



Fizikai Intézet

Dr. Paripás Béla

# Nukleáris fizika II. rész

Miskolc, 2015

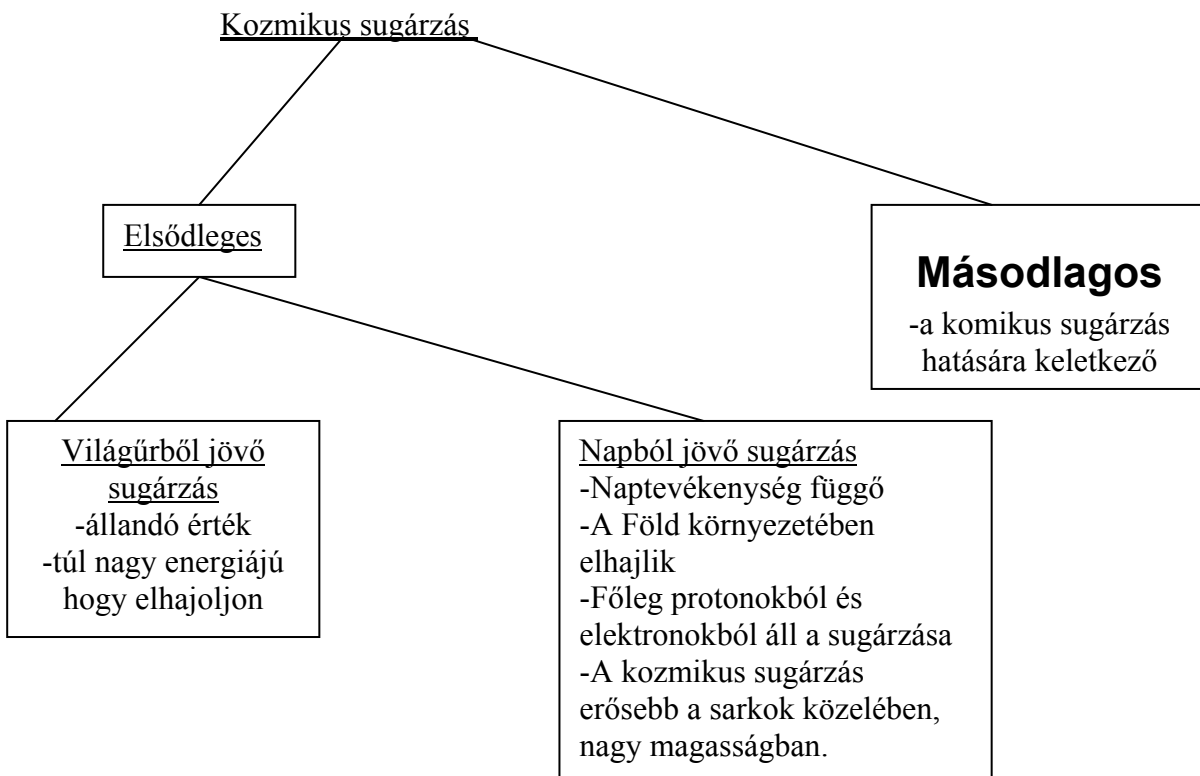
## Tartalomjegyzék

1.	Ionizáló sugárzások külső és belső természetes forrásai.....	3
2.	Az anyag hullámtermészete .....	7
3.	A határozatlansági reláció és néhány alkalmazása.....	10
4.	Kötött rendszerek energiaszintjei és hullámfüggvényei.....	13
5.	Az alapvető kölcsönhatások, az erős (nukleáris) kölcsönhatás jellemzői, a nukleonok szerkezete, spinje és mágneses momentuma.....	13
6.	Kötési energia és tömegdefektus, a potenciálkád modell, az egy nukleonra jutó kötési energia .....	16
7.	Az atommag töltött folyadékcsepp modellje: a különböző energiatagok értelmezése ....	18
8.	A radioaktív bomlások értelmezése a magmodellek alapján (az $\alpha$ -bomlás és a $\beta$ -bomlás értelmezése).....	20
9.	Maghasadás felfedezése és mechanizmusa, a hasadási termékek tulajdonságai .....	23
10.	A láncreakció, kritikusság, moderátorok, a négyfaktoros formula .....	24
11.	A Paksi atomerőmű működése .....	27
12.	Magfúzió a Napban és a Földön, a tehetetlenségi és a mágneses összetartás .....	28

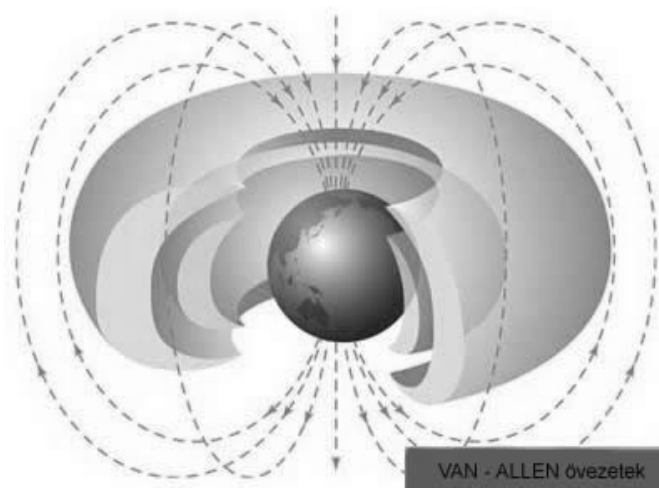
# 1. Ionizáló sugárzások külső és belső természetes forrásai

## Külső források

a) A kozmikus sugárzás  $\sim 300 \mu\text{Sv}/\text{év} = 0.3 \text{ mSv}/\text{év}$  (Aki a házban van, annak még kevesebb. Ez egy átlag (világátlag), figyelembe véve az árnyékolásokat is.) Kint több van, mint a házban.



## Van-Allen övezetek:



- Ha repülővel repülök, ott fent nagyobb sugárzást kapok, mint alacsonyabban.
- A  $p^+$  és  $e^-$ -ok feltekerednek ezekre az erővonalakra, és ahogy közelednek a sarkok felé (ott erősödik a mágneses térerő) egyre gyakrabban tekerednek, majd visszafordulnak, és oda-vissza megteszik ezt az utat.
- A nagyobb energiájúak elérik a földet.

b) Terrisztikus (földi eredetű)  $\gamma$  sugárzás:

**Ősi:** Itt vannak a föld keletkezése óta ( ~4.6 milliárd éve), a Földdel együtt keletkeztek.

**3 ősi sugárzó anyag:**

Anyag	Világ átlag koncentráció a talajban
Urán sor, $^{238}\text{U}$ -val kezdődik	~ 25 Bq/kg
Tórium sor, $^{232}\text{Th}$ -vel kezdődik	~ 25 Bq/kg
$^{40}\text{K}$ (kálium)	370 Bq/kg

-Mindegyik ad 30%-ot, az összes többi 10%-ot.

-A véletlenszerű darabolás lg-normális ('lognormális') eloszlást eredményez.

-Az urán sosem fog elfogyini a földről. A kérdés, hogy gazdaságosan kitermelhető-e a kőzetből. (Sosem tisztám fordul elő.)

Talajból 65  $\mu\text{Sv}/\text{év}$   
Építőanyagból 395  $\mu\text{Sv}/\text{év}$  } sugárzást kapunk (az építőanyagból azért többet, mert sok időt töltünk épületben és azt nem  $2\pi$  (talaj) hanem  $4\pi$  felől kapjuk.

-Magyarországon :  
-épületben ~ 130 nGy/h  
-szabadban ~ 90 nGy/h } Ebben benne van a kozmikus is

Háttérsugárzás adatai:

- Kozmikus sugárzás (természetes eredetű sugárzások) felnőttekre vonatkozó világátlag (1993): **380  $\mu\text{Sv}$  / év** ( nano sievert )
- Terrisztikus külső gamma sugárzás: **460  $\mu\text{Sv}$  / év** ( szabadban: 65  $\mu\text{Sv}$  épületben: 395  $\mu\text{Sv}$  )

A 460 nSv megoszlása:

- Kálium<sub>40</sub>: 150  $\mu\text{Sv}$  / év
- Urán<sub>238</sub>: 100  $\mu\text{Sv}$  / év
- Tórium: 160  $\mu\text{Sv}$  / év

összeadva: 410  $\mu\text{Sv}$  / év, tehát az összes többi 50  $\mu\text{Sv}$  / év

Kozmikus sugárzásból eredő sugárterhelés:

- La Paz, Bolívia fővárosa (3900 m ): 2020  $\mu\text{Sv}$  / év
- Mexikó City (2240 m ): 820  $\mu\text{Sv}$  / év
- Teherán (1180 m ): 440 $\mu\text{Sv}$  / év
- tengerszinten: 270  $\mu\text{Sv}$  / év

**Technológia által megnövelt sugárterhelés:** pl. repülőgép, vagy kóház, mely növeli a háttérsugárzást.

Ha repülőgéppel megyünk fölfelé, akkor a dózis először elkezd csökkenni, azért, mert a Föld sugárzása az nem jut át bizonyos rétegeken. Körülbelül 300 m a felezési rétegvastagság. 1 km magasságban már több mint 3 felezési magasság elment. Egyrészt ezért lecsökken a sugárzás mértéke, mert nem jön már a terrisztikus sugárzás, csak a kozmikus. Ez után nagyon lassan elkezd emelkedni. Körülbelül 4 km magasságban éri el a Föld szintjét. Tehát, ha valaki olyan repülőútra megy, ahol 1-és 4 km magasság között repül, akkor kisebb sugárzást kap, mint ha a földön tartózkodott volna. Igen ám, de az utasszállító gépeknek a repülési magassága tipikusan 10 km. 10 km-en a dózis már meghaladja az 1000 nanoSv / órát. Tehát utazási magasságban 10 × nagyobb a kozmikus sugárzás. A katonai gépeken már nagyon nagy a sugárzás. Egy szuperszonikus repülőgép pilóta összehasonlíthatatlanul több dózist kap, mint egy atomerőmű dolgozó. Aki vízen tölti a nyarat, az sem kapja a terrisztikus sugárzást, mert a víznek kicsi a radioaktív tartalma a földhöz képest. Viszont pl. egy méteres hónap is nagy az árnyékolása.

### **Belső források**

- Kálium-40: 180  $\mu\text{Sv} / \text{év}$
- kozmikus eredetűek: 15  $\mu\text{Sv} / \text{év}$ 
  - trícium:
  - C-14:
- Tórium-232: 180  $\mu\text{Sv} / \text{év}$  (90% - a 220-as radon belégzéséből)
- Urán-238: 1200  $\mu\text{Sv} / \text{év}$  (90% - a 222-es radon belégzéséből)

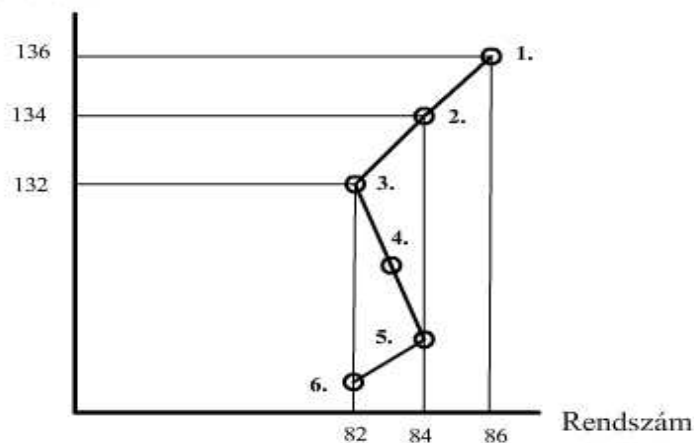
Ezeket összegezve:  $380 + 460 + 180 + 15 + 180 + 1200 \cong 2400 \mu\text{Sv} / \text{év} = 2.4 \text{ mSv} / \text{év}$

A világszerte: **2,4 mSv / év** (a kínaiakról nincs adat, és az még befolyásol, mert 1 milliárdan vannak, és nem engedték 1993-ban az adataikat publikálni.)

Ennek közel 50%-a a radonból származik. Ennek a belégzése okozza a legnagyobb egészségügyi kockázatot:  $1200 \cdot 0,9 = 1080 \mu\text{Sv} / \text{év}$  a 222-es radon bomlástermékekből.

### **A 222-es radon bomlása:**

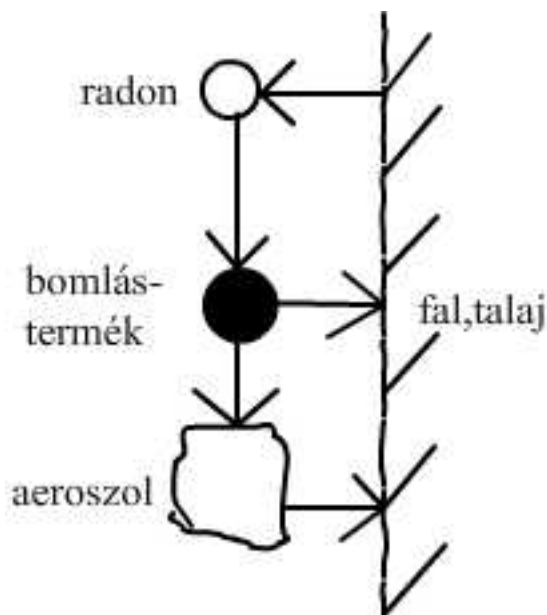
Neutrons szám



1. Radon<sub>222</sub> ( $\alpha$  bomlás,  $T_{1/2} = 3,8$  nap)
2. Polónium<sub>218</sub> ( $\alpha$  bomlás,  $T_{1/2} = 3,05$  perc,  $E =$ )
3. Ólom<sub>214</sub> ( $\beta$  bomlás,  $T_{1/2} = 26,8$  perc)
4. Bizmut<sub>214</sub> ( $\beta$  bomlás,  $T_{1/2} = 19,7$  perc)
5. Polónium<sub>214</sub> ( $\alpha$  bomlás,  $T_{1/2} = 1$  tizedes másodperc)
6. Ólom<sub>210</sub> ( $\beta$  bomlás,  $T_{1/2} = 28,3$  év)

A radon a zárt térben tud felgyülemelni. Ennek mértéke nagyban függ attól, hogy milyen a lakásban a légtér. Tipikus légtér lakásban: 0,3-1 légtér/óra, ezért egy átlagos lakásban a radon koncentráció a kinti érték 100-szorosa lehet.

A dózis azonban nem a radonból származik, hanem a bomlástermékeiből, mert azt a tüdő kiszűri, megköti. Ez a következő módon megy végbe:



A falból kilépő radon bomláson megy keresztül. Ezt követően a bomlástermék bizonyos időn belül lerakódik a falra. Amennyiben tiszta a levegő (pl. barlangban), ez igen gyorsan megy végbe, ilyenkor kisebb eséllyel kerül belélegzésre. Problémát az jelenthet, amikor a bomlásterméket megkötik az úgynevezett aeroszol részecskék. Ezek a részecskék szintén lerakódnak a falra, de mivel ez már sokkal lassabban történik, nagyobb a belélegzés valószínűsége.

Nem mindegy, hogy az aeroszolok hol rakódnak le ( tüdőhólyagok, stb ). A bányákban nagyon nagy a por koncentráció az ércfejtés miatt, ezért  $100 \times$  akkora dózist kaphat a bányász. Az ember dózisének  $1/3$  része a 214-es polóniumtól származik.

Külső levegő	8 Bq / m <sup>3</sup>
Trópusi lakásokban	20 Bq / m <sup>3</sup> ( nincs ablak ☺ )
Átlagos lakások	40 Bq / m <sup>3</sup>
Magyar falusi földszintes lakás	130 Bq / m <sup>3</sup> ( talajhoz közel )
Átlagos pince	250 Bq / m <sup>3</sup>
Radondús lakás	1000 Bq / m <sup>3</sup>
Radondús pince	10000 Bq / m <sup>3</sup>
Radondús bánya	30000 Bq / m <sup>3</sup>
( Panelekben nagyon kevés radon van.)	

Vezetékes víz	2-3 Bq / l
M.Tapolcai fürdő	11 Bq / l
Egri	80 Bq / l
Rudas fürdő	200 Bq / l

Badgadstein fürdő 1500 Bq / l

A kis dózisu radon pozitív hatású!

Ra a tórium sorában is van,  $^{220}\text{Ra}$ , ennek bomlási ideje kevesebb mind 1 perc, ezért nem jut ki a kőzetekből, így elhanyagolható a dóziszjáruléka.

A házakban a modern, új nyílászárók miatt romlik a légsere, emiatt megnő a radon koncentráció. Átlagos lakásban kb 20 óra alatt telítődik a levegő.

#### Lakások radon mentesítése:

- nyomás csökkentés az altalajban ( lakás alól levegőt kiszivattyúzni, ami csökkenti a nyomást, így a levegő kifelé áramlik a beltérből ).
- padló szigetelés ( talajból nem tud áramlani gáz )
- altalaj eltávolítás ☺
- megnövelt szellőztetés
- megnövelt légnyomás a lakásban

Legnagyobb dózist télen kapjuk, a kevesebb szellőzés miatt. A Földön egyes helyeken nagyon nagy a külső dózis érték ez lehet akár  $100\times$  is, ott ahol Monakit (??) (Indiában jellemző ) homok van.

## 2. Az anyag hullámtermészete

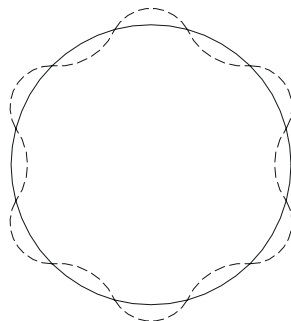
### Az anyag hullámtermészete (de Broglie (1923))

Láttuk, hogy foton lendülete és energiája a:  $p = \frac{h}{\lambda}$  és  $E = hf$  képletekkel számítható. Ezek a képletek minden más részecskére is igazak, azaz minden anyagi részecskéhez  $\lambda$  és  $f$  rendelhető:

$$\lambda = \frac{h}{p} \text{ és } f = \frac{E}{h}$$

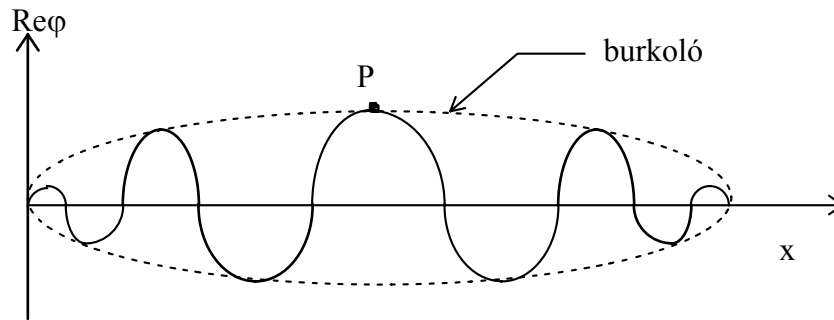
Az atomban olyan stacionáris elektronpályák lehetségesek, ahol a  $\lambda$  egész számszor fér rá a kerületre. Ezt a tapasztalat igazolja.

$$2r\pi = n \frac{h}{mv} = n\lambda, \text{ az ábrán } n = 6$$



Ne egyetlen síkhullámot rendeljünk a részecskéhez, hanem hullámcsoportot!

A hullámtanból ismert, hogy két igen közeli frekvenciájú hullám összetevése lebegést eredményez. Végtelen sok szinuszhullámból véges hosszúságú hullámvonalat (véges számú lebegés) is felépíthető.



A hullámcsomagot igen sok közeli frekvenciájú sima hullám összegzésével kapjuk de Broglie bizonyítja, hogy – bár a fázissebesség irreálisan nagy - a hullámcsomag burkolója elméletileg pontosan a részecske sebességével halad, tehát a kép ellentmondásmentes.

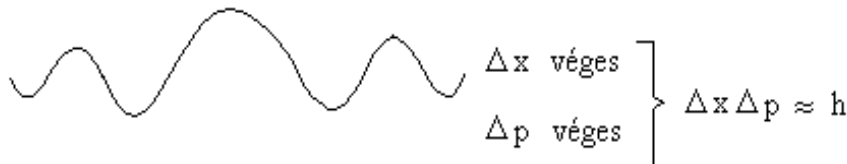
**Megjegyzés:**

a, Ha csak egyetlen szinuszhullámom van akkor a felhasznált hullámszámtartomány nyilvánvalóan nulla és a hullám végtelen kiterjedésű. Ez az objektum tisztán hullámtulajdonságú.



$$k = k_0 \Rightarrow \Delta k = 0 \Rightarrow \Delta p = 0 \Rightarrow \Delta x \rightarrow \infty$$

b, Ha véges nagyságú hullámszám tartományból építkezek ( $\Delta k_1$ ), akkor hullámcsomagot kapok véges  $\Delta x_1$  kiterjedéssel



Minél nagyobb hullámszámtartományból építem fel a hullámcsomagot, az annál keskenyebb lesz. Azaz, ha  $\Delta k_2 > \Delta k_1$ , akkor  $\Delta x_2 < \Delta x_1$ , vagy másképpen

$$\Delta k_1 \cdot \Delta x_1 \cong \Delta k_2 \cdot \Delta x_2 (\cong 1)$$

c, Határesetben (ha  $\Delta k$  igen nagy, sőt  $\Delta k \rightarrow \infty$ ), akkor  $\Delta x$  igen kicsi (sőt  $\Delta x \rightarrow 0$ ). Ez a jól lokalizált



**A korábbi tisztán hullám (a,) és tisztán részecske (c,) kép helyébe a kvantumelmélet az általánosabb hullámcsomagot (b,) hozza, amelynek az a, és c, eset csak határátmenetei.**

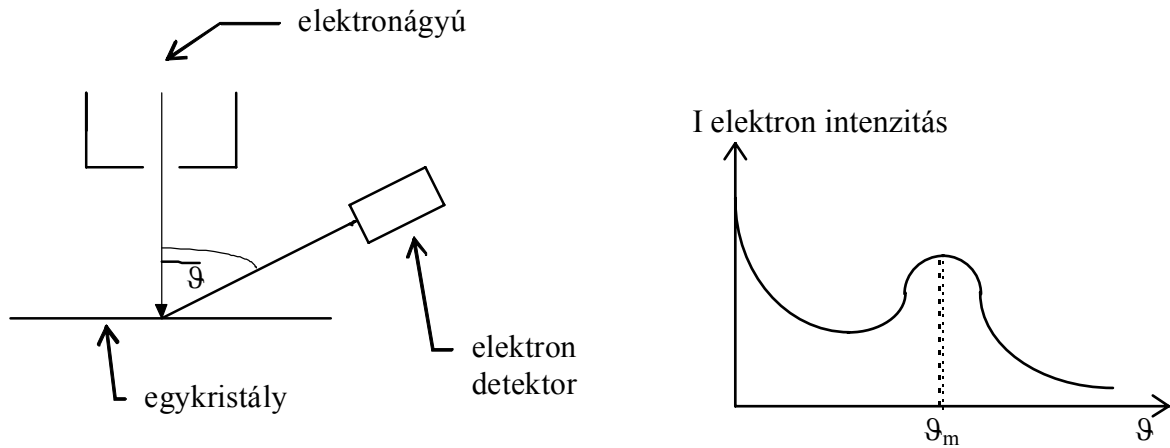


**Kísérleti bizonyítékok az elektron hullámtermészetére**

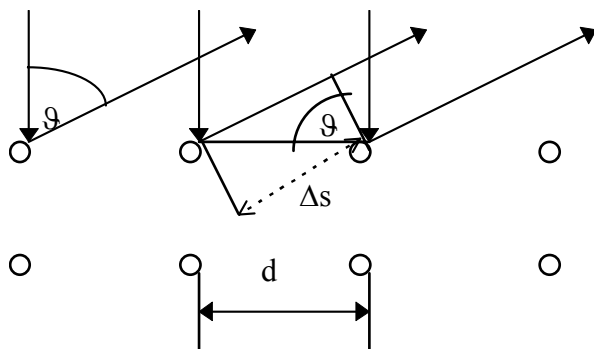
Davisson-Germer kísérlet / 1927 /

G. P. Thomson / 1928 /

A kísérletet Davissonék végezték, a magyarázat G. P. Thomson érdeme.

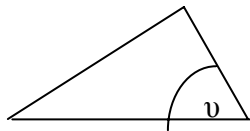


Adott energiájú elektronokat Ni egykristályon szórattva egy adott szórási szögnél intenzitás maximumot mérünk. Ennek magyarázata az elektron hullámok interferenciájának figyelembe vételével lehetséges.



a körök atomok a kristályban (természetes rács), a rácsállandó  $d$ .

A két szomszédos atomon szórt elektron hullám akkor erősíti egymást, ha az útkülönbségük a hullámhosszuk egész számú többszöröse:  $\Delta s = n\lambda$



A fenti háromszög adataiból:  $\frac{\Delta s}{d} = \sin \vartheta$

Az erősítés feltétele:  $\Delta s = d \sin \vartheta = n\lambda$

A de Broglie képletből:  $\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{\sqrt{2mE}}$

$$\sin \vartheta_m = \frac{\lambda}{d} = \frac{h}{d\sqrt{2mE}}$$

A tényleges adatok  $d=0,2158 \text{ nm}$ ,  $\vartheta_m=50^\circ$ ,  $E=54 \text{ eV}$  és  $n=1$  /ebben a kísérletben/, ami igen jól egyezett a fenti képlettel

### 3. A határozatlansági reláció és néhány alkalmazása

#### A Heisenberg-féle határozatlansági reláció (1926)

Az egymáshoz tartozó fizikai mennyiségek - mint pl. a hely- és lendületkoordináták ( $x$  és  $p_x$ ,  $y$  és  $p_y$ ,  $z$  és  $p_z$ ), továbbá az  $E$  energia és a  $t$  idő - nem mérhetők egyidejűleg teljesen pontosan. Ha  $\Delta$  az adott fizikai mennyiség mérési bizonytalansága (egészen pontosan a mérési adatok szórása), akkor

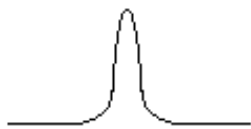
$$\left. \begin{aligned} \Delta x \Delta p_x &\geq \frac{\hbar}{2} \\ \Delta y \Delta p_y &\geq \frac{\hbar}{2} \\ \Delta z \Delta p_z &\geq \frac{\hbar}{2} \\ \Delta E \Delta t &\geq \frac{\hbar}{2} \end{aligned} \right\} \text{Heisenberg féle határozatlansági összefüggés}$$

Ahol  $\hbar = h/(2\pi)$ . Ezek az egyenletek szoros kapcsolatban vannak az előző fejezetben bemutatott hullámcsoport modellel. Ugyanis  $k=2\pi/\lambda$ ,  $p=h/\lambda$ , tehát  $p=\hbar k$  és  $\Delta p=\hbar \Delta k$

**Ebből pedig  $\Delta p_1 \cdot \Delta x_1 \cong \Delta p_2 \cdot \Delta x_2 \cong \hbar$  következik.** (A pontos kvantummechanikai levezetés a fenti képletekben még egy  $1/2$ -es faktort is behozott.)

*A határozatlansági reláció igen szépen mutatja, hogy a makrofizikai fogalmak a mikrovilág leírására csak korlátozottan alkalmasak. A kapható válasz pontosságát a kísérleti körülmények eleve behatárolják. Egy fizikai mennyiség mérési pontosságának nem lesz elvi határa, ha a kísérleti körülményeket meg tudjuk úgy választani, hogy a mért mennyiség párja a mérés során határozatlan marad.*

A jól lokalizált részecske esetében tehát a helykoordináta (pl. az  $x$ ) pontos, de cserébe a  $p_x$  lendület koordináta ismeretlen marad

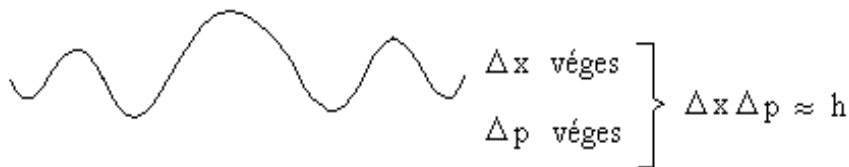


$$\Delta x \approx 0 \Rightarrow \Delta p_x \rightarrow \infty$$

Hullámszerű objektum esetében nincs lokalizáció ( $\Delta x \rightarrow \infty$ ), de cserébe pontosan ismert a hullámhossz és ezáltal  $p_x$  is



Közbülső esetben /gyakorlatban a részecskék ilyenek/ mind a hely-, mind a lendületkoordináta véges pontossággal ismert:



## A határozatlansági relációk néhány következménye:

### 1. A pályavonalak kérdése:

A klasszikus fizika szerint a részecskéknak van pályavonala, mert egyszerre ismert a helyük és a sebességük. Nézzük, hogy mit szól ehhez a kvantumelmélet a makroszkopikus (pl. a mákszem ill. ettől nagyobbak) és a mikroszkopikus (pl. atomi elektron) részecskék esetében!



Egyszerre ismert  $r$  és  $v$  /ezáltal  $p$ / tehát van trajektória.

A, mákszem pl.  $m = 10^{-6}$  kg

$\Delta x \approx 10^{-6}$  m - helyét  $\mu$ m pontossággal tudjuk meghatározni

$$\Delta x \cdot m \cdot \Delta v_x \geq \frac{\hbar}{2} \approx 10^{-34}$$

$$\Delta v_x \approx \frac{10^{-34}}{10^{-6} \cdot 10^{-6}} = 10^{-22} \rightarrow \text{a mákszem sebességét } 10^{-22} \frac{\text{m}}{\text{s}} \text{ pontossággal tudjuk meghatározni}$$

Azonban ez nem igazi megszorítás, mert nincs olyan műszer amivel ilyen pontosan lehetne sebességet mérni. Tehát a mákszemnek van pályavonala. Természetesen minden tőle nagyobb részecskének, azaz **minden makroszkopikus részecskének is van pályavonala a kvantumelmélet szerint is.**

B,

$\Delta x \cong 10^{-10}$  m (atom mérete)

$m \cong 10^{-30}$  kg (elektron tömege)

$$\Delta v_x \cong \frac{10^{-34}}{10^{-10} \cdot 10^{-30}} = 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

A H atomban az elektron sebessége ebbe a nagyságrendbe esik a klasszikus fizika szerint. Ha a mérési bizonytalanság a mérési eredmény nagyságrendjébe esik, ill. azt meghaladja, akkor a mérés nem vezet eredményre. Az atomi elektron sebességkoordinátái tehát nem mérhetőek, róluk egy fizikus ezért nem beszélhet.

**Véggövetkeztetés: Az atomban az elektron mozgása méréssel nem követhető, tehát nincs pályavonala.** (Semmiféle mérés nem igazolhatja tehát azt az ősi elképzelést, hogy az elektron keringene az atommag körül. Ezt is el kell feledni!)

## 2, Zérusponti energia

(avagy abszolút zérus fokon van-e a részecskéknek mozgási energiája a kvantumelmélet szerint. Azt tudjuk, hogy a klasszikus fizika szerint zérus kelvinen a mozgási energia is zérussá válik.)

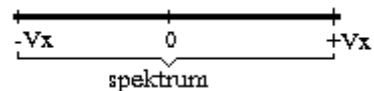
Határozatlansági képlet:

$$\Delta x \Delta p_x \geq \frac{\hbar}{2} \quad \hbar = \frac{h}{2\pi}$$

$$\Delta x \cdot m \cdot \Delta v_x \geq \frac{\hbar}{2} \Rightarrow \Delta v_x \geq \frac{\hbar}{2m\Delta x}$$

Kérdés, hogy a kinetikus energiának milyen értéknél kell nagyobbak lennie.

Megjegyzés: a különböző részecskéknek különböző sebességük van, tehát van spektruma.



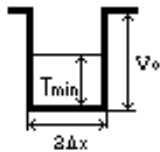
Mi lehet az x koordináták szórása ?

$$\Delta v_x \sim v_x$$

A szórás nagyságrendileg egyezik a középértéktől való maximális eltéréssel. (ettől kisebb)

A kinetikus energia 1 dimenzióban:  $T_{\text{kin.}} = \frac{1}{2} m v_x^2 = \frac{1}{2} m \Delta v_x^2 \geq \frac{\hbar^2}{8m\Delta x^2}$

Példa: Csapda, amelybe a klasszikus fizika szerint az érkező részecske "beleesik".



$$T_{\text{kin.}} \geq \frac{\hbar^2}{8m\Delta x^2}$$

Az a legkisebb energia, amivel a részecske a gödörben rendelkezik, zérusponti energia.

Hűtéssel nem vehető el a rendszertől. ( Semmilyen más módon sem vehető el. )

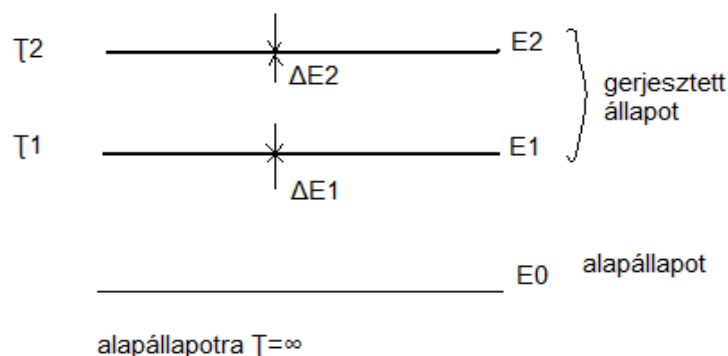
**Helyhez kötött részecskének tehát abszolút zérus fokon is marad mozgási energiája.**

**Ha viszont szabad a részecske ( $\Delta x \rightarrow \infty$ ), akkor a kvantumelmélet szerint is megáll zérus kelvin hőmérsékleten.**

## 3, A másik határozatlansági reláció: $\Delta E * \Delta t \geq \frac{\hbar}{2}$

Energia pontosan csak hosszúidejű méréssel határozható meg.

- 1.) Ha egy gerjesztett állapot élettartama hosszú, a gerjesztett állapot energiája pontosan meghatározható.
- 2.) Ha rövid, nem határozható meg pontosan az energia.



pl.:  $\tau_1 > \tau_2 \implies \Delta E_1 < \Delta E_2$                        $\Delta E \geq \frac{\hbar}{2\tau}$

Az alapállapot energiája mindig pontos, a gerjesztett állapotoké sohasem.

-Tipikus atomfizikai élettartam (az atomi héjra jellemző):  $\tau \sim 10^{-8}$

$$\Delta E \geq \frac{\hbar}{2\tau} \simeq \frac{10^{-34}}{2 \cdot 10^{-8}} = \frac{1}{2} \cdot 10^{-26} \text{ J}, \quad \Delta \nu \geq \frac{1}{4\pi\tau} \simeq 10 \text{ MHz}$$

## 4. Kötétt rendszerek energiaszintjei és hullámfüggvényei

(kidolgozandó)

## 5. Az alapvető kölcsönhatások, az erős (nukleáris) kölcsönhatás jellemzői, a nukleonok szerkezete, spinje és mágneses momentuma

Négy alapvető kölcsönhatást ismerünk (bár ezek egyike-másika össze is vonható): gravitációs kölcsönhatás, elektromágneses kölcsönhatás, gyenge kölcsönhatás, erős kölcsönhatás.

### Gravitáció:

A gravitáció (tömegvonzás) messze a leggyengébb kölcsönhatás, mivel azonban csak a testek tömegétől függ, hatótávolsága végtelen és nem lehet leárnyékolni, ahogy az elektromágneses kölcsönhatás esetén a negatív töltés terét egy pozitívival, ezért a nagyobb távolságok esetén (például a bolygók között) ennek a hatása a döntő.

Végtelen hatótávolsága miatt a gravitáció felelős a nagy skálán kialakuló alakzatokért; a galaxisok, fekete lyukak, csillagködök szerkezetéért, a Világegyetem tágulásáért, a bolygók pályájáért, valamint olyan hétköznapi tapasztalatokért, hogy a testek leesnek, ha felugrunk, visszaesünk.

A gravitáció volt az első, amelyet matematikai összefüggésekkel leírtak. Isaac Newton egyetemes tömegvonzási törvénye (1687) nagyon jó közelítése volt a gravitáció viselkedésének. 1915-ben Albert Einstein kidolgozta az általános relativitáselméletet, a gravitáció még pontosabb elméletét, mely azt a téridő geometriájaként írja le.

### Elektromágnesség:

Az elektromágnesség az az erő, amely az elektromosan töltött részecskék között hat. Magában foglalja az elektrosztatikai erőt, mely két nyugvó töltés között hat, valamint az elektromosság és a mágnesség összetett hatásait, melyek az egymáshoz képest mozgó töltött testek között hatnak.

Az elektromágnesség elég erős, nagy hatótávolságú kölcsönhatás, ezért ez felelős sok hétköznapi jelenségért, mint amilyen az izzó, a lézer és a rádió működése, a fémek és molekulák szerkezete, a súrlódás és a szivárvány.

Az elektromágnességet klasszikus esetben a Maxwell-egyenletek írják le, melyeket a 19. század második fele óta ismerünk.

### A gyenge kölcsönhatás:

A gyenge kölcsönhatás felelős az atomi skálán fellépő néhány jelenségért, mint amilyen a béta-bomlás. A béta-bomlásban is keletkező neutrínók csak ebben a kölcsönhatásban vesznek

részt (a még sokkal gyengébb gravitációs kölcsönhatáson kívül), azért váratott magára sokáig a felfedezésük. Az elektromágnességről és a gyenge kölcsönhatásról felismerték, hogy az egyesített elektroyenge kölcsönhatás kétféle vetülete (ahogy az elektromágnessé az elektromosság és a mágnesség) – ez volt az első lépés a standard modellnek nevezett egyesített elmélet felé.

**Az erős kölcsönhatás:** a nukleonokat felépítő kvarkok kölcsönhatása, ahogy a neve is mutatja, ez a legerősebb kölcsönhatás. Ennek „maradéká” a nukleáris kölcsönhatás.

### A nukleáris kölcsönhatás

A nukleáris kölcsönhatás az atommagot alkotó nukleonok (azaz protonok és neutronok) közötti vonzó kölcsönhatás. Ez tartja össze az atommagot a protonok Coulomb taszítása ellenére, tehát erősebb, mint az elektromágneses kölcsönhatás.

### **A nukleonok szerkezete**

Ma már tudjuk, hogy a protonok és neutronok nem elemi részecskék, hanem 3 db un. **kvark** alkotja őket. A kvarkok elemi részecskék, a nukleonok felépítésében kétféle kvark vesz részt: **u** és **d** kvark. **A kvarkok kölcsönhatása az un. erős kölcsönhatás**, ennek „maradéká” a nukleáris kölcsönhatás.

Van némi hasonlóság a van der Waals kölcsönhatáshoz, amely a semleges atomok vonzó kölcsönhatása, amely tehát a töltött részecskék elektromos kölcsönhatásának a „maradéká”.

Tehát: az **u** és **d** kvark kölcsönhatása az **erős kölcsönhatás**.

A belőlük felépülő **proton (uud)** és **neutron (udd)** kölcsönhatása a **nukleáris kölcsönhatás**. Az **elektronok és az atommag** kölcsönhatása az **elektromágneses kölcsönhatás**.

A belőlük felépülő **semleges atomok** kölcsönhatása a **van der Waals kölcsönhatás**.

### **A nukleonok spinje**

A kvarkok az elektronhoz hasonlóan feles spinű részecskék. A 3 db kvarkból felépülő protonok és neutronok szintén feles spinűek.

Emlékeztető: a „feles spin” azt jelenti, hogy a részecske sajátperdületének vetülete egy kitüntetett irányra  $+\hbar/2$  vagy  $-\hbar/2$  lehet. Ezekre a részecskékre vonatkozik a Pauli-elv, azaz egy adott kvantumállapotot legfeljebb két proton (neutron) tölthet be ellentétes spinnel.

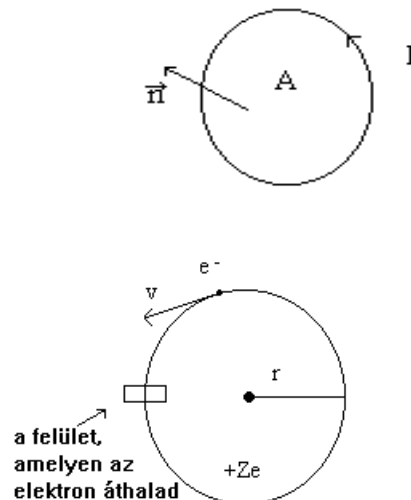
### A mágneses momentum (mágneses nyomaték)

Köráram mágneses momentuma:

$$\vec{m} = IA\vec{n}$$

A későbbiekben  $\vec{M}$  legyen a jelölés

$$I = \frac{dq}{dt} = \frac{e}{T}$$



$$T = \frac{2r\pi}{V}; A = r^2\pi \quad \rightarrow \quad \vec{M} = \frac{e}{2m_e} \cdot m_e V r \vec{n} = \frac{e}{2m_e} \vec{L}$$

$$\vec{M} = \frac{eV}{2r\pi} r^2 \pi \vec{n} = \frac{eV}{2} r \vec{n}$$

$$M_z = \frac{e}{2m_e} \cdot L_z; \quad L_z = \hbar \cdot m, \quad M_z = \frac{e\hbar}{2m_e} m; \quad m = 0; \pm 1; \pm 2 \dots$$

**$\mu_B$  : Bohr-magneton**  $\mu_B = \frac{e\hbar}{2m_e}$  a mágneses momentum z komponensének

legkisebb egysége.

$$M_z = \mu_B m; \quad m = 0; \pm 1; \pm 2; \quad \vec{M} = \frac{e}{2m_e} \cdot \vec{L}; \quad \mu_B = \frac{e\hbar}{2m_e}$$

### A spinhez tartozó mágneses nyomaték

Ismeretes, hogy elektron esetében a mágneses nyomaték z komponensének nagysága egyenlő a Bohr-magnetonnal ( $\mu_B$ ), amely a spinvetület ( $\hbar/2$ )  $e/m_e$  –szerese. (Az elektron negatív töltése miatt a spin és a mágneses nyomaték vetülete ellentétes előjelű.)

$$M_S^Z = \pm \mu_B = \pm \frac{e\hbar}{2m_e} = \pm \frac{e}{m_e} S_z$$

Ha a proton elemi részecske lenne azt várhatnánk, hogy a mágneses nyomatékának komponense:

$$M_S^Z = \pm \mu_N = \pm \frac{e\hbar}{2m_p} = \pm \frac{e}{m_p} S_z$$

Ahol  $\mu_N$  az ún. **mag-magneton** és  $m_p$  a proton tömege. A semleges neutron esetében pedig nulla mágneses nyomatékra számíthatunk. Megjegyezzük, hogy a proton nagy tömege miatt ( $m_p \approx 1830 m_e$ ) a mágneses nyomatéka három nagyságrenddel kisebb az elektronénál ( $\mu_N \approx \mu_B/1830$ ).

A nukleonok mágneses nyomatéka – az összetett szerkezetük miatt – a fenti értékeknél lényegesen nagyobb. Az általános képlet:

$$M_S^Z = \pm g \mu_N$$

Ahol  $g$  az ún. giromágneses együttható. Ennek értéke protonra **2,792**, neutronra pedig **-1,91**. Ezek az értékek a kvarkok segítségével jól értelmezhetőek.

### A nukleáris kölcsönhatás további tulajdonságai :

1) Nukleonok között hat, függetlenül attól, hogy protonról ( $p$ ) vagy neutronról ( $n$ ) van szó. Másképpen fogalmazva: az  $n$ - $n$ ,  $p$ - $p$ ,  $n$ - $p$  kölcsönhatások ugyanolyan erősek.

De az erős kölcsönhatás spinfüggő. A  $n$ - $n$  és  $p$ - $p$  pár sohasem alkot kötött rendszert, mert spinjeik ellentétes irányba mutatnak (Pauli-elv), de a  $n$ - $p$  pár (a deutérium) létezik, mert a Pauli-elv nem zárja ki, hogy a protonok és neutronok ugyanazt az állapotot egyező spinnel betöltsék.

3) Nagyon rövid hatótávolságú kölcsönhatás (gyakorlatilag csak a szomszéd - egymással érintkező - nukleonok hatnak így kölcsön). A nukleáris kölcsönhatás telített : bizonyos

hatásgömbön belüli nukleonokat kell csak figyelembe venni a kölcsönhatás során .  
(Hasonlóan a van der Waals kölcsönhatáshoz.)

## 6. Kötési energia és tömegdefektus, a potenciálkád modell, az egy nukleonra jutó kötési energia

### Kötési energia és tömegdefektus

#### Kötési energia: $E_k$

Az az energianagyság, amivel össze vannak kötve a nukleonok. Az atommag energiájának és az azt alkotó nukleonok energiájának különbsége. Ezt az energiát kell befektetni, hogy kiszabadítsuk a nukleont az atommagból.

#### Tömegdefektus / tömeghiány /

Legyen  $M(A,Z)$  A tömegszámú,  $Z$  rendszámú atom atommagjának a tömege.  
Legyen  $m_p$  a proton tömege,  $m_n$  a neutron tömege.

$$\Delta m = M(A,Z) - Z \cdot m_p - (A-Z) \cdot m_n \quad \text{ez egy negatív érték}$$

$\Delta m$  : tömegdefektus : a protonok és neutronok egyesítésekor felszabadult energia eltávozott, és elvitt egy bizonyos tömeget.

Tömegspektrométerrel az atommagok tömege mérhető, így a tömegdefektus is meghatározható.

A relativitáselméletből következik :  $\Delta m \cdot c^2 = E_k$

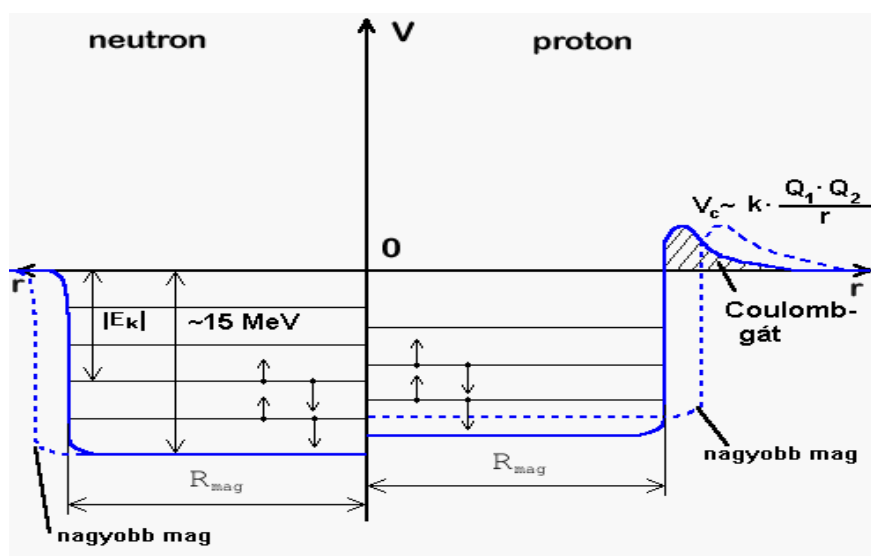
$E_k$  -t csak néhány atommagra lehet közvetlenül meghatározni, de azokra nagy pontossággal.

Ezekre a magokra a tömeg-energia ekvivalencia kísérletileg igazolható.

A magok többségére a kötési energia a tömegdefektusból határozható meg.

#### A potenciálkád modell

(kvalitatív modell a potenciál helyfüggésére)





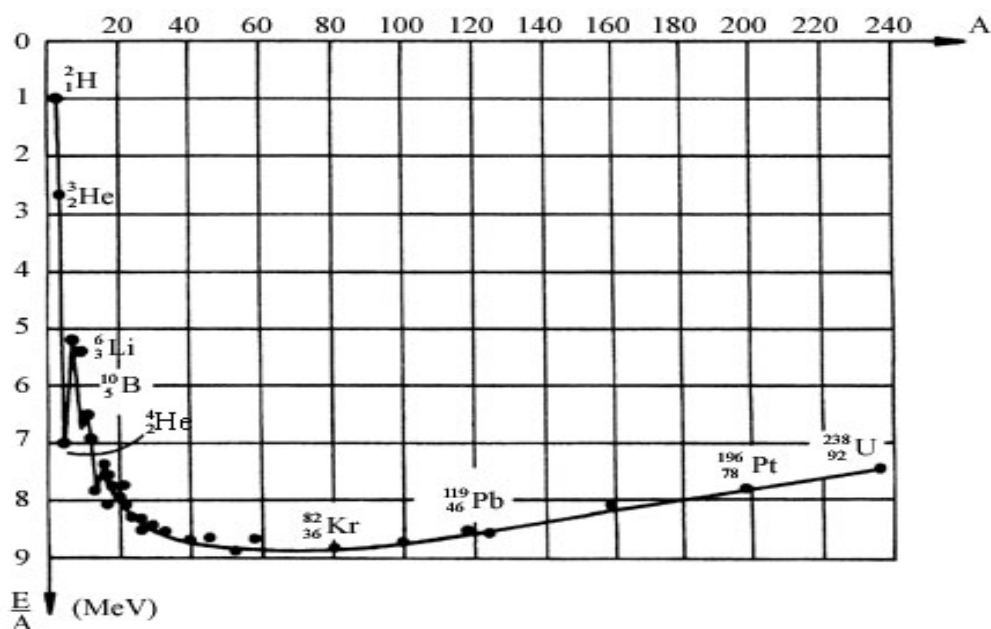
A nukleáris kölcsönhatáshoz pontos analitikus függvényt nem tudunk rendelni.

Közelítés: átlagos potenciáltér, amelyben a nukleonok mozognak. A nukleonokra a magon belül nem hat erő, csak a mag határán. Ott a mag „beszippantja” a nukleont. A magon kívül a proton taszítást érez, a neutronra nem hat erő.

A potenciálkád a proton és a neutron számára eltérő, mert a proton a nukleáris kölcsönhatás mellett az elektromágnesesben is részt vesz (taszítják egymást). A potenciálkádban kötött állapotok alakulnak ki, amelyet a nukleonok párosával tölthetnek be (egy szintre vagy egy nukleon, vagy kettő, de ellentétes spinnel a Pauli-elv szerint).

Az atommag méretét növelve a neutronok „kádja” - a nukleáris kölcsönhatás telítődése miatt - egy méret fölött már nem mélyül (illetve alig mélyül). A protonok kádja viszont sekélyebb lesz, mert a több proton több taszítást és ezáltal nagyobb Coulomb energiát jelent. Nagyobb kádban sűrűbben vannak az energiaszintek.

**Az egy nukleonra jutó kötési energia ( $\epsilon = E_k/A$ ) a tömegszám függvényében.**



Az ábráról látható, hogy az egy nukleonra jutó kötési energia  $\epsilon$  értéke átlagosan  **$\sim 8.8 \text{ MeV / nukleon}$** . Ha a tömegszám  $A$  kicsi, akkor még ugrál a görbe, majd nagy  $A$  értékekre kisimul, az energiavölgy minimuma a **vas környékén** van:  **$\epsilon = 8.8 \text{ MeV}$ ,  $A = 56$** . A nukleáris energia felszabadítása olyan magátalakulással lehetséges, melynek során a fajlagos kötési energia tovább csökken.

Az ábra jellemzői :

1., Optimális  $\epsilon$  nagyjából  $A \sim 50$  környékén :

Ha  $A \ll 50$ , akkor túl nagy a felületi energia (túl sok nukleon van a felületen.)

Ha  $A \gg 50$ , akkor túl nagy a Coulomb energia

2., Különösen erős kötés van a  ${}^4\text{He}$  és az  ${}^{16}\text{O}$  esetében  
( $4=2+2$ ,  $16=8+8 \Rightarrow$  ezek kétszer mágikusak)

Az ábráról látható, hogy két lehetőség is van a nukleáris energia felszabadítására, az egyik a kisebb *magok egyesítése (fúzió)*, a másik a nagyobb *magok hasítása (maghasadás vagy fission)*.

## 7. Az atommag töltött folyadékcsepp modellje: a különböző energiatagok értelmezése

**Töltött folyadékcsepp modell (Weizsäcker)** (kvantitatív modell a kötési energiára)

Alapötlet: a maganyag hasonlít a folyadékra, mert a nukleáris kölcsönhatás és a Van der Waals kölcsönhatás hasonló jellegű.

Minden atommagnak ugyanaz a sűrűsége (mint ahogy a folyadékcseppnek sem függ a sűrűsége a méretétől). ( $R = R_0 \cdot A^{\frac{1}{3}}$ )

Különbség: A magot alkotó részek töltöttek, és feles spinűek. (Pauli-elv érvényes rájuk)

$$E_k = -\alpha \cdot A + \beta \cdot A^{\frac{2}{3}} + \gamma \cdot \frac{Z^2}{A^{\frac{1}{3}}} + \delta \cdot \frac{(Z - \frac{A}{2})^2}{A} + \eta \cdot A^{-\frac{2}{3}}$$

$$(R \approx A^{\frac{1}{3}} \implies F \approx A^{\frac{2}{3}}; V \approx A)$$

A kötési energia képlet első két tagja u.o. alakú, mint a folyadékcsepp energiája (csak nyilván sok nagyságrenddel nagyobb energiákról van szó).

A magban lévő nukleonok a szomszéd nukleonok potenciálterében vannak:

$$-\alpha \cdot A \quad \textit{térfogati energia}$$

A felületen lévőknek kevesebb a szomszédja

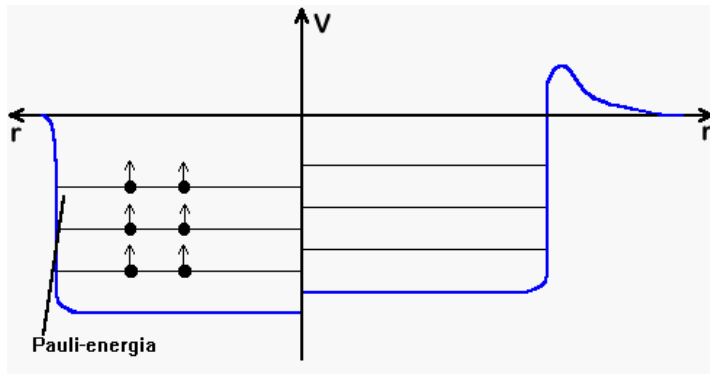
$$\beta \cdot A^{\frac{2}{3}} \quad \textit{felületi energia}$$

A protonok töltése miatt azonban elektrosztatikus energia is van

$$\gamma \cdot \frac{Z^2}{A^{\frac{1}{3}}} \quad \textit{Coulomb-energia}$$

Az eddigi energiatagokat a klasszikus fizika alapján magyaráztuk. A többit már csak a kvantummechanika tudja.

$$\delta \cdot \frac{(Z - \frac{A}{2})^2}{A} \quad \textit{Pauli-energia} \quad (\text{A Pauli-energia a Pauli-elv miatt lép fel.})$$



Ha csak az első 3 energiatag lenne, akkor a mag csak neutronokból állna. De a Pauli-elv miatt a később betett neutron részére már csak magasabb szintek állnak rendelkezésre. Így a Coulomb taszítás ellenére a protonok is beépülnek.

Minnél jobban eltér a proton- és a neutronsám, annál eltérőbb energiaszintekre épülnek be.

$Z - \frac{A}{2}$  db. nukleon van magasabb energián / nem szimmetrikus az atommag /

másrészt  $Z - \frac{A}{2}$  -vel arányos 1 db. nukleon többletenergiaja ;

harmadrészt az A a nevezőben van, mert nagyobb magban sűrűbbek az energiaszintek)

$\eta \cdot A^{-\frac{3}{2}}$  **anti-Hund energia**

$|\eta|$  , ha a mag proton- és neutronszáma **páratlan - páratlan** (igen ritka a természetben, csak a periódusos rendszer elején fordul elő  
( $^2\text{H}, ^6\text{Li}, ^{10}\text{B}, ^{14}\text{N}$ ))

$\eta = 0$  , ha a mag proton- és neutronszáma közül az egyik **páros** a másik **páratlan**

(45+51 fajta)

$-|\eta|$  , ha a mag proton- és neutronszáma **páros - páros**  
(igen gyakori a természetben (141 fajta))

Páratlan rendszámú elemeknek páros tömegszámú izotópjai a természetben nem nagyon valósulnak meg (mert az páratlan - páratlan).

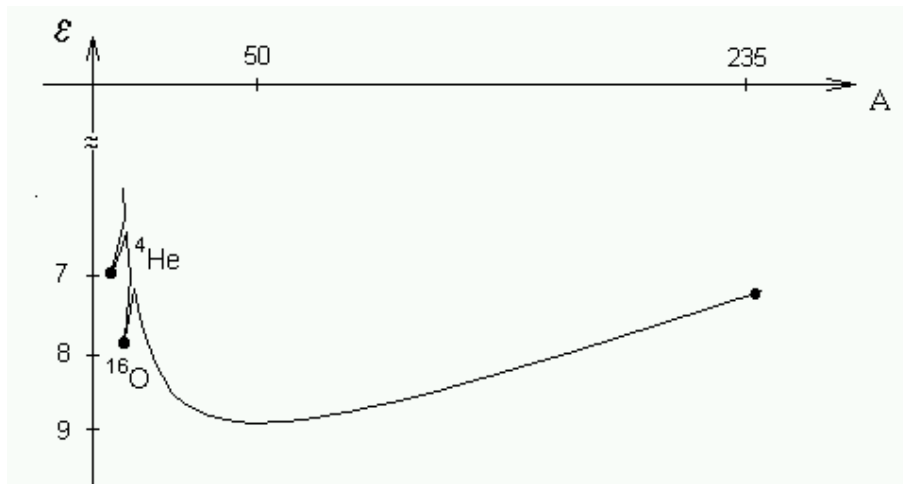
A nukleonokra érvényes az anti-Hund szabály: a nukleonok szeretnek egyforma térbeli állapotokat betölteni, mert így tudnak legközelebb lenni egymáshoz. (Ha egy bizonyos állapotot egy proton vagy neutron már betölt, egy ugyanolyan nukleon ellentétes spinnel szívesen csatlakozik hozzá.)

A nukleáris kölcsönhatás vonzó és erősebb mint az elektrosztatikus kölcsönhatás.

$\alpha, \beta, \gamma, \delta, \eta$  konstansok a mérési eredményekre való illesztéssel határozhatók meg, ezért a képletet gyakran nevezik "félempirikusnak" .

Egy nukleonra jutó kötési energia:

$$\varepsilon = \frac{E_k}{A} = -\alpha + \beta \cdot A^{-\frac{1}{3}} + \gamma \cdot Z^2 \cdot A^{-\frac{4}{3}} + \delta \cdot \left(Z - \frac{A}{2}\right)^2 A^{-2} + \eta \cdot A^{-\frac{5}{2}}$$



A legjobb illesztéshez tartozó paraméterek :

$$\alpha = 15,75 \text{ MeV}$$

$$\beta = 17,8 \text{ MeV}$$

$$\gamma = 0,7 \text{ MeV}$$

$$\delta = 94,8 \text{ MeV}$$

$$\eta = 34 \text{ MeV}$$

A görbe jellemzői :

1., Az illesztés nagyon jó, kivéve a nagyon könnyű elemeket és néhány mágikus számot:  $Z$ , vagy  $A-Z=2, 8, 20, 50, 82, 126$

Okai : Ezek a magban lezárt nukleonhéjakat jelentik, amelyet a folyadékcsepp modell nem vesz figyelembe.

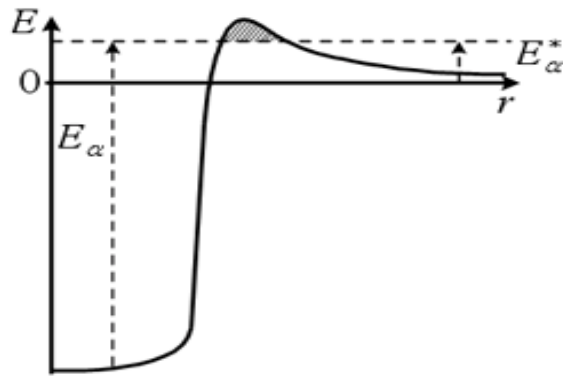
2, Különösen erős kötés van a  ${}^4\text{He}$  és az  ${}^{16}\text{O}$  esetében

( $4=2+2$ ,  $16=8+8 \Rightarrow$  ezek kétszer mágikusak)

(kidolgozandó)

## 8. A radioaktív bomlások értelmezése a magmodellek alapján (az $\alpha$ -bomlás és a $\beta$ -bomlás értelmezése)

Az  $\alpha$ -bomlás értelmezése: Kezdetben az  $\alpha$ -részecske az atommag középpontjához közel, az ábra bal oldalán tartózkodik, a potenciálgödör mélyén. A potenciális energiája egy nagy negatív szám, az összenergiája a magban viszont pozitív  $E_\alpha$  (ezt vízszintes szaggatott vonal jelöli). Ez az energia a klasszikus megfontolás szerint nem elegendő a kilépéshez, ugyanis a besatírozott területet (a gátat) a részecske semmiképp sem tudná átlépni.



Coulomb-gáton alagúteffektussal juthatnak át az  $\alpha$ -részecskék

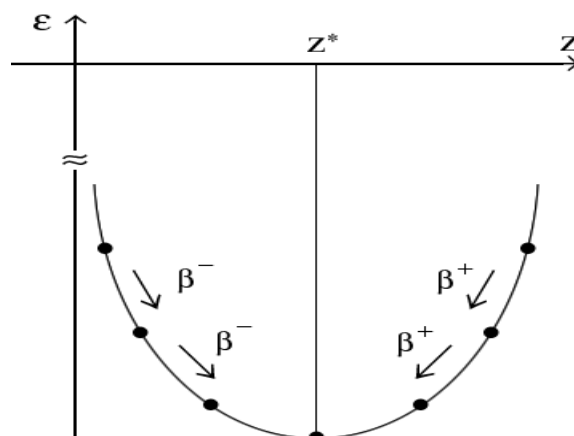
A Coulomb-gáton nem zérus valószínűséggel mégis átjut a részecske, amelyre a kvantummechanika ad magyarázatot, amely szerint a részecske véges valószínűséggel megtalálható a magon kívül is. A jelenséget *alagúteffektusnak* hívják, mert kicsit olyan, mintha a részecske alagutat fúrt volna a potenciálgátba (a vízszintes szaggatott vonal mentén) és azon kiszökött volna. Erre utal az is, hogy a magtól távol az  $\alpha$ -részecske energiája  $E_\alpha^*$  lesz. Az alagúteffektus valószínűsége annál nagyobb, minél kisebb a besatírozott terület. Ezért ha az  $\alpha$ -részecske energiája nagy (a vízszintes szaggatott vonal magasan van), akkor a bomlás  $T_{1/2}$  felezési ideje kicsi, ellenkező esetben nagy. Például, ha  $E_\alpha \sim 4 \text{ MeV}$  akkor  $T_{1/2} = 10^8 \text{ év}$ , ha  $E_\alpha \sim 9 \text{ MeV}$  akkor  $T_{1/2} = 10^{-8} \text{ s}$ .

### A $\beta$ -bomlás

Az egy nukleonra jutó kötési energia állandó tömegszám esetén a  $Z$  rendszám függvényében, parabola, vagyis akár túl sok a proton a neutronok számához képest, akár túl kevés, az sem jó, ui. a mag mindkét esetben távol van az energia-minimumtól. Minden  $A$ -hoz található egy optimális  $Z$ , ahol a kötési energia a legmélyebb.

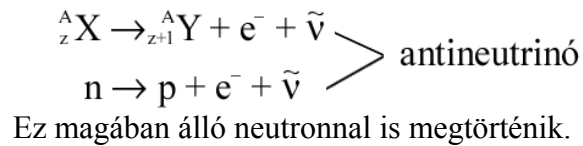
Kis magoknál a legmélyebb az egy nukleonra jutó kötési energia, ha  $Z = N$  teljesül, nagy magoknál kedvezőbb, ha több a neutron, mint a proton. Ha egy adott tömegszámú magnál az timálishoz képest túl sok a neutron, akkor az **negatív  $\beta$ -bomlással**, ha túl kevés, akkor **pozitív  $\beta$ -bomlással** vagy elektronbefogással bomlik.

### A $\beta$ -bomlás magyarázata: „A” adott és páratlan



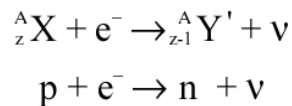
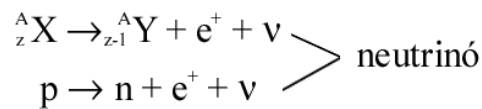
A parabola alján levő atommagok stabilisak és az atomok igyekeznek  $\beta$  bomlással a parabola mélyére jutni.

$\beta^-$  : negatív  $\beta$  bomlás:



$\beta^+$  : pozitív  $\beta$  bomlás:

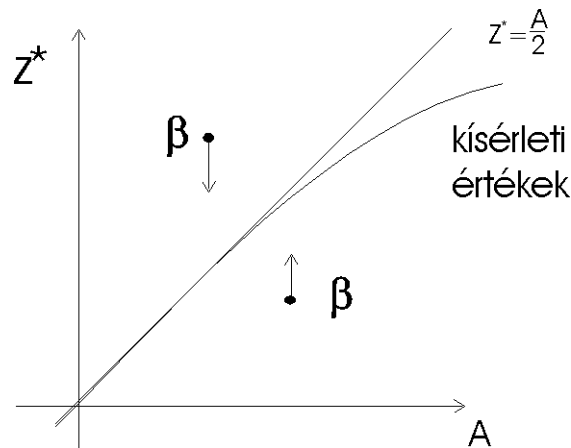
Ez csak atommagban történhet meg, magában nem.



A  $\beta$  bomlás beállítja az optimális proton – neutron arányt.

A  $\beta$  bomlásért felelő kölcsönhatás az ún. gyenge kölcsönhatás. Ez a 4. kölcsönhatási forma a természetben. /nincs több/

A  $Z^*(A)$  függvény:



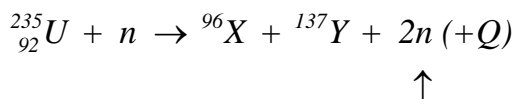
A görbevonallal feletti nukleonok  $\beta^+$  bomlók, míg az alattiak  $\beta^-$  bomlók. Így juthatnak a stabil vonalra.

## 9. Maghasadás felfedezése és mechanizmusa, a hasadási termékek tulajdonságai

Előzmények:

**1934-ben:** Szilárd Leó atommag + neutron -----> atommag' + több neutron  
 magfizikai lánreakció ötlete (atommag besugárzása neutronnal)  
 Kérdés, hogy van-e ilyen magreakció egyáltalán ?

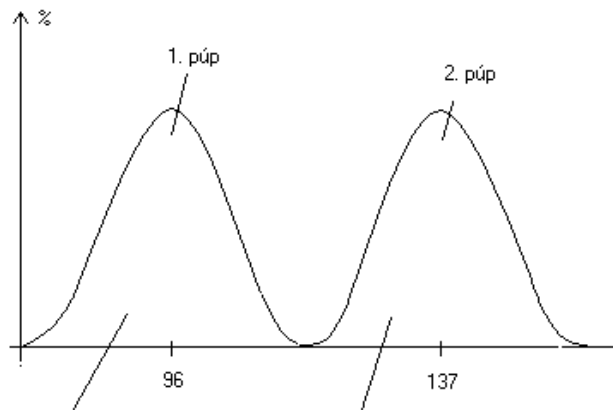
Hahn és Strassman 1939-ben felismerte, hogy az urán egyik izotópjának az atommagja neutron-besugárzáskor kettéhasad, miközben 2-3 neutron is keletkezik. Tehát a lánreakció megvalósítható. A felszabaduló energia több milliószor meghaladja a kémiai folyamatok során felszabaduló energiát. Pl. egy ilyen hasadás lehet:



És ez újból hasíthat (X é Y különböző kémiai elemek lehetnek,  $Q \approx 200 \text{ MeV}$ )

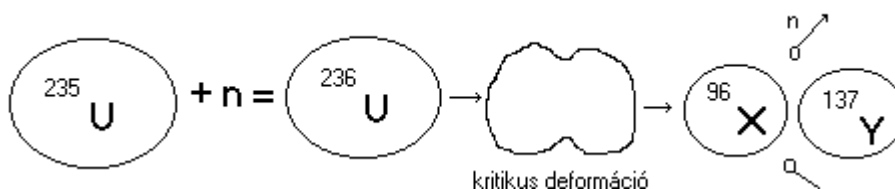
A maghasadás tulajdonságai  
 1.) A hasadványok tömegeloszlása:

2 db különböző részre hasad  
 (kvantummechanikai okai vannak, hogy nem 2 egyforma részre hasad)

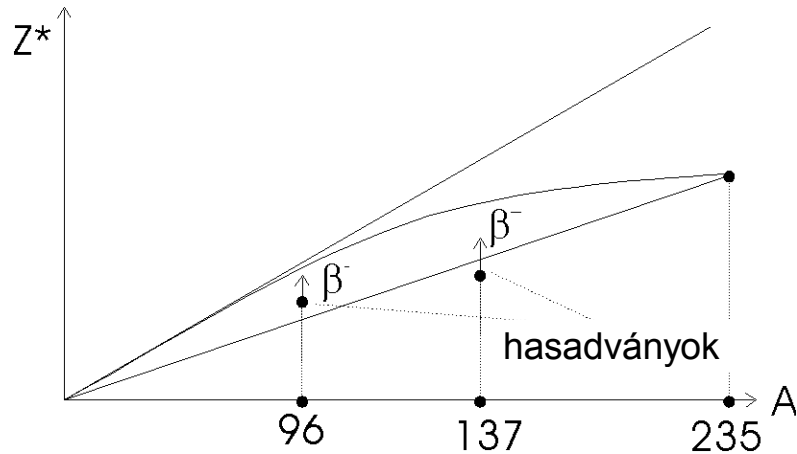


2, A hasadás

mechanizmusa:



3.,



A stabilitási vonalat negatív  $\beta$  bomlások sorozatával tudjuk elérni.

A hasadványok erősen  $\beta$ - radioaktívak.

A nehéz hasadvány messzebb van a stabilitási vonaltól, ezért annál több  $\beta$ - bomlás következik egymás után.

1. púp:  
Kr, Sr, Y,... stb. kémiai elemek
2. púp:  
Cs, I, Xe,... stb. kémiai elemek

A hasadás után keletkező hasadványok az igazán veszélyes radioaktív dolgok. Pl. az urán önmagában "ártatlan", a hasadványok radioaktív sugárzása az urán  $10^8$ - $10^9$ -szorosa. Csak néhány évvel a reaktorból való kiemelése után lesz szállítható állapotban.

Cs, Sr, I : szublimálnak  $1000^\circ\text{C}$  környékén

Ezek több száz évig felügyeletet igénylő anyagok. Ebben rejlik a radioaktív sugárzás felhasználásának legnagyobb veszélye.

## 10. A láncreakció, kritikusság, moderátorok, a négyfaktoros formula

### Láncreakció:

természetes izotóp összetételű tiszta urán fém nem robban fel. oka: a transzurános reakció cél: a keletkezett gyors neutronokat hirtelen le kell lassítani. A lassú neutron előbb-utóbb hasít. Erre kell a moderátor  $\rightarrow$  ne nyelje el a neutron, hatékonyan lassítson.

### k: kritikusság (a reaktoré)

**k** kifejezi, hogy 1 db hasadás során keletkezett neutronok közül hány fog újra hasítani.

ha

$k=1$  a reakció önfenntartó, stabil állapot. Azt mondjuk, hogy a rendszer kritikus.

$k<1$  a reakció leáll. szubkritikus

$k>1$  a reakció erősödik. szuperkritikus

Mi lehet a keletkezett neutronok sorsa?



1., Kiszöknek a rendszerből (ez attól függ, hogy mekkora tömegű a hasadóanyag) → van egy kritikus tömeg, amely alatt a láncreakció nem következik be. (ez sűrűségfüggő)  
Ha nagyon összenyomunk egy anyagot, elérhető a megfelelő sűrűség, kritikus tömeg, így is bekövetkezhet a láncreakció.

nagy anyagdarabban ( $k_\infty$ )

természetes uránra (99.3%  $^{238}\text{U}$  és 0.7%  $^{235}\text{U}$ ):  $k_\infty < 1$

Természetes uránnal bármit tehetünk, akkor sem lesz kritikus.

viszont tiszta  $^{235}\text{U}$ -ra:  $k_\infty > 1$

### **A trükk: a neutronok lassítása**

Az  $^{238}\text{U}$  a transzurános reakcióval elfogyasztja a neutronok többségét. Ez közepes (~1 MeV) nagyságrendű energiákon zajlik.

Ahhoz, hogy kikerüljünk, igen gyorsan ez alá a szint alá kell vinni a neutronok energiáját:

### **moderáció**

A moderáció a neutronok lassításához szükséges, minél jobban moderálunk, annál gyorsabb lesz a láncreakció folyamata.

**Négyfaktoros formula végtelen ( $\infty$ ) közegben:**  $K_\infty = \bar{n} \cdot \varepsilon \cdot (1 - p_1) \cdot (1 - p_2) \cdot \eta$

$\bar{n}$  : Hasadás során keletkezett átlagos neutronszám.

$\bar{n} = 2-2,5$  neutron/hasadás

$\varepsilon$  : A gyors hasítás miatti növekmény

(a  $^{238}\text{U}$  gyors neutronok által történt hasítása )

$\varepsilon \sim 1.03$

---

### **Gyors hasítás :**

Kritikus deformációhoz szükséges energia ~ 6 MeV.

$^{235}\text{U}$ -ban a befogott neutron kötési energiája ( $^{236}\text{U}$  lesz belőle) ~ 6.4 MeV.

a  $^{235}\text{U}$ -t bármilyen energiájú neutron elhasítja, de a kisenergiájúaknak van erre nagy esélyük.

$^{238}\text{U}$  által befogott urán kötési energiája ~ 5 MeV

a  $^{238}\text{U}$ -t csak azok a neutronok hasítják, amelyek kinetikus energiája nagyobb 1 MeV -nál.  
(gyors hasítás)

---

$p_1$  : annak a valószínűsége, hogy a közepes energiájú neutronok, hasítás nélkül befogódnak.  
(transzuránok képződése  $^{238}\text{U}$ -ból)

1-  $p_1$  : annak a valószínűsége, hogy ezt elkerülik.

$\eta$  : a termikus neutron ilyen valószínűséggel hasít.

$K_\infty$  : azt adja meg, hogy végtelen közegben egy hasadás során keletkezett neutronok közül hány fog újra hasítani.

ha  $K_\infty = 1$  akkor a láncreakció önfenntartó

A természetes uránra ( 0.7%  $^{235}\text{U}$  és 99.3%  $^{238}\text{U}$  )  $\rightarrow K_{\infty} < 1$   
tisztán  $^{235}\text{U}$ -ra  $K_{\infty} > 1$  ( ez a természetben az egyetlen anyag, amelyben önfenntartó láncreakció lehet.)

Mit lehet tenni a természetes uránnal, hogy mégis legyen láncreakció?  
Válasz: a neutronokat hatékonyan kell lassítani.

**moderátor anyagok:**

- víz  $\text{H}_2\text{O}$  a  $\text{H}$  lassít hatékonyan, de  $^1_1\text{H} + n \rightarrow ^2_1\text{H}$  (deutérium)
  - nehézvíz  $\text{HDO}$  hatékonyan lassít, de csak fele neutronot fogyaszt
  - grafit  $^{12}_6\text{C}$  nem túl hatékony, de neutronot nem fogyaszt
1942. dec. 2. 13:30 Chicago első reaktor (szén moderátoros)
- ma 80%-ban víz a moderátor (nyomott vizes reaktor) a vizes reaktorok csak dúsított uránnal működnek
  - nehézvízes: Kanadában favorizálták Candu reaktor
  - grafitos: Csernobil RBMK

Moderátor hatása  $K_{\infty}$ -re:  $K_{\infty} = \bar{\nu} \cdot \varepsilon \cdot (1 - p_1) \cdot (1 - p_2) \cdot \eta$

$p_1 \ll p_2$ .

$p_2$  annak a valószínűsége, hogy a neutron a moderátorba befogódik ( $p_2$  nagyon kicsi ).

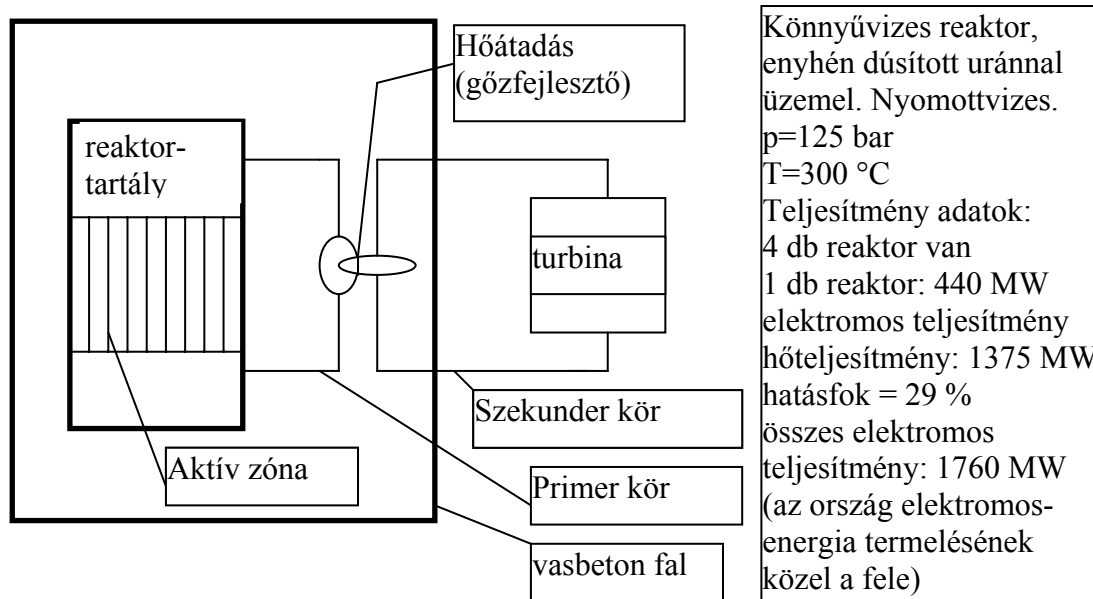
Közönséges uránra + könnyűvízre:  $K_{\infty} < 1$ .

Közönséges uránra + grafitra:  $K_{\infty} > 1$  .

Közönséges uránra + nehézvízre:  $K_{\infty} > 1$  .

Példa:  $K_{\infty}^{\text{gráfit}} = 1,06$  (Az optimális grafit mellett. ) (1942. Chicago, Fermi )

## 11. A Paksi atomerőmű működése



Mind a primer, mind a szekunder kör zárt.

A tartályon belül nagy kb. 125bar nyomás uralkodik, ami ahhoz szükséges, hogy a reaktor 300 °C-os hőmérsékletén se forrjon fel a moderátorként használt víz. Emiatt az ilyen rendszert szokták nyomottvízesnek is nevezni. A reakciótartályt a víz teljesen kitölti, és különböző szabályzó anyagokat is tartalmaz. Ezek a szabályzó anyagok a bór és a kadmium. A bór mint bórsav van jelen oldott állapotban a rendszerben, és mikor a fűtőelem még új akkor kell belőle több, míg később egyre kevesebb. A kadmium pedig lenudacska ként szerepel a rendszerben. Fontos körülmény, hogy mechanikus mozgatással is lehet szabályozni, mivel a neutronok néhány százaléka késő neutron. A késő neutronok tehát nem közvetlenül a hasadáskor, hanem az után néhány másodperc-perc késéssel jönnek a hasadványokból. Ennek következménye a viszonylag lassú teljesítményváltozás, minek folytán mechanikusan is lehet a kadmium rudacskaikkal szabályozni.- A csernobili típusú grafitos reaktorokat nem lehet ily módon befolyásolni, és ezért sem engedélyezik azok használatát a gyártó országokon kívül.- A nyomottvízes reaktorok egyik másik fontos tulajdonsága az, hogy a rendszer jelentős részben önszabályzó. Mit is jelent ez? Ha egy ponton „megszalad” (hirtelen teljesítmény növekedés) a moderátor (víz) lokálisan megritkul, vagy felforr, ezért lassul a reakció. Vagyis éppen ott, ahol megszalad, ott csökken a reaktivitás, míg ha valahol egészében eltűnik a moderátor (gőzzé lesz), ott a reakció azonnal leáll. Így a teljesítmény közel azonos sűrűségű a reakciótartályban. Fontos, hogy a moderátor gyorsítja a reakciót a neutronok lassításával, nem pedig fordítva!

A szekunder kör nyomása már kisebb kb. 40bar. A szekunder kör is zárt rendszer, és azt is hűteni kell. Ezt a feladatot a Duna vize látja el.

A rendszert felügyelik. A primer körből nem tűnhet el belőle dl-nyi mennyiség sem, míg a szekunder körrel is el kell számolni. A biztonság megköveteli a nagyon vastag vasbeton falat, amelyet még egy páncélréteg is borít.

Megjegyzések:

1, Ma a reaktorok elektromos teljesítménye már 500 MW, ennek megfelelően a hőteljesítmény is nagyobb.

2, További adatok: <http://www.atomeromu.hu/hu/Lapok/default.aspx>

## **12. Magfúzió a Napban és a Földön, a tehetetlenségi és a mágneses összetartás**

**Lásd a külön ppt fájlt!**