

- (1) Legyen  $f(x) = 4x^3 + 3x^2 + 4$  Mennyi  $f''(2)$  ?  
A) 58, B) 54, C) 56, D) 55, E) 57
- (2) Legyen  $f(x) = 3x^3 + 2x^2 + 3$   $x_0 = 3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx ax + b$  linearis közelitést az  $x_0$  pont körül! Mennyi  $a + 2b$  ?  
A) 287, B) 291, C) 289, D) 290, E) 288
- (3) Legyen  $f(x) = \frac{3}{x^3}$   $x_0 = 1$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) = f(x_0) + f'(x_0)\Delta x + hiba(\Delta x)$  linearis közelitést az  $x_0$  pont körül!  
Melyik az alábbiak közül a legjobb felső becslés a hiba abszolút értékére, ha  $\Delta x \in (0, 0.1)$  ? ?  
A)  $18\Delta x^2$ , B)  $36\Delta x$ , C)  $36\Delta x^2$ , D)  $72\Delta x^2$ , E)  $18\Delta x$
- (4) Mennyi  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{2n}\right)^{2n-4}$  ?  
A)  $e$ , B)  $e^2$ , C)  $e^{2/3}$ , D)  $\frac{1}{e}$ , E)  $\frac{1}{e^2}$
- (5) Legyen  $a_n = \frac{2n+2}{3n+2}$ . Mennyi  $a_{n+1} - a_n$  ?  
A) 0, B)  $-\frac{1}{9n^2+21n+10}$ , C)  $\frac{1}{9n^2+21n+10}$ , D)  $-\frac{2}{9n^2+21n+10}$ , E)  $-\frac{3}{9n^2+21n+10}$

1<sup>1</sup>:2<sup>1</sup>:3<sup>1</sup>:4<sup>1</sup>:5<sup>1</sup>:

- (1) Mennyi  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{3n} + 1\right)^{2n+3}$  ?  
 A)  $e^{4/3}$ , B)  $\frac{1}{e^{2/3}}$ , C)  $e^6$ , D)  $e^{2/3}$ , E)  $e$
- (2) Legyen  $f(x) = \frac{3}{x^3}$   $x_0 = 2$ . Írd fel az  $f(x_0 + \Delta x) = f(x_0) + f'(x_0)\Delta x + \text{hiba}(\Delta x)$  lineáris közelítést az  $x_0$  pont körül!  
 Melyik az alábbiak közül a legjobb felső becslés a hiba abszolút értékére, ha  $\Delta x \in (0, 0.1)$  ? ?  
 A)  $\frac{9\Delta x^2}{4}$ , B)  $\frac{9\Delta x^2}{16}$ , C)  $\frac{9\Delta x^2}{32}$ , D)  $\frac{9\Delta x^2}{8}$ , E)  $\frac{9\Delta x}{16}$
- (3) Legyen  $a_n = \frac{3n+3}{2n+3}$ . Mennyi  $a_{n+1} - a_n$  ?  
 A)  $\frac{6}{4n^2+16n+15}$ , B)  $\frac{4}{4n^2+16n+15}$ , C)  $\frac{2}{4n^2+16n+15}$ , D)  $\frac{3}{4n^2+16n+15}$ , E)  $\frac{5}{4n^2+16n+15}$
- (4) Legyen  $f(x) = 4x^3 + 3x^2 + 3$  Mennyi  $f''(2)$  ?  
 A) 52, B) 54, C) 53, D) 55, E) 51
- (5) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 2x + 2$ ,  $d = \frac{1}{3}$ . Mennyi  $\frac{f(2+d)-f(2)}{d}$  ?  
 A) 14, B) 13, C) 17, D) 15, E) 16

1<sup>1</sup>:            2<sup>1</sup>:            3<sup>1</sup>:            4<sup>1</sup>:            5<sup>1</sup>:

- (1) Legyen  $f(x) = \frac{2}{x^2}$   $x_0 = 1$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) = f(x_0) + f'(x_0)\Delta x + \text{hiba}(\Delta x)$  linearis közelitest az  $x_0$  pont körül! Melyik az alábbiak közül a legjobb felső becslés a hiba abszolút értékére, ha  $\Delta x \in (0, 0.1)$  ? ?  
A)  $24\Delta x^2$ , B)  $6\Delta x^2$ , C)  $2\Delta x^2$ , D)  $12\Delta x^2$ , E)  $12\Delta x$
- (2) Legyen  $f(x) = \frac{4x+3}{2x+2}$ . Mennyi  $f'$  ?  
A)  $\frac{1}{(x+1)^2}$ , B)  $\frac{3}{2(x+1)^2}$ , C)  $-\frac{1}{2(x+1)^2}$ , D)  $\frac{1}{2(x+1)^2}$ , E) 0
- (3) Legyen  $f(x) = 3x^3 + 2x^2 + 3$   $x_0 = 3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx ax + b$  linearis közelitest az  $x_0$  pont körül! Mennyi  $a + 2b$  ?  
A) 288, B) 292, C) 290, D) 291, E) 289
- (4) Legyen  $a_n = \frac{2n+3}{3n+2}$ . Mennyi  $a_{n+1} - a_n$  ?  
A)  $-\frac{3}{9n^2+21n+10}$ , B)  $-\frac{6}{9n^2+21n+10}$ , C)  $-\frac{7}{9n^2+21n+10}$ , D)  $-\frac{4}{9n^2+21n+10}$ , E)  $-\frac{5}{9n^2+21n+10}$
- (5) Mennyi  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{n}\right)^{3-n}$  ?  
A)  $\frac{1}{e}$ , B)  $e^2$ , C)  $\frac{1}{e^{2/3}}$ , D)  $e$ , E)  $e^{2/3}$

1<sup>1</sup>:2<sup>1</sup>:3<sup>1</sup>:4<sup>1</sup>:5<sup>1</sup>:

- (1) Legyen  $f(x) = 2x^3 + 2x^2 + 3$  Mennyi  $f''(1)$  ?  
A) 15, B) 16, C) 13, D) 14, E) 17
- (2) Legyen  $a_n = \frac{3n+2}{3n+3}$ . Mennyi  $a_{n+1} - a_n$  ?  
A) 0, B)  $\frac{1}{3n^2+9n+6}$ , C)  $\frac{4}{3n^2+9n+6}$ , D)  $\frac{2}{3n^2+9n+6}$ , E)  $\frac{3}{3n^2+9n+6}$
- (3) Legyen  $f(x) = \frac{3}{x^2}$   $x_0 = 2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) = f(x_0) + f'(x_0)\Delta x + \text{hiba}(\Delta x)$  linearis közelitest az  $x_0$  pont körül!  
Melyik az alábbiak kozul a legjobb felso becsles a hiba abszolot ertekere, ha  $\Delta x \in (0, 0.1)$  ? ?  
A)  $\frac{3\Delta x^2}{8}$ , B)  $\frac{9\Delta x^2}{4}$ , C)  $\frac{9\Delta x^2}{16}$ , D)  $\frac{3\Delta x^2}{4}$ , E)  $\frac{9\Delta x}{16}$
- (4) Mennyi  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{n}\right)^{-2n-3}$  ?  
A)  $e^3$ , B)  $e^2$ , C)  $e$ , D)  $e^4$ , E)  $e^{4/3}$
- (5) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 2x + 2$ ,  $d = \frac{1}{3}$ . Mennyi  $\frac{f(3+d)-f(3)}{d}$  ?  
A) 21, B) 22, C) 23, D) 24, E) 20

1<sup>1</sup>:2<sup>1</sup>:3<sup>1</sup>:4<sup>1</sup>:5<sup>1</sup>:

- (1) Mennyi  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{3^n} + 1\right)^{3-4n}$  ?  
 A)  $\frac{1}{e^{4/3}}$ , B)  $e^{8/9}$ , C)  $\frac{1}{e}$ , D)  $e$ , E)  $e^{4/3}$
- (2) Legyen  $f(x) = 2x^3 + 2x^2 + 4$  Mennyi  $f''(1)$  ?  
 A) 12, B) 15, C) 13, D) 16, E) 14
- (3) Legyen  $f(x) = \frac{3}{x}$   $x_0 = 1$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) = f(x_0) + f'(x_0)\Delta x + hiba(\Delta x)$  linearis közelitest az  $x_0$  pont körül!  
 Melyik az alábbiak kozul a legjobb felső becslés a hiba abszolút értékere, ha  $\Delta x \in (0, 0.1)$  ? ?  
 A)  $3\Delta x$ , B)  $12\Delta x^2$ , C)  $6\Delta x$ , D)  $3\Delta x^2$ , E)  $6\Delta x^2$
- (4) Legyen  $a_n = \frac{3n+2}{2n+2}$ . Mennyi  $a_{n+1} - a_n$  ?  
 A) 0, B)  $\frac{1}{2n^2+6n+4}$ , C)  $-\frac{1}{2n^2+6n+4}$ , D)  $\frac{3}{2n^2+6n+4}$ , E)  $\frac{1}{2n^2+6n+4}$
- (5) Legyen  $f(x) = 3x^3 + 3x^2 + 2$   $x_0 = 3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx ax + b$  linearis közelitest az  $x_0$  pont körül! Mennyi  $a + 2b$  ?  
 A) 304, B) 305, C) 306, D) 307, E) 308

1<sup>1</sup>:2<sup>1</sup>:3<sup>1</sup>:4<sup>1</sup>:5<sup>1</sup>:

- 1** 1: B<sup>1</sup>, 2: E<sup>1</sup>, 3: A<sup>1</sup>, 4: D<sup>1</sup>, 5: D<sup>1</sup>,  
**2** 1: D<sup>1</sup>, 2: B<sup>1</sup>, 3: D<sup>1</sup>, 4: B<sup>1</sup>, 5: D<sup>1</sup>,  
**3** 1: B<sup>1</sup>, 2: D<sup>1</sup>, 3: A<sup>1</sup>, 4: E<sup>1</sup>, 5: D<sup>1</sup>,  
**4** 1: B<sup>1</sup>, 2: B<sup>1</sup>, 3: C<sup>1</sup>, 4: B<sup>1</sup>, 5: A<sup>1</sup>,  
**5** 1: A<sup>1</sup>, 2: D<sup>1</sup>, 3: D<sup>1</sup>, 4: E<sup>1</sup>, 5: E<sup>1</sup>,
-