lengésbe hozott) templomi csillárokon. Az időt a zoltárok ritmusával mérte.



A lengésidő amplitúdó függetlensége teszi lehetővé ingaórák konstruálását (amit később Huygens pontosít).

### 3.3–10 ábra

Egy súlytalan fonálra felfüggesztett test – matematikai inga – lengéseideje független a tömegtől, de *függ* a kitérés amplitúdójától. Galilei ezt a függést nem ismerte fel: a kis kitérésekre érvényes állandóságot helytelenül általánosította

# Galilei vizsgálati módszere

- fogalom tisztázása
- hipotézis
- matematikai következmény felmérés
- kísérleti ellenőrzés
- ha kell, visszalépés valamelyik korábbi szintre



Galilei hőmérő

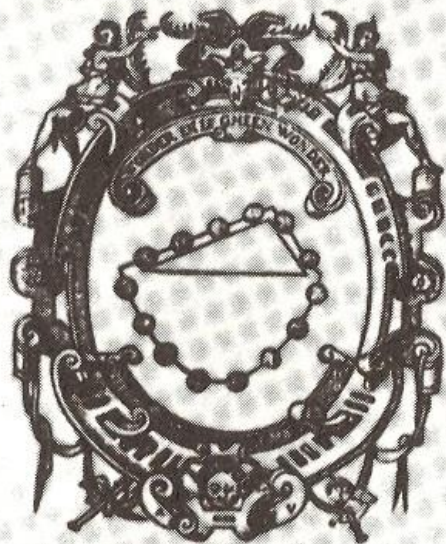
Azért Itálián kívül is voltak okos emberek (talán Galileinél is okosabbak)

Stevin (1548-1620)

Beeckman (1588-1637)

hőmozgás  
légnyomás

DE  
BEGHINSELEN  
DER WEEGHCONST  
BESCHREVEN DVER  
SIMON STEVIN  
van Brugge.



TOT LEYDEN,  
Inde Druckerye van Christoffel Plantijn,  
By François van Raphelinghen.  
c13. 13. LXXXVI.

448 **LE LIVRE DE LA STATIQUE**

sur P. exposé aussi sur I, & passant comme G O I G P, ainsi seront les pesanteurs qui reposent sur I & H. Conclusion. Une colonne donc reposant, &c.

**COROLLAIRE.**  
Il est manifeste par ce que devant, que voulant reconnaître la raison de la pesanteur reposant sur I, & celle qui repose sur H, qu'on donne à cette fin moult les perpendiculaires KL, MN, coupant l'axe es points O, P, & que la raison de G O I G P seroit la requise: ainsi donc, lors que la pesanteur de la colonne est connue, on auroit les pesanteurs de celles qui reposent sur chacun point, tel que H, I.

**JUSQUES ICY ONT ESTE**  
declairées les proprietés des pesanteurs directes, suivent les propriétés & qualitez des obliques, de laquelle le fondement general est compris au Theoreme suivant.

**THEOREME XI PROPOSITION XIX.**  
Soit un triangle, & son plan perpendiculaire à l'horizon, & le poids en deux parties, & son en chacun des deux autres côtés un poids semblable, de pesanteur égale, comme le côté de triangle, on suspendra: ainsi le poids sur le poids semblable, & celui de poids divers.

La demie. Soit ABC un triangle ayant son plan perpendiculaire à l'horizon, & la base AC parallèle à celui horizon: & soit sur le côté AB (qui est double à BC) un poids en globe D, & sur BC un autre E, egaux en pesanteur & en grandeur.

Le requi. Il faut démontrer que comme le côté AB à au côté BC, ainsi la pesanteur ou pouvoir de poids E à celle de D.

Preparation. Soit accommodé à l'entour du triangle un entour de 14 globes, egaux en pesanteur, en grandeur, & en situation, comme D, E, F, G, H, I, K, L, M, N, O, P, Q, R, entiers d'une ligne passant par leurs centres, & soit qu'ils puissent tourner sur leurs supports versus, & que si y puisse avoir 4 globes sur le côté BC, & 4 sur BA, ainsi comme ligne à ligne, ainsi le nombre des globes ou nombre des parties, qu'elles soient sur les deux parties de la ligne, & des parties de la ligne, ou le filer puisse couler, de quelle des parties ou des parties du triangle soient parallèles aux côtés d'un triangle ABC, tellement que le tout puisse tourner librement & sans accrochement, sur ledits côtés ABC.

**DEMONSTRATION.**  
Si le pouvoir des poids D, R, O, P, n'estoit égal au pouvoir de deux globes E, F, l'un côté sera plus pesant que l'autre, donc (s'il est possible) que les 4 D, R, O, P, soient plus pesants que les deux E, F; mais les 4 O, M, N, L, sont egaux aux 4 G, H, I, K; parquoy le côté des 8 globes D, R, O, P, O, N, M, L, sera plus pesant selon leur disposition, que nous en voyons, E, F, G, H, I, K, & par quoy la partie plus pesante enpouira la plus legere, les 8 globes descendront, & les autres 8 monteront: Qu'il soit ainsi donc, & que D s'écarter, ou O s'attachent, & ainsi des autres: voyez que E, F, G, H, I, K, viennent, ou s'ont maintenant P, Q, R, D, aussi I, M, ou sont maintenant E, F. Ce néanmoins l'entour des globes aura la mesme disposition qu'au paravant, & par mesme raison les 8 globes auront le dessus en pesanteur, & en tombant seront reversés à autres en leurs places, & ainsi ce mouvement n'a ou aucune fin, ne qui est absurde. Et de mesme les 12 autres démonstration de l'autre côté: La partie donc de l'entour D, R, O, P, D, N, M, L, sera en equilibrio avec les parties E, F, G, H, I, K; que si on colle des deux côtés, les pesanteurs egales, de quel soit mesme disposition, comme font les 4 globes O, N, M, L, d'une part, & les 4, G, H, I, K, d'autre part, les 4 autres D, R, O, P, seront & demeureront en equilibrio avec les 4 E, F, parquoy E aura un pouvoir double au pouvoir de D, comme donc le côté BA à, au côté BC, ainsi le pouvoir de E, au pouvoir de D.

Conclusion. Si un triangle donc a son plan, &c.

**COROLLAIRE I.**  
Soit ABC un triangle comme devant, & AB double à BC, & soit D un globe sur AB, double à E, qui est sur BC; en F soit un point fermé, par dessus lequel la ligne DFE puisse couler sans empêchement, ainsi que DF, FE soient parallèles aux côtés du triangle ABC, perpendiculaires des autres des globes, il appert que D, E seront en equilibrio, puis que cy dessus P, Q, R, D, s'attachent à E, F, parquoy comme AB à BC, ainsi le globe D au globe E.

**COROLLAIRE II.**  
Soit maintenant l'un des côtés du triangle comme BC (qui est moitié de l'autre AB) perpendiculaire à AC, comme cy joignons le globe D, qui est double à E, sans encre en equilibrio avec E, car comme le côté AB à BC, ainsi le globe D au globe E.

**COROLLAIRE III.**  
Soient detachés les memes poids, mais au lieu du point fermé F, soit adapté une poulie comme cy, ainsi que DF demeure parallèle à AB, & que E soit un point de quelle ligne que on puisse être, & soit en pesanteur & en grandeur de devant, & soit avec D, & soit encre en equilibrio, parquoy comme AB à BC, ainsi DFE.

**COROLLAIRE IV.**

# Newtonon innen, Galilein túl, avagy a „**géniuszok évszázada**” (a XVII. sz.)

***Galilei (1564-1642)***

(Kepler (1571-1630))

Descartes (1596-1650)

Fermat (1601-1665)

Torricelli (1608-1647)

Pascal (1623-1662)

Mariotte(1620-1684)

Boyle (1627-1691)

Huygens (1629-1695)

***Newton (1642-1727)***

itthon: Pázmány Péter (1570-1637)

Comenius (Komensky) (1592-1670)

**Sárospatak !**

Apáczai Csere János

(1625-1659)

A XVII. század elején a természettudósok (legalábbis a jobbak) már látják az arisztotelészi tanok hibás voltát. A bölcsestiek azonban még nem.

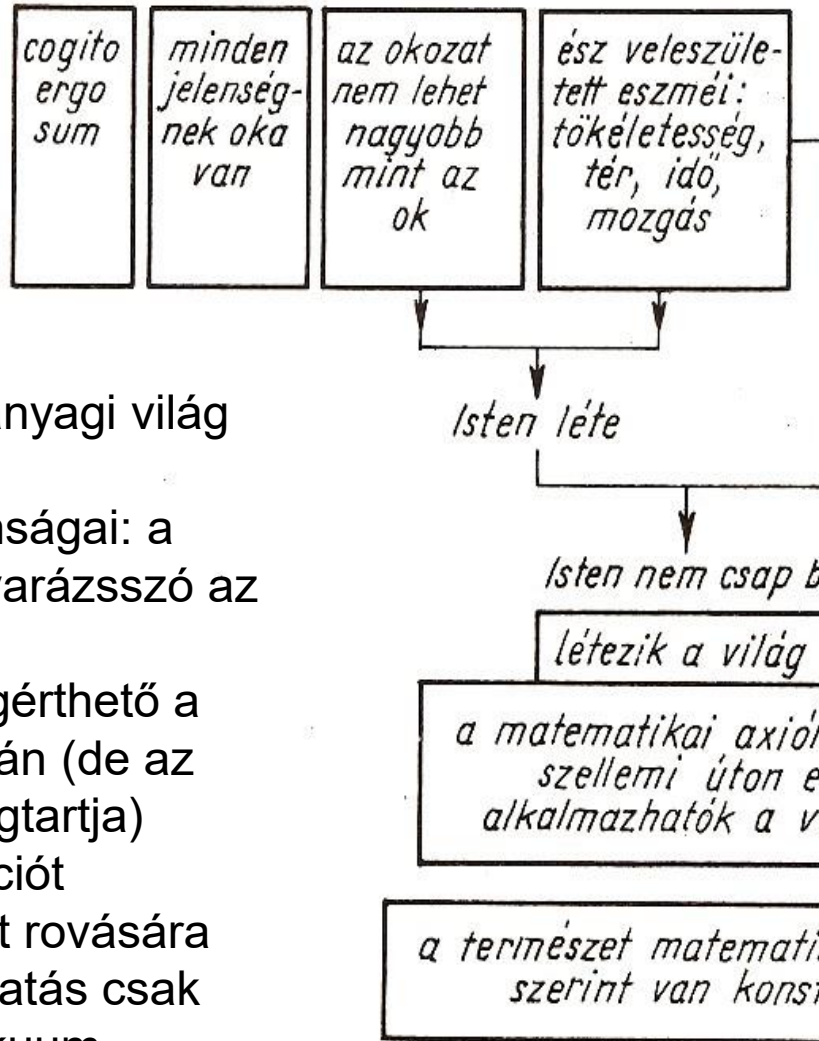
Descartes, aki mindkettő volt, látta be először, hogy Arisztotelész tanait csak akkor lehet végleg kidobni, ha filozófiáját is leváltja, nemcsak a fizikáját.

„Csak a nyilvánvaló igazságokat fogadjuk el, ne higgyünk el semmit a régi könyveknek.”



**RENÉ DESCARTES** (1596–1650) La Haye-ban, Tourainban született. Apja – elszegényedett nemes – jogász volt. Nyolc éves korától 16 éves koráig La Flèche-ben tanult a jezsuiták iskolájában. 1617-ben Hollandiában, Bredában a katonai iskolánál szolgált mint önkéntes. Ezután beutazta Európát. 1619-ben a bajor herceg hadseregében találjuk; ekkor egy hideg novemberi napon egy jól fűtött kályha mellett fogant agyában az új filozófia alapgondolata. 1623-ban beutazta Itáliát. Nincs nyoma annak, hogy szándéka lett volna *Galileit* meglátogatni. 1629-ben, hogy munkájához békés környezetet találjon, Hollandiába költözött. 1629 és 1633 között dolgozta ki világrendszereét. Műve, a *Le Monde ou traité de la lumière*, nem jelent meg. *Descartes* ugyanis értesült *Galilei* elítéléséről, és ezért nem merte művét nyilvánosságra hozni. Eredeti formájában sohasem jelent meg, de későbbi műveibe sok gondolatát beledolgozta. Halála után jelent meg az 1628-ban írt műve, a *Regulae ad directionem ingenii*. 1637-ben jelent meg a *Discours de la Méthode*, majd a *Meditationes de Prima Philosophia* (1641) és végül a *Principia Philosophiae* 1644-ben. Utolsó munkája a *Traité des passions de l’Ame* (1649). 1649-ben *Krisztina* svéd királynő meghívására *Stockholmba* költözött. Szervezete nem bírta a hideg éghajlatot, a következő évben tüdőgyulladást kapott és meghalt.

A képünkön *Descartes Krisztina* királynőnek magyarázza filozófiáját — hajnali 5 órakor: erre az időre tűzte ki a királynő a filozófiai foglalkozások kezdetét. *Descartes* gyenge egészségű volt, így még La Flèche-ben is megengedték neki a jezsuita atyák, hogy késő délig az ágyban maradjon. Életrendjének ez a felborítása is hozzájárulhatott korai halálához.



## Descartes filozófiája:

- A tudatunktól független anyagi világ léte
- Az anyag primer tulajdonságai: a kiterjedés és a mozgás (varázsszó az örvénylés)
- A világ kifejlődése is megérthető a természettudomány alapján (de az Isten hitet és a Bibliát megtartja)
- Legnagyobb hibája: a rációt túlhangsúlyozza a kísérlet rovására
- Peripatetikus vonások: hatás csak kontaktus útján, nincs vákuum

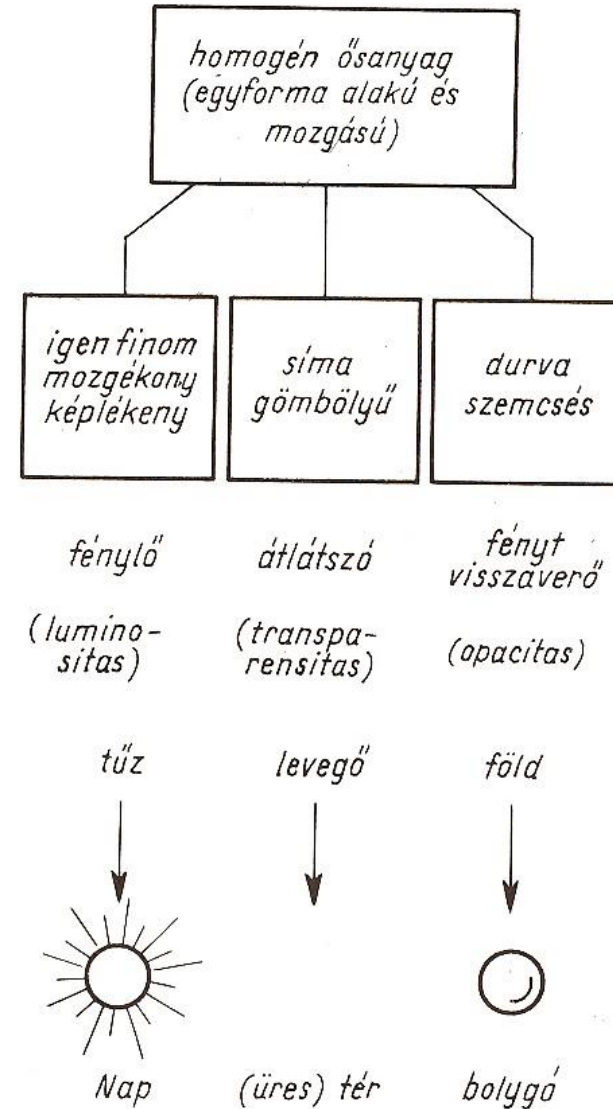


# Descartes mozgástörvényei:

1. Egy test nyugalomban marad mindaddig, ameddig valamely hatás nem éri; egy mozgó test változatlan sebességgel folytatja mozgását mindaddig, míg valamivel nem találkozik ami ezt a mozgást megváltoztatja (mint Galileinél).
2. Minden mozgó test egyenes vonalban igyekszik mozgását folytatni (a körmozgás nem természetes mozgás).
3. Ütközési törvények (mert hatás szerinte csak ütközéssel lehetséges).  
Sajnos ezek többnyire hibásak (a 8 szabálya közül egy jó, 3 akár helyesen is értelmezhető, 4 egyértelműen hibás).

## Descartes kozmogóniája:

A világ kifejlődése is megérthető a természettudomány alapján.  
A Földi és égi jelenségek fizikája egyezik.



3.4–9 ábra  
Descartes három „alap”-anyaga

Mi nem jellemzi Descartes filozófiáját?

- a) A rációt és a kísérletet egyenrangúan fontosnak tekinti
- b) A tudatunktól független anyagi világ léte
- c) Hatás csak kontaktus útján lehetséges
- d) A világ kifejlődése megérthető a természettudományok alapján

Ki állapította meg először azt, hogy a magára hagyott testek egyenes vonalú egyenletes mozgást végeznek?

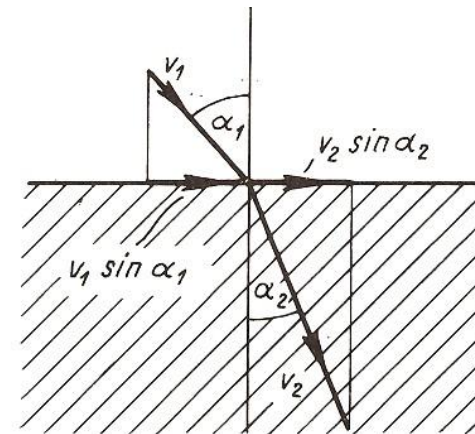
- a) Galilei
- b) Newton
- c) Descartes
- d) Huygens

A Snellius-Descartes törvény.  
 Előzmények: Ptolemaiosz, Alhazen,  
 Kepler (az  $i/r = n$  törvény kis szögekre  
 jól teljesül)

A törvény helyesen : 
$$\frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} = n_{2,1}$$

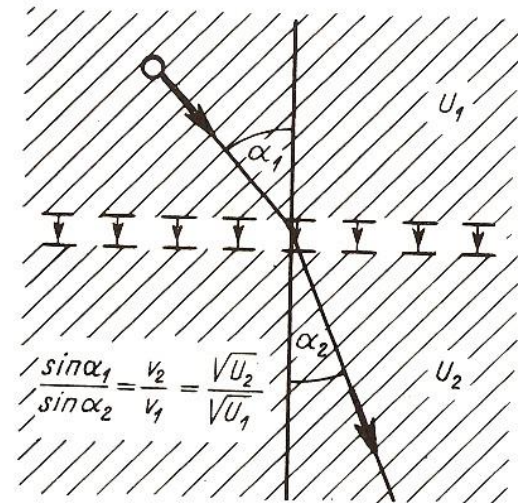
Az indoklás az érintőirányú sebességek  
 egyenlősége alapján hibás: a fény  
 sebessége a valóságban a közegben a  
 kisebb.

Az elektronoptikában az indoklás is  
 helyes lenne.



3.5—5 ábra

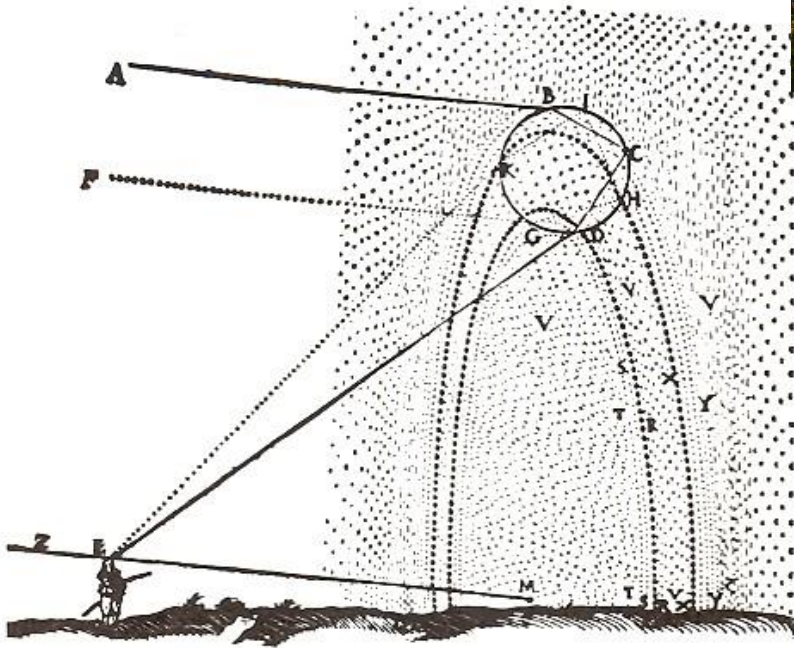
A töréstörvény levezetéséhez elég azt feltételeznünk, hogy a sebességnek a felülettel párhuzamos komponense nem változik



3.5—6 ábra

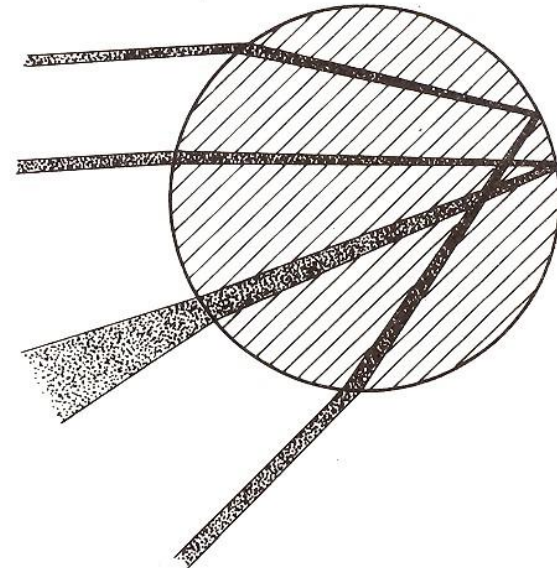
Az elektron pályája kettős rétegen áthaladva törést szenved. A töréstörvényből az optikai törésmutató és a potenciálból vont gyök analogiájára következtetünk

Descartes egyik legnagyobb teljesítménye a szivárvány létrejöttének helyes magyarázata.



3.5–9 ábra

A szivárvány létrejöttének magyarázata Descartes szerint. A főív egyszeres, a mellékív kétszeres belső reflexió után jön létre



3.5–10 ábra

Csak azok a sugarak maradnak párhuzamosak, amelyek a kilépés után  $42^\circ$  szöget zárnak be a belépő sugárral

## A Fermat-elv (1662):

egy megadott pontból egy másik megadott pontba a fény a geometriailag lehetséges utak közül azt a pályát követi, amelyet a legrövidebb idő alatt fut be.

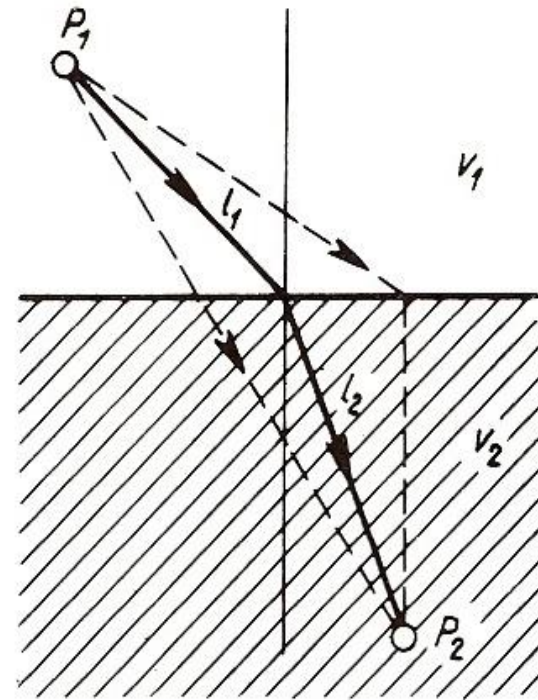
Következmény: ebből is levezethetők a visszaverődés és a törés törvényei, de most (helyesen) a fény sebessége a vákuumban a legnagyobb. (Sajnos a világ nem neki hitt még kb. 200 évig.)



### Pierre de Fermat

([1601](#) – [1665](#))

„Egy köböt pedig lehetetlen szétbontani két köbre egy negyedik hatványt két negyedik hatványra ... [Fermat-sejtés](#)”



3.5 – 12 ábra

A minimális ideig tartó út megkeresése. A  $P_1P_2$  egyenes a legrövidebb út, de ebből a rövid útból viszonylag sok esik a sűrűbb közegre, ahol a fény lassabban mozog

# Vákuum és légnyomás:

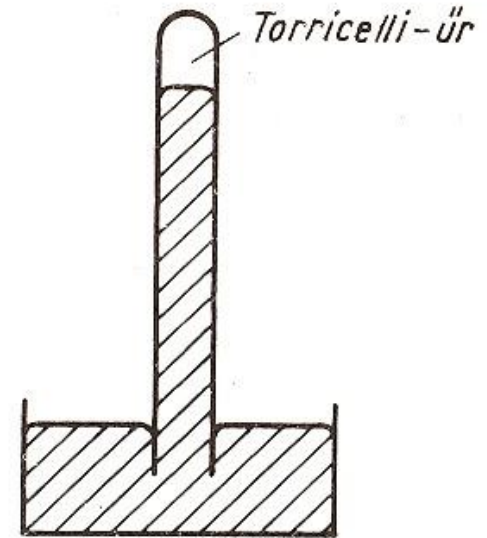
Descartes: erőhatás csak kontaktus által, nincs vákuum.

1643: a híres Torricelli-kísérlet

Kérdés: mi tölti ki a Torricelli-űrt?  
Valóban vákuum, vagy az „üvegből beszivárgó tűz”?



Evangelista Torricelli  
(1608-1647)



3.5–15 ábra  
Torricelli kísérlete

Pascal „úr az űrben” kísérlete: a kis Torricelli-berendezés lényegében egy barométer (az első barométer).

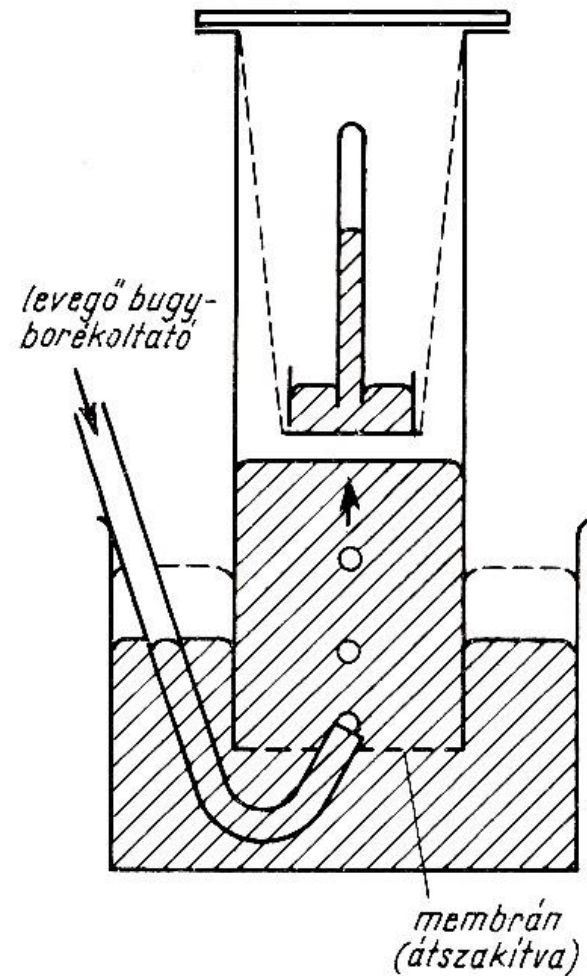
A kezdetben nulla nyomást a bebuborékolgatott levegő emeli meg, nem a „horror vacui”.

Későbbi kísérlete: a nyomás a hegy tetején kisebb, mint a hegy lábánál (1648).

„Aki Pascal munkássága ismeretében a légnyomás és a vákuum létét nem fogadja el az nem „homo sapiens”.”

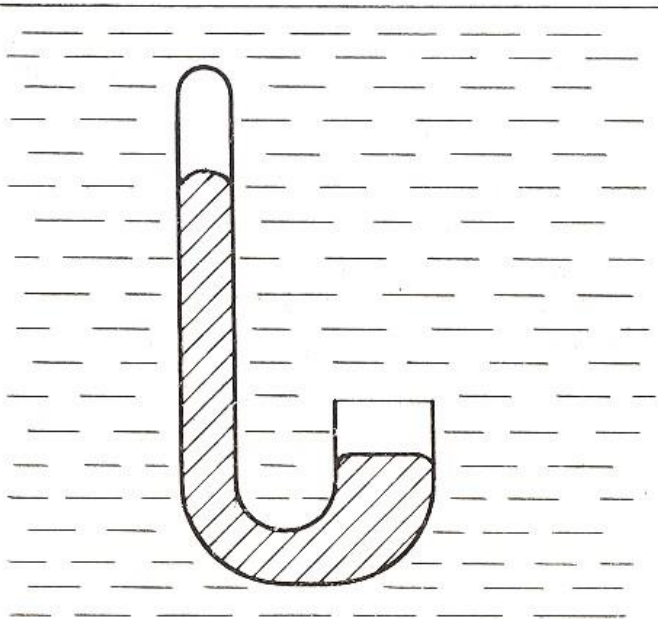


Pascal (1623-1662)



3.5–16 ábra  
Az „úr az űrben” kísérlet sémája





3.5–17 ábra  
Mariotte kísérlete a külső nyomás szerepének tisztázásához: a barométert különböző mélységekbe helyezi



3.5–18 ábra  
Guericke könyvének címlapja

Mariotte (1620-1684) és Boyle (1627-1691) **Otto von Guericke** ([Magdeburg, 1602](#) – [1686](#))

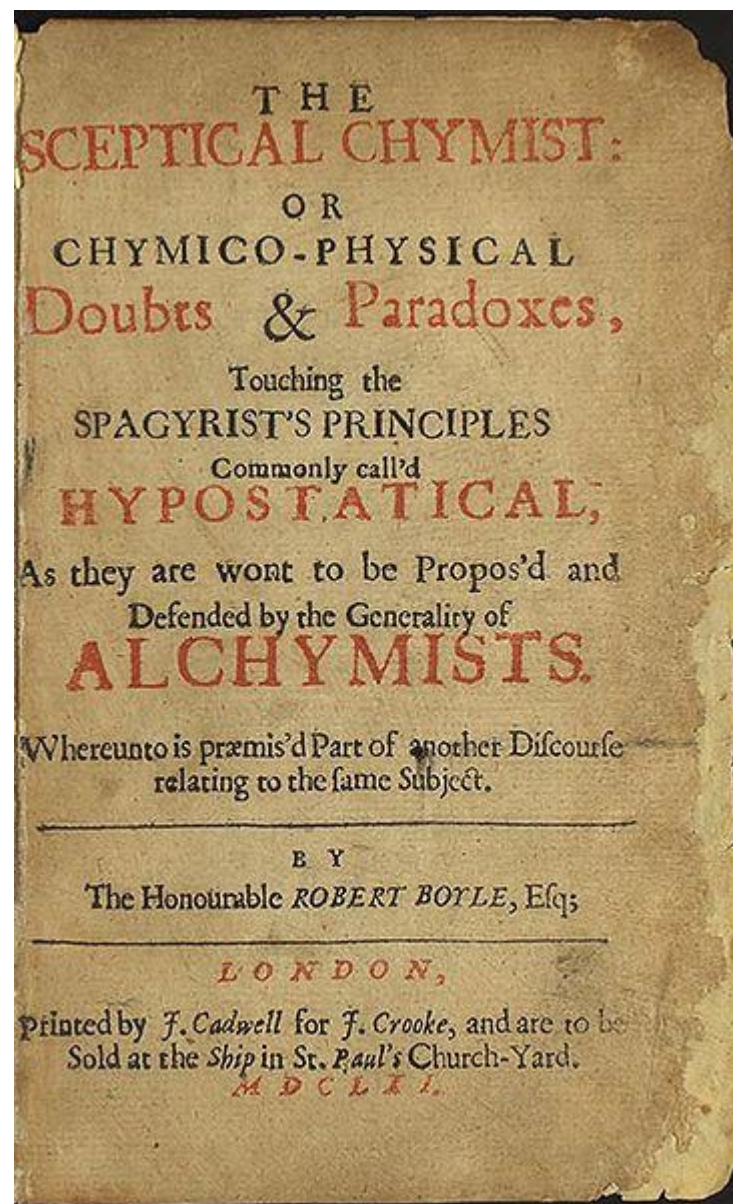
Kezdő lépések a ma kémiája felé.

Atomelmélet – ateizmus (a megváltoztathatatlan atomok kizárják az isteni beavatkozást).

Boyle: az arisztotelészi négy elem tarthatatlan (1661 Sceptical Chemist).

A korpuszkuláris elmélet összeegyeztethető a vallással.

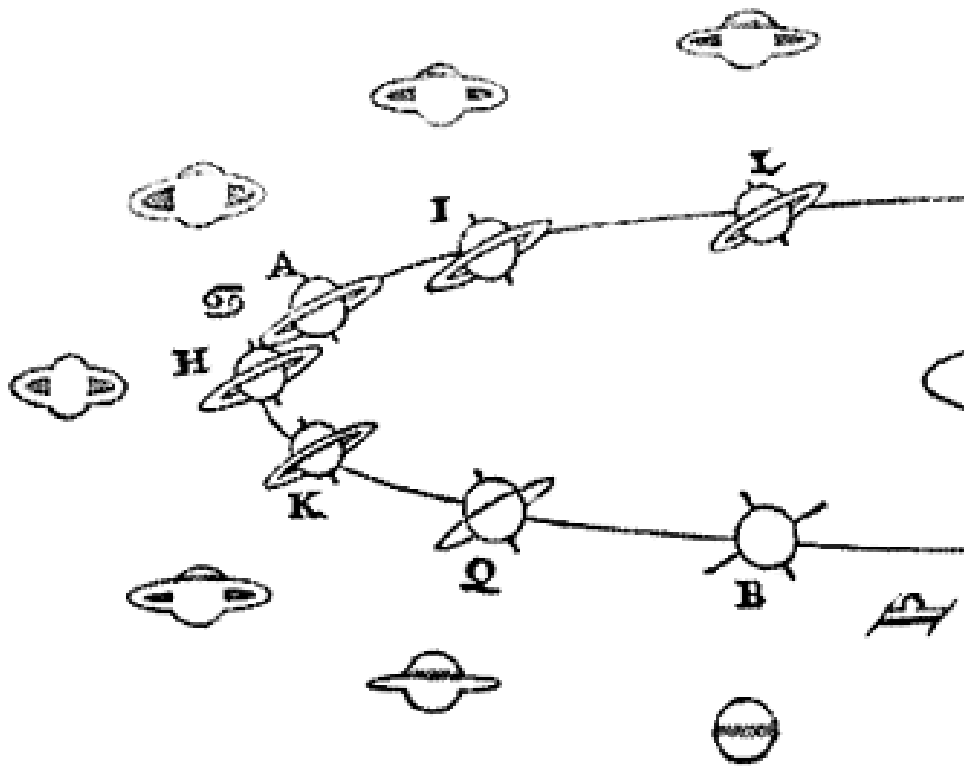
„Az aranycsinálás”.



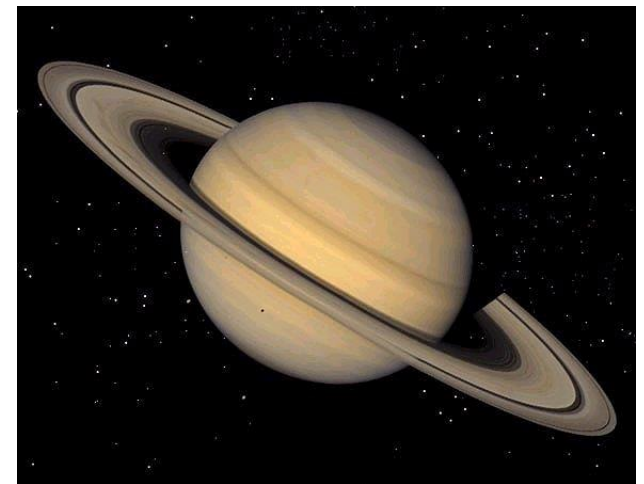


3.6 – 1 ábra

CHRISTIAN HUYGENS (1629 – 1695) Hágában született. Apja – neves politikus, nyelvész, zenész, matematikus – volt az első tanítója. Jogi diplomát szerzett, de korán elkezdett matematikával is foglalkozni. Első matematikai eredményét 17 éves korában érte el. 28 éves korában a kúpszeletek területmeghatározásáról értekezett (*Cyclometriae*, 1651), 25 éves korában a  $\pi$  addig ismert legjobb közelítését adta meg (*De circuli magnitudine inventa*, 1654), majd valószínűségszámítással is foglalkozott. Szereplését a fizikában a testvérével együtt épített távcsővel végzett asztronómiai vizsgálatokkal kezdte. Felfedezte a Szaturnusz gyűrűjét, egy bolygóját (*Systema Saturnium*), az Orion-ködöt. Ezen vizsgálatai közben felmerült a pontos idő mérésének szükségessége. 1657-ben megkonstruálja az ingaórát. Ettől kezdve intenzíven foglalkozik az állandó lengési idejű cikloidális ingák problémájával. Eredményeit – mint általában, ebben az esetben is – nagy időközesssel publikálja (*Horologium oscillatorium*, 1673). Másik igen jelentős munkája, a *De Motu corporum ex percussione* csak halála után, 1703-ban jelent meg, bár eredményeinek összefoglalását 1669-ben a Royal Societynek bemutatta. Legismertebb munkája a *Traité de la lumière* (1690). Megjelenésének késését előszavában meg is indokolja: várta, hogy ideje lesz a tudomány nyelvére, latinra lefordítani.



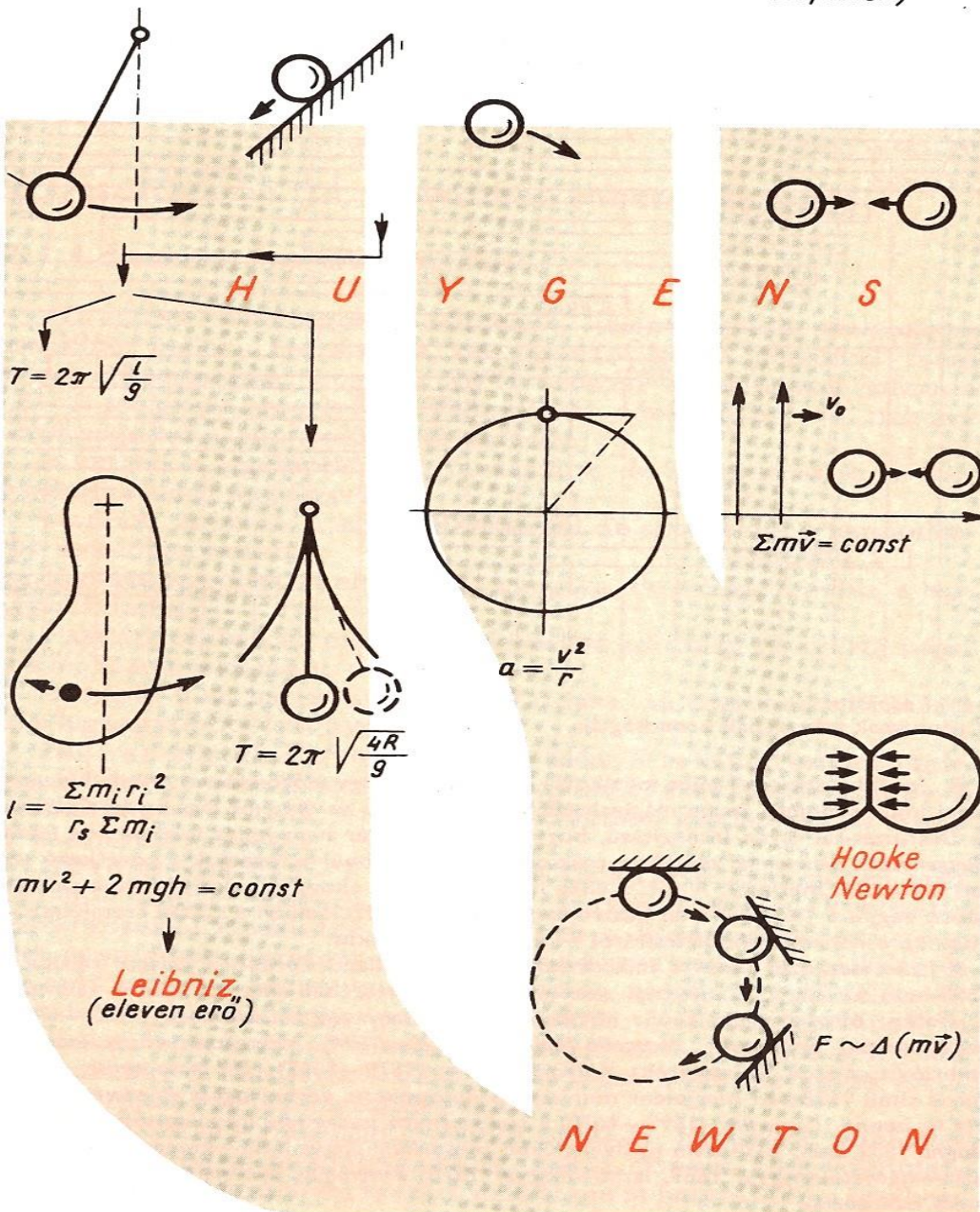
A Szaturnusz gyűrűk  
ábrázolása Huygens  
cikkében

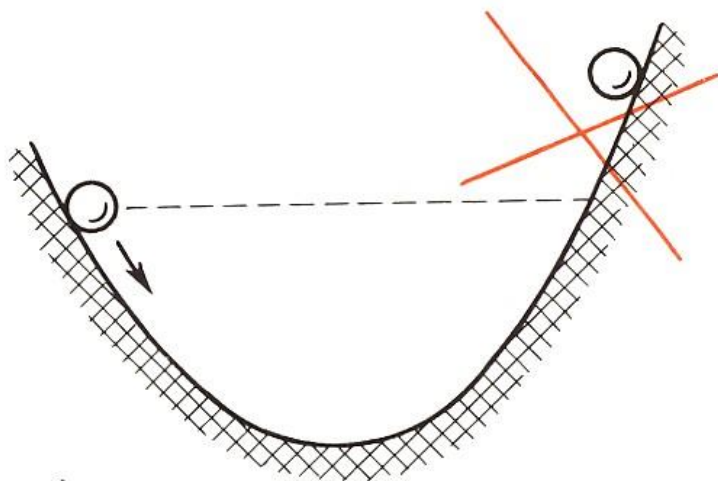


# G A L I L E I

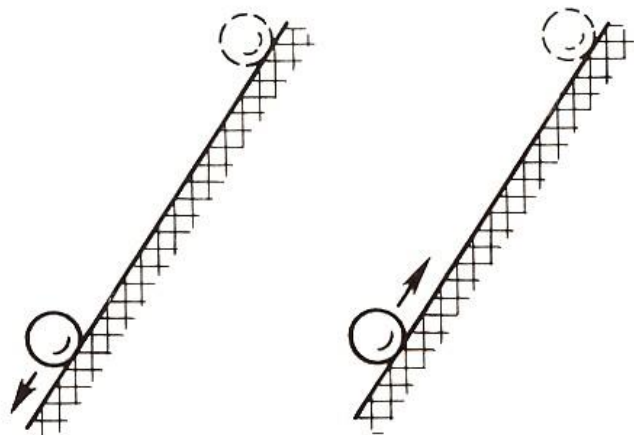
# DESCARTES

(filozófiai alapelvek)





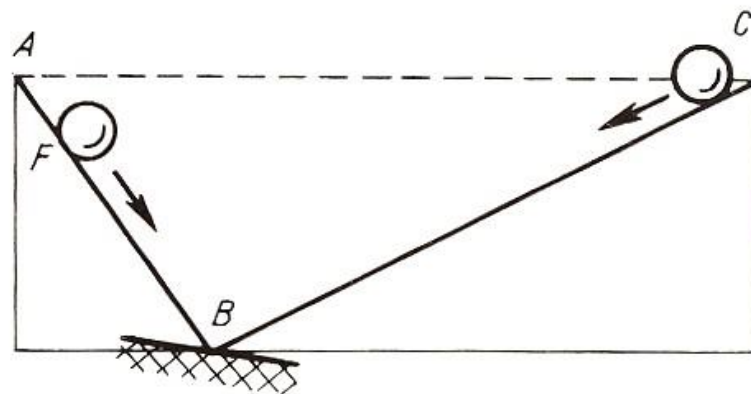
a)



b)

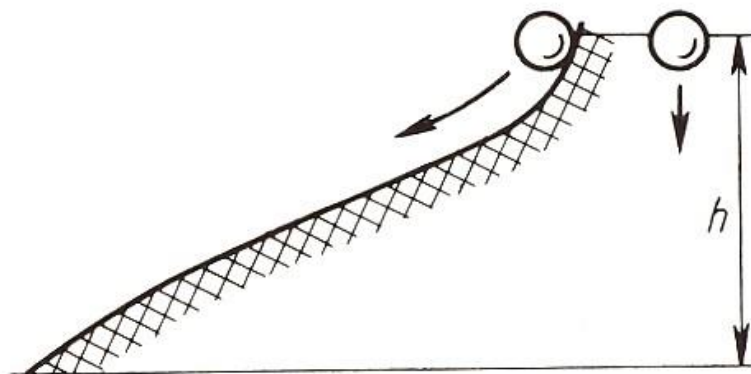
3.6—3 a, b ábra

Huygens két alapfeltevése: a) a testek súlypontja saját súlyuk hatására végbemenő mozgás eredményeképpen sohasem kerülhet a kiinduló állapoti helyzetnél feljebb, b) a mozgások megfordíthatók



3.6—3 c ábra

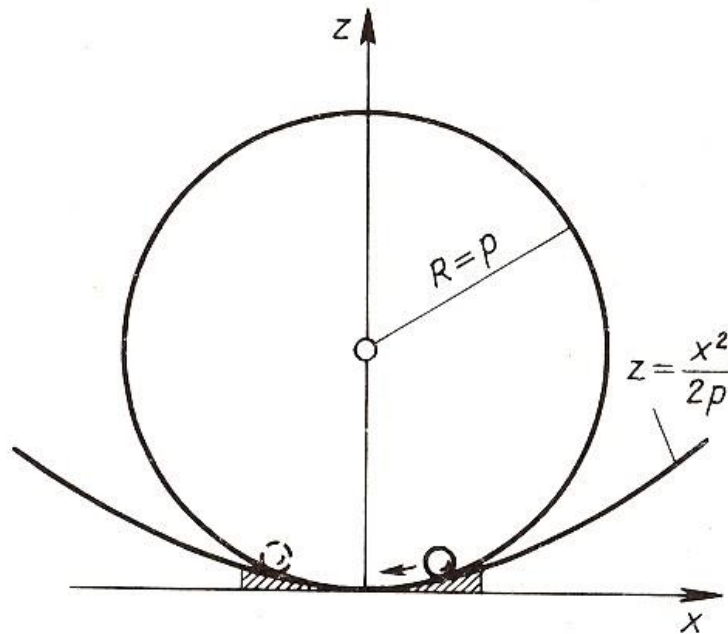
Huygens bizonyítása, hogy a különböző hajlásszögű, egyforma magas lejtő aljára a golyók egyforma sebességgel érkeznek



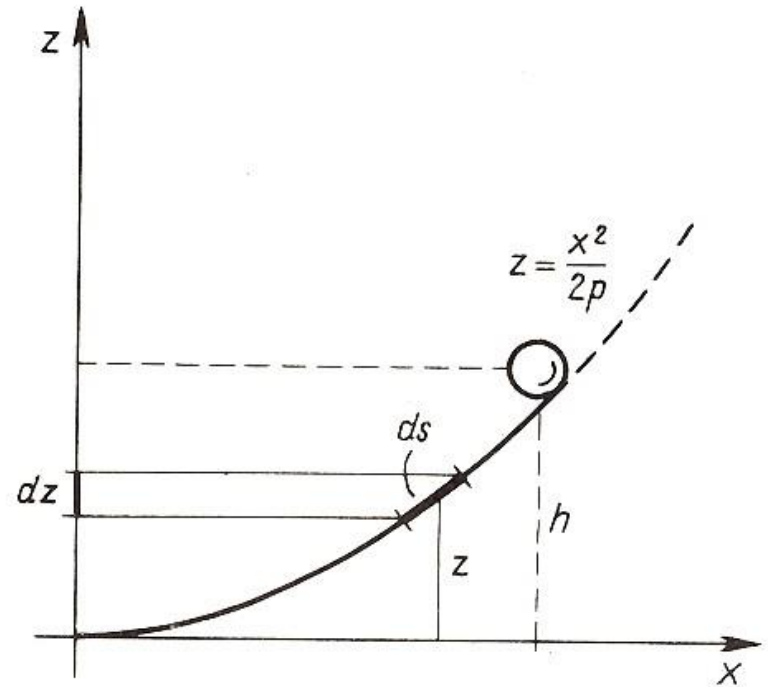
3.6—4 a ábra

Ha egy test akármilyen lejtőn mozog, sebessége ugyanakkora, mintha a lejtő magasságával azonos magasságból függőlegesen esne

Az ingamozgás képletének levezetése  $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$

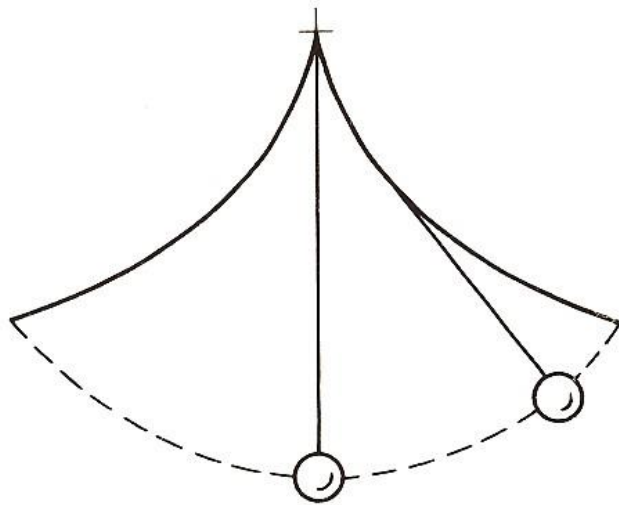


3.6–5 ábra  
A kör alakú lejtőt közelítjük meg egy hozzá-  
simuló parabolával



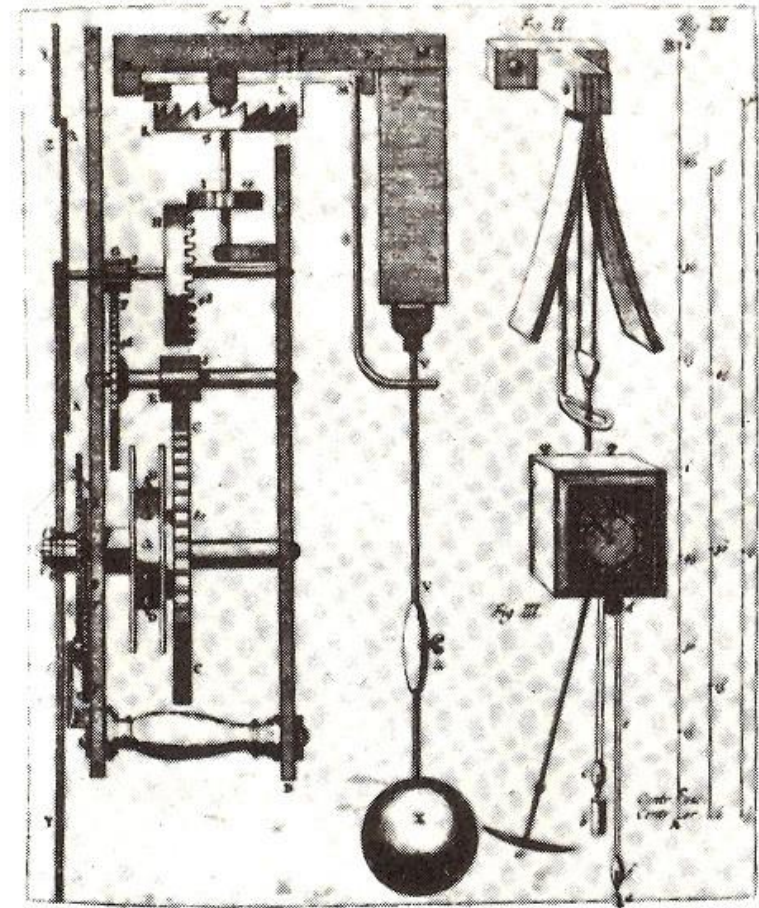
3.6–6 ábra  
A parabolán leguruló golyó gurulási idejét az  
elemi  $ds$  hosszak befutásához szükséges idők  
összegeként kapjuk

A cikloidális inga: a nagy  
amplitúdóra is állandó lengésidejű  
inga elmélete és gyakorlata



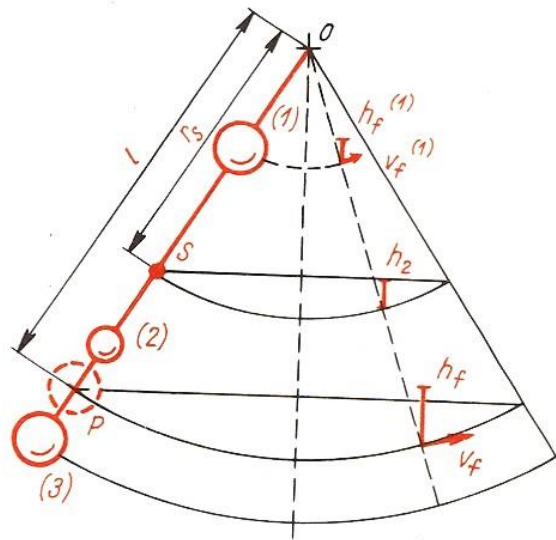
3.6–9 b ábra

Egy fonálra felfüggesztett test akkor mozog cikloispályán, ha a fonál egy ugyancsak ciklois alakú lemezpárra simul

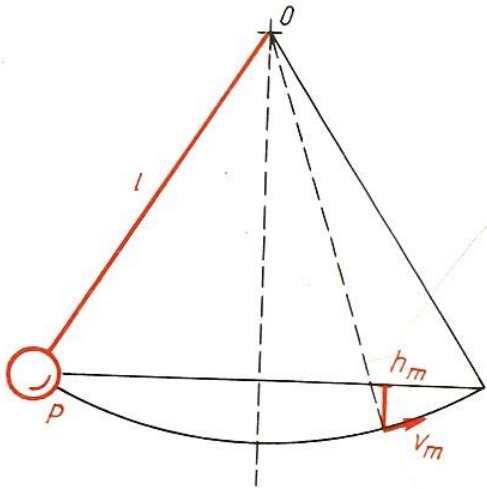


3.6–10 ábra  
Huygens cikloid-ingaórája





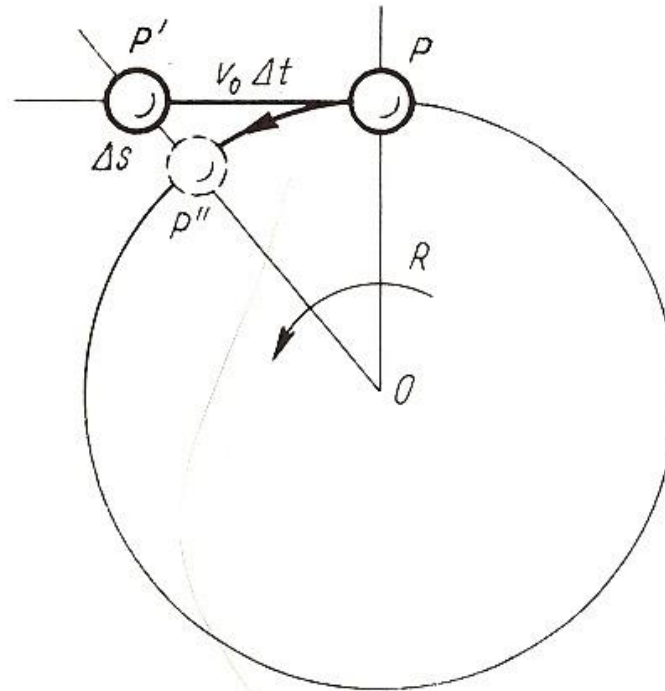
$$l = \frac{m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 + m_3 r_3^2}{r_s (m_1 + m_2 + m_3)}$$



3.6–12 ábra  
A fizikai inga lengési idejének megállapításához Huygens a vele azonos lengésidejű matematikai inga hosszát határozza meg

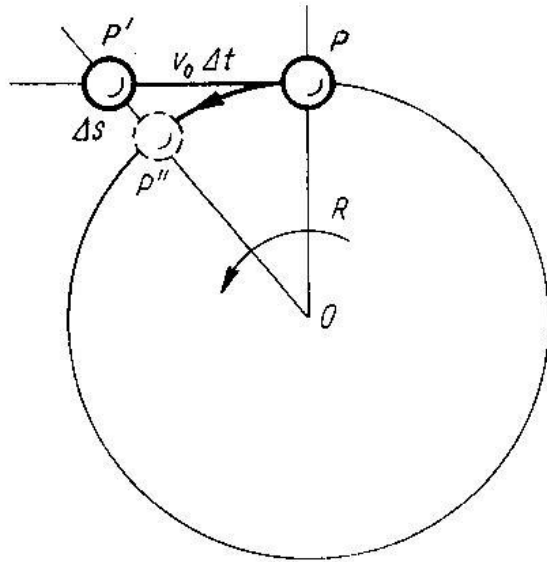
A körmozgás gyorsuló mozgás

$$a_{cp} = \frac{v_0^2}{R}$$



3.6–18 ábra  
Az egyenletes körmozgás gyorsulását Huygens így vezeti le

# A centripetális gyorsulás levezetése Huygens szerint



$$R^2 + (v_0 \Delta t)^2 = (R + \Delta s)^2 ;$$

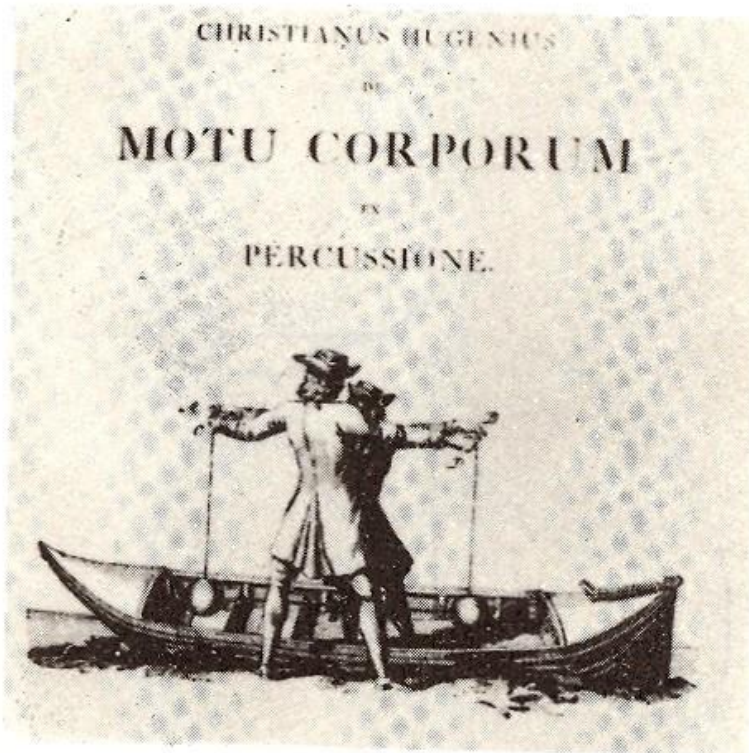
$$\Delta s^2 + 2R\Delta s = (v_0 \Delta t)^2$$

$$\Delta s^2 \ll 2R\Delta s$$

$$\Delta s = \frac{1}{2} \frac{v_0^2}{R} (\Delta t)^2$$

$$a = \frac{v_0^2}{R}$$

$$a_{cp}(\text{Földfelszín}) \sim 0,035 \text{ m/s}^2$$



3.6–15 ábra

Huygens a mozgó hajón lejátszódó mechanikai jelenségek változatlanságát, invarianciáját nem magyarázza, hanem posztulálja, és ebből az invariancia-követelményből jut el a törvényekhez. Einstein a tömegváltozás törvényét hasonlóan két koordinátarendszerből vizsgált ütközési törvény ekvivalenciájából fogja majd levezetni

Hipotézisek az ütközés törvényeinek levezetéséhez:

1, Bármilyen mozgásban lévő test, ha nem ütközik akadályba, változatlan sebességgel egyenes vonalban igyekszik mozogni tetszés szerinti ideig.

2, Két egyforma test, ha azonos nagyságú, de ellentétes irányú sebességgel egymásnak ütközik, visszapattanva megtartja sebessége nagyságát, de sebessége előjele megváltozik.

3, Egy egyenletes sebességgel mozgó hajón, bármekkora is legyen annak sebessége, a rajta utazó megfigyelő számára az ütközési törvények azonosak.

Melyik az az eredmény, amelyik nem Huygenshez köthető?

- a) centripetális gyorsulás levezetése
- b) energiamegmaradás rugalmas ütközésnél
- c) fizikai inga lengésideje
- d) ingaórák pontosságának javítása

Melyik pontban írjuk helyesen a fizikusok időrendjét?

- a) Huygens, Newton, Descartes
- b) Descartes, Huygens, Newton
- c) Newton, Huygens, Descartes
- d) Huygens, Descartes, Newton

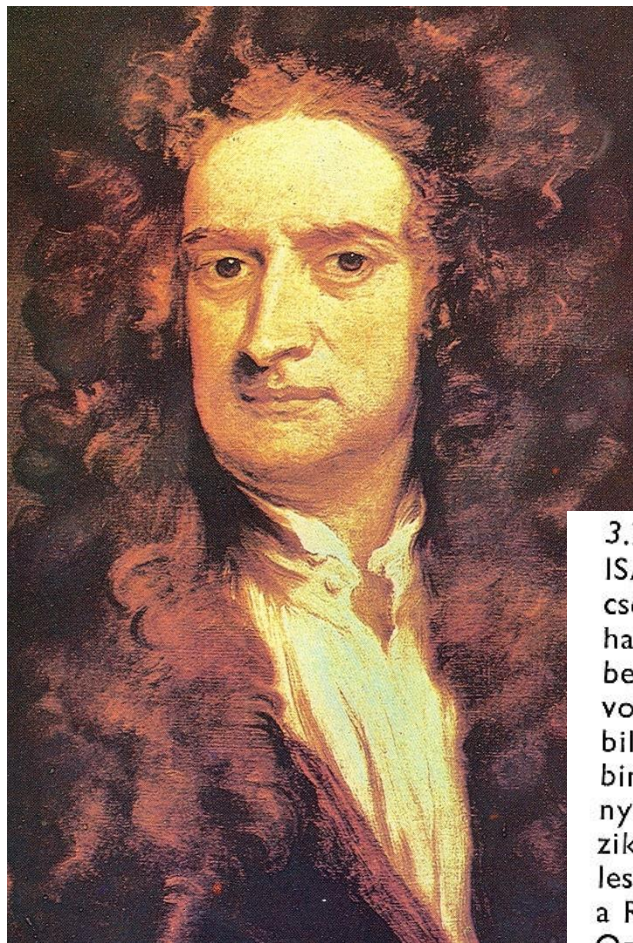
Válasszuk ki a helytelen állítást

- a) a Snellius-Descartes törvény a fény törését írja le
- b) Descartes szerint a fény a közegben lassabban halad mint vákuumban
- c) Huygens szerint a fény a közegben lassabban halad mint vákuumban
- d) a Fermat-elvből levezethető a törés törvénye

Mint tudjuk, a fény vákuumban gyorsabban terjed, mint közegben.

Kinek az elmélete állítja ezt?

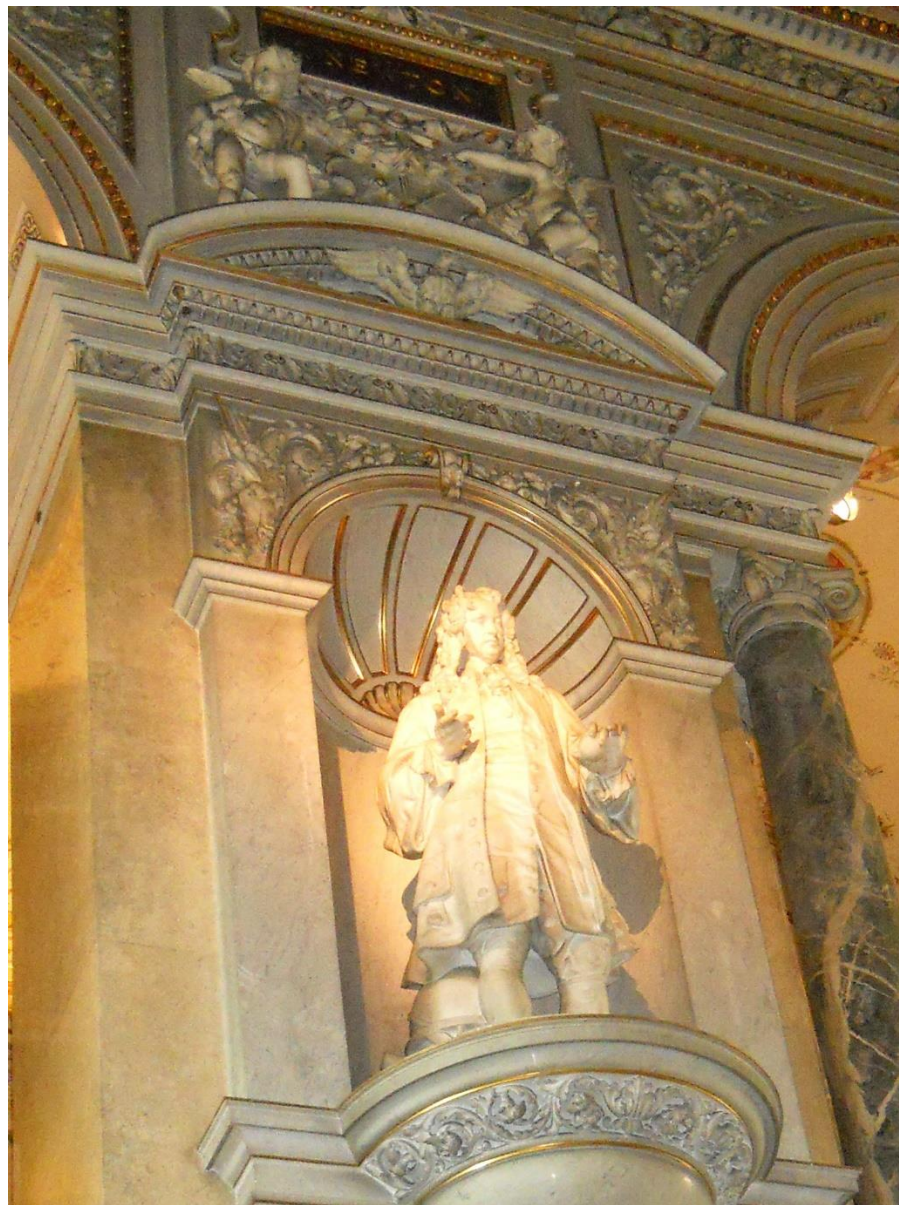
- a) Newton
- b) Kepler
- c) Descartes
- d) Fermat



### 3.7–1 ábra

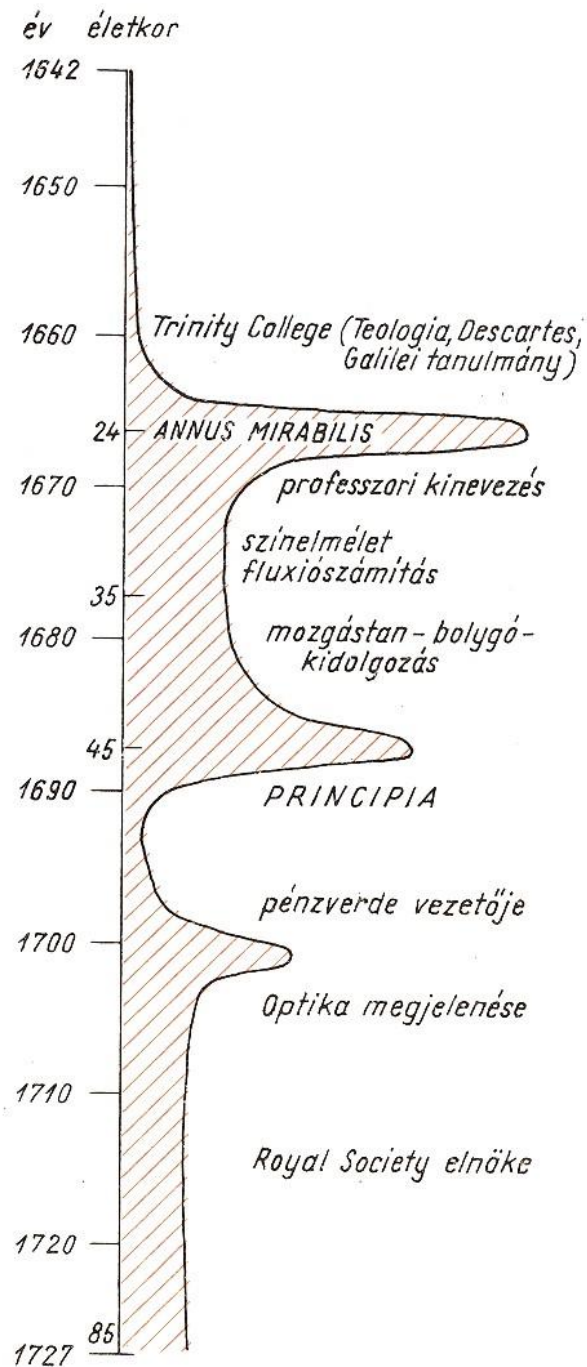
ISAAC NEWTON (1642–1727) Woolsthorpe-ban (Lincolnshire megyében), 1642 karácsonján született. A kontinensen ekkor már 1643-at írtak. Apja néhány hónappal előbb halt meg. 1661-ben nagybátyja támogatásával a Trinity College of Cambridge University-ben matematikát tanult. 1665-ben a pestisjárvány idejére birtokára, Woolsthorpe-ba vonult vissza. Ez az esztendő, de különösen a rákövetkező 1666-os volt az „Annus mirabilis” (3.7–1 idézet). Newton ekkor 24 éves volt. Ekkor fogalmazott meg benne a binomiális tétel, a differenciálszámítás, a színelmélet, a centripetális erő, a mozgástörvények és a gravitációs vonzás. Visszatérve Cambridge-be optikai problémákkal foglalkozik. 1668-ban elkészíti a tükrös teleszkópot. 1669-ben Barrow utódként professzor lesz a cambridge-i egyetemen. 1672-ben a *Fény és színelmélet* című munkáját bemutatja a Royal Society-nak, ahol olyan vitát váltott ki, hogy elhatározta, nem publikál többé. Optikai vizsgálatait összegyűjtve 1704-ben jelentek meg *Optics* című könyvében. 1684-ben Halley biztatására fogott a *Principia* megírásához, miután Halley vállalta a költségek előteremtését is. 1692–93-ban súlyos idegösszeomlása volt, amelyből rendbejött ugyan, de a hátralevő 35 évében már nem volt több jelentős felfedezése annak ellenére, hogy szellemi képességeit teljesen visszanyerte. Ezt Bernoulli egy problémájának – amelyre hat hónap volt kitűzve – egyetlen éjszaka alatt történt megoldásával (1696-ban) és 1716-ban egy Leibniz által feladott problémának a kézbevétele pillanatában adott megoldásával bizonyította be.

1699-ben az állami pénzverde vezetője lett. 1705-ben a királynő lovaggá ütötte. 1703-tól 1727-ig, tehát haláláig a Royal Society elnöke volt. A Westminster Abbeyban temették el.



Newton szobra a bécsi  
Természettörténeti  
Múzeumban

Newton tudományos teljesítménye nem volt egyenletes – nagy magasságok és nagy mélységek jellemezték

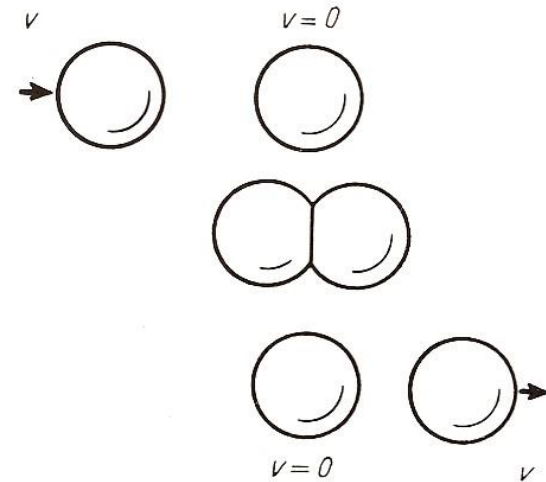
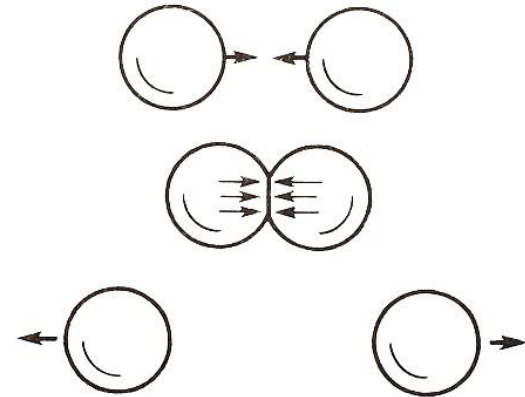




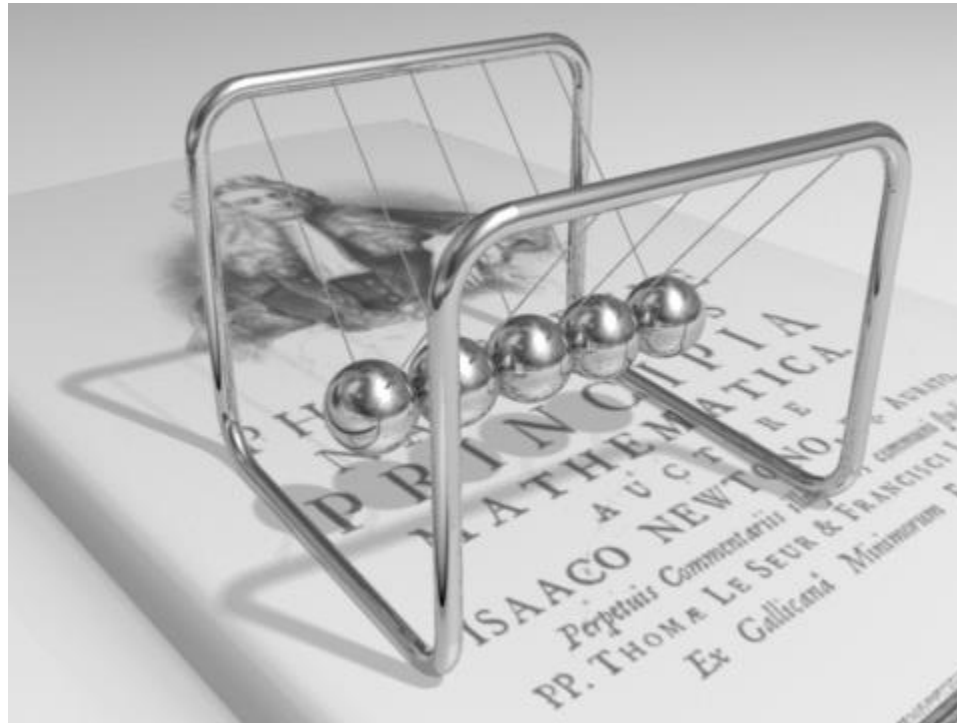
# Newton a dinamika atyja

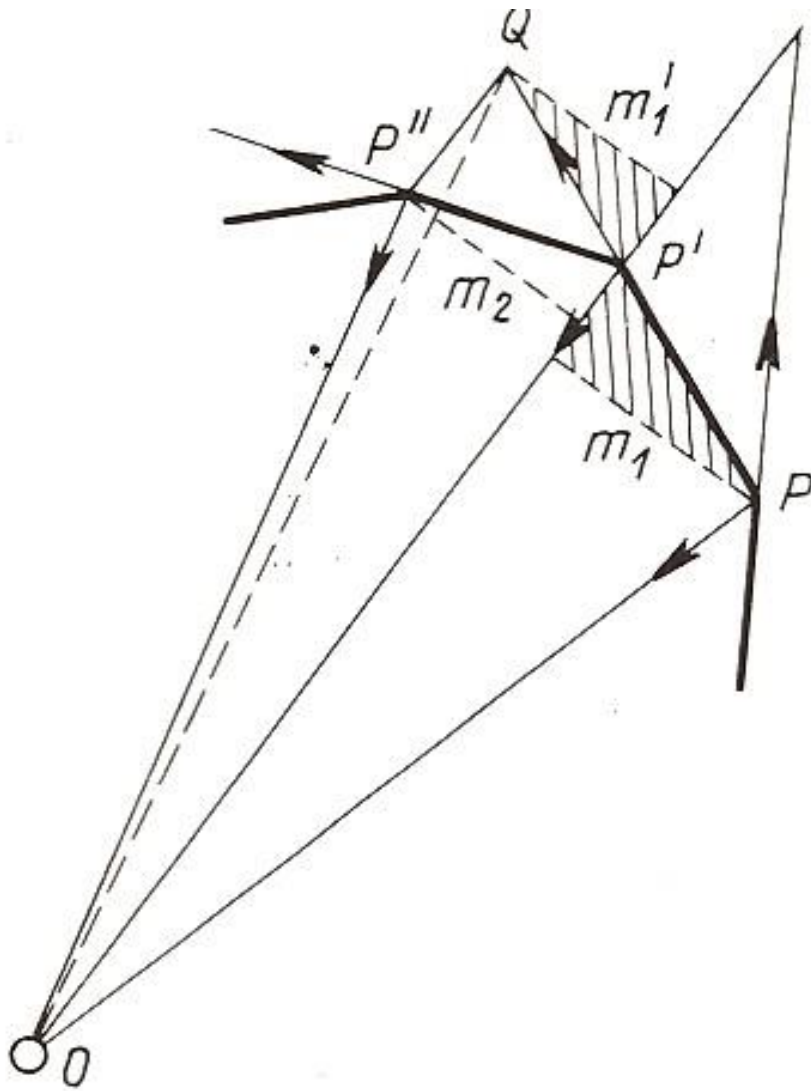
A dinamika törvényeihez vezető lépések:

1. A szimmetrikus rugalmas ütközés fázisai: a mozgás (mozgásmennyiség) lerontásához erőhatásra van szükség, ezt az erőhatást rugalmas deformáció szolgáltatja.
2. A mozgás létrehozására ugyanakkora erőhatásra van szükség, mint a megszüntetésére.
3. Kölcsönhatás közben a két test egymásra egyforma nagyságú, de ellenkező irányú erővel hat.
4. Görbe vonalú pályán történő mozgás ütközések sorozatára is visszavezethető.



# A Newton-inga



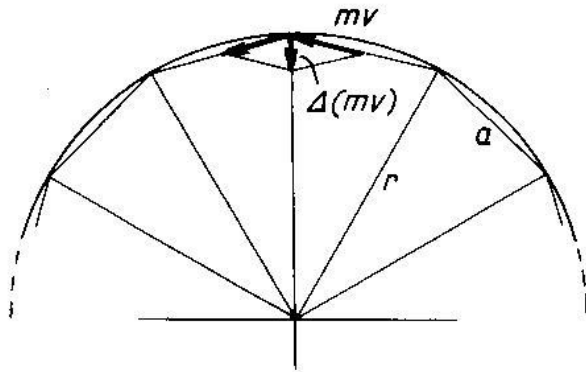


Centrális mezőben mozgó tömegpont pályájának közelítése poligonnal.

Az erő  $OP'$  irányú, tehát a lendület (a sebesség)  $OP'$ -re merőleges vetülete megmarad, tehát  $m_1 = m_2$ .

Így az  $OPP'$  és az  $OP'P''$  háromszögek területe egyezik, azaz a vezérsugar egyenlő idők alatt egyenlő területeket sűrol: ez bármilyen centrális mezőben igaz, nemcsak a gravitációsban.

## A centripetális erő levezetése Newton szerint



$$\frac{\Delta(mv)}{mv} = \frac{a}{r} \quad \Delta(mv) = \frac{a}{r} mv$$

$$F \Delta \tau = \Delta mv$$

$$F(n\Delta\tau) = \frac{na}{r} mv$$

$$F\tau = \frac{2\pi r}{r} mv = 2\pi mv$$

Sokszög kerülete → kör kerülete

$$F = \frac{2\pi}{\tau} mv = \frac{2\pi}{\frac{2\pi r}{v}} mv = \frac{mv^2}{r}$$

Newton mozgástörvényei:

1. A magára hagyott test megtartja mozgásállapotát (inerciarendszer).

$$\text{ha } \vec{F} = 0, \text{ akkor } \vec{v} = \text{áll}$$

2. A mozgásmennyiség (időegység alatti) megváltozása arányos a ható erővel és annak irányában megy végbe.

$$\frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} = \vec{F}, \quad m \vec{a} = \vec{F} \qquad \dot{\vec{p}} = \vec{F}, \quad m \ddot{\vec{r}} = \vec{F}$$

**erő = tömeg × gyorsulás**

3. Kölcsönhatás során a kölcsönható két test egymásra egyforma nagyságú, de ellentétes irányú erővel hat.

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$$

4. Ha egy test több kölcsönhatásban is részt vesz, a kölcsönhatásokat jellemző erőket vektor módjára kell összegezni.

$$\vec{F}_e = \sum \vec{F}$$