

## 0.1. No.1.

- (1) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, -2), f'_y(-2, -2))$ ?  
A)  $\{192 \cos(64), -192 \cos(64)\}$ , B)  $\{-96 \cos(64), 96 \cos(64)\}$ , C)  $\{-96 \cos(64), -96 \cos(64)\}$ , D) 13.2, E)  $\{96 \cos(64), -96 \cos(64)\}$
- (2)  $y' = -2y + e^{-1x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
A)  $\frac{4+e^2}{e^4}$ , B)  $\frac{1}{2}(1+9e^4)$ , C)  $1+5e^4$ , D)  $6e^4$ , E)  $5e^2$
- (3) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!  
A)  $5e^{2t} + 3e^{3t}$ , B)  $4e^{2t} + 4e^{3t}$ , C)  $5e^{2t} + 4e^{3t}$ , D)  $3e^{3t}$ , E)  $4e^{2t} + 3e^{3t}$
- (4)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?  
A)  $\frac{5}{3}$ , B)  $\frac{1}{15}$ , C)  $\frac{5}{9}$ , D)  $\frac{3}{5}$ , E)  $\frac{3}{25}$
- (5)  $3y' = 4y + 5$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?  
A)  $\{-\frac{5}{4}, \text{stab.}\}$ , B)  $\{-\frac{3}{5}, \text{instab.}\}$ , C)  $\{-\frac{3}{4}, \text{instab.}\}$ , D)  $\{\frac{5}{4}, \text{instab.}\}$ , E)  $\{-\frac{5}{4}, \text{instab.}\}$
- (6)  $-3y' = -3y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
A)  $e^{2/3}$ , B)  $1+e$ , C)  $2e$ , D)  $e$ , E)  $\frac{1}{3}(1+2e)$
- (7)  $y' = (y+5)(y-1)(2-y)$ ,  $y(0) = -4$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
A)  $\{-5, 1\}$ , B)  $\{2, -5\}$ , C)  $\{-5, -\infty\}$ , D)  $\{1, -5\}$ , E)  $\{1, \infty\}$
- (8)  $y'' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
A)  $\frac{1+5e^4}{2e^2}$ , B)  $\frac{1+3e^4}{e^2}$ , C)  $2(\sin(2) + 2\cos(2))$ , D)  $\frac{5\sin(2)}{2}$ , E)  $2\sin(2) + 3\cos(2)$
- (9) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!  
A)  $25e^{4t} - 15e^{3t}$ , B)  $20e^{4t} - 10e^{3t}$ , C)  $20e^{4t} - 11e^{3t}$ , D)  $20e^{4t} - 16e^{3t}$ , E)  $25e^{4t} - 14e^{3t}$
- (10)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
A)  $-e^2(6e - 11)$ , B)  $-5(e - 2)e^2$ , C)  $\frac{2(11e - 8)}{e^3}$ , D)  $\frac{5(4e - 3)}{e^3}$ , E)  $-2e^2(4e - 7)$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.2. No.2.

- (1) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, 2), f'_y(-2, 2))$ ?  
 A)  $\{64 \cos(32), 48 \cos(32)\}$ , B)  $\{-32 \cos(32), 48 \cos(32)\}$ , C) 13.2, D)  $\{32 \cos(32), -48 \cos(32)\}$ , E)  $\{-64 \cos(32), 96 \cos(32)\}$
- (2) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $4e^{2t} + 5e^{4t}$ , B)  $4e^{2t} + 6e^{4t}$ , C)  $3e^{2t} + 6e^{4t}$ , D)  $5e^{4t}$ , E)  $3e^{2t} + 5e^{4t}$
- (3)  $y' = 3y + e^{4x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{6}{e^6}$ , B)  $e^6(4 + e^2)$ , C)  $\frac{5+e^6}{e^6}$ , D)  $-\frac{(e^3-4)(4+e^3)}{3e^6}$ , E)  $\frac{5}{e^8}$
- (4)  $y'' - 3y' + 2y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{4(3e-2)}{e^2}$ , B)  $\frac{11e-7}{e^2}$ , C)  $4e$ , D)  $-(e-5)e$ , E)  $-e(2e-7)$
- (5) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $15e^{4t} - 8e^{3t}$ , B)  $20e^{4t} - 12e^{3t}$ , C)  $20e^{4t} - 13e^{3t}$ , D)  $15e^{4t} - 9e^{3t}$ , E)  $15e^{4t} - 12e^{3t}$
- (6)  $y'' + 9y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\sin(3)$ , B)  $\frac{1}{3}(2\sin(3) + 9\cos(3))$ , C)  $\frac{7+11e^6}{6e^3}$ , D)  $\frac{5+7e^6}{3e^3}$ , E)  $\sin(3) + 3\cos(3)$
- (7)  $y' = (y+3)(y-3)(7-y)$ ,  $y(0) = -2$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
 A)  $\{7, -3\}$ , B)  $\{-3, 3\}$ , C)  $\{-3, -\infty\}$ , D)  $\{3, \infty\}$ , E)  $\{3, -3\}$
- (8)  $y' = 4y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?  
 A) 16, B) 4, C) 13.2, D)  $\frac{1}{16}$ , E)  $\frac{1}{4}$
- (9)  $-5y' = 3y + 3$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?  
 A)  $\{-1, \text{stab.}\}$ , B) 13.2, C)  $\{\frac{5}{3}, \text{stab.}\}$ , D)  $\{1, \text{stab.}\}$ , E)  $\{-1, \text{instab.}\}$
- (10)  $-1y' = 1y$ ,  $y(1) = 2$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{2}{e^2}$ , B)  $-\frac{e-3}{e}$ , C)  $\frac{3}{e}$ , D)  $\frac{2+e}{e}$ , E)  $\frac{2}{e}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.3. No.3.

(1)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{1}{10}$
- , B)
- $\frac{2}{25}$
- , C)
- $\frac{5}{2}$
- , D)
- $\frac{2}{5}$
- , E)
- $\frac{5}{4}$

(2) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, 1), f'_y(-2, 1))$ ?

- A)
- $\{4\cos(4), -12\cos(4)\}$
- , B)
- $\{-8\cos(4), 12\cos(4)\}$
- , C)
- $\{-4\cos(4), 12\cos(4)\}$
- , D)
- $\{-4\cos(4), 24\cos(4)\}$
- , E)
- $\{-8\cos(4), -24\cos(4)\}$

(3)  $4y' = -4y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{\frac{1}{4}, \text{stab.}\}$
- , B)
- $\{-4, \text{stab.}\}$
- , C)
- $\{\frac{1}{4}, \text{instab.}\}$
- , D)
- $\{-\frac{1}{4}, \text{stab.}\}$
- , E)
- $\{1, \text{stab.}\}$

(4)  $y'' + 1y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $2e$
- , B)
- $3\sin(1)$
- , C)
- $2\sin(1) + 3\cos(1)$
- , D)
- $2(\sin(1) + \cos(1))$
- , E)
- $\frac{1+5e^2}{2e}$

(5)  $-3y' = 5y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{1}{e^2}$
- , B)
- $-\frac{e^{5/3}-6}{5e^{5/3}}$
- , C)
- $\frac{(1+\sqrt[3]{e})(1-\sqrt[3]{e}+e^{2/3}-e+e^{4/3})}{e^{5/3}}$
- , D)
- $\frac{2}{e^{5/3}}$
- , E)
- $\frac{1}{e^{5/3}}$

(6)  $y' = -2y + e^{-1x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{1}{e^{2/3}}$
- , B)
- $\frac{2}{e^{4/3}}$
- , C)
- $\frac{1+e^{4/3}}{e^{4/3}}$
- , D)
- $\frac{1+e^{4/3}}{2e^{4/3}}$
- , E)
- $\frac{1}{e^2}$

(7) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $15e^{4t} - 10e^{3t}$
- , B)
- $20e^{4t} - 14e^{3t}$
- , C)
- $20e^{4t} - 13e^{3t}$
- , D)
- $15e^{4t} - 12e^{3t}$
- , E)
- $15e^{4t} - 9e^{3t}$

(8)  $y' = (y+1)(y-1)(2-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{-1, -\infty\}$
- , B)
- $\{2, -1\}$
- , C)
- $\{1, \infty\}$
- , D)
- $\{1, -1\}$
- , E)
- $\{-1, 1\}$

(9) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $4e^{2t} + 5e^{3t}$
- , B)
- $4e^{2t} + 4e^{3t}$
- , C)
- $4e^{3t}$
- , D)
- $5e^{2t} + 5e^{3t}$
- , E)
- $5e^{2t} + 4e^{3t}$

(10)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $-2e^2(4e - 7)$
- , B)
- $\frac{5(4e-3)}{e^3}$
- , C)
- $\frac{2(11e-8)}{e^3}$
- , D)
- $-e^2(6e - 11)$
- , E)
- $-5(e - 2)e^2$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.4. No.4.

(1)  $-4y' = 3y$ ,  $y(1) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $-\frac{e^{3/4}-10}{3e^{3/4}}$ , B)  $\frac{3}{e}$ , C)  $\frac{4}{e^{3/4}}$ , D)  $\frac{3+e^{3/4}}{e^{3/4}}$ , E)  $\frac{3}{e^{3/4}}$

(2)  $y'' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{5}{2}(\sin(2) + 2\cos(2))$ , B)  $\frac{2(1+2e^4)}{e^2}$ , C)  $\frac{5\sin(2)}{2}$ , D)  $\frac{3+7e^4}{2e^2}$ , E)  $2\sin(2) + 5\cos(2)$

(3)  $y' = 4y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

A)  $\frac{4}{9}$ , B)  $\frac{3}{4}$ , C)  $\frac{1}{12}$ , D)  $\frac{4}{3}$ , E)  $\frac{3}{16}$

(4) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(2, -2), f'_y(2, -2))$ ?

A)  $\{-96\cos(64), -96\cos(64)\}$ , B)  $\{-96\cos(64), 96\cos(64)\}$ , C)  $\{96\cos(64), 192\cos(64)\}$ , D)  $\{-192\cos(64), 96\cos(64)\}$ , E)  $\{96\cos(64), -192\cos(64)\}$

(5)  $y' = 1y + e^{2x}$ ,  $y(0) = 2$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $-\frac{e-3}{e}$ , B)  $e^2(1+e^2)$ , C)  $\frac{2}{e^2}$ , D)  $\frac{3}{e}$ , E)  $\frac{2+e}{e}$

(6)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{2(9e-7)}{e^4}$ , B)  $-2e^3(5e-7)$ , C)  $-e^3(7e-10)$ , D)  $-3e^3(2e-3)$ , E)  $\frac{3(5e-4)}{e^4}$

(7) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

A)  $20e^{5t} - 12e^{4t}$ , B)  $20e^{5t} - 16e^{4t}$ , C)  $25e^{5t} - 16e^{4t}$ , D)  $20e^{5t} - 13e^{4t}$ , E)  $25e^{5t} - 17e^{4t}$

(8)  $5y' = 4y + 4$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

A)  $\{-1, \text{stab.}\}$ , B)  $\{1, \text{instab.}\}$ , C)  $\{-1, \text{instab.}\}$ , D)  $13.2$ , E)  $\{-\frac{5}{4}, \text{instab.}\}$

(9)  $y' = (y+4)(y-5)(10-y)$ ,  $y(0) = -3$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

A)  $\{-4, 5\}$ , B)  $\{10, -4\}$ , C)  $\{5, \infty\}$ , D)  $\{-4, -\infty\}$ , E)  $\{5, -4\}$

(10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

A)  $3e^{3t} + 2e^{4t}$ , B)  $3e^{3t} + 3e^{4t}$ , C)  $2e^{4t}$ , D)  $2e^{3t} + 3e^{4t}$ , E)  $2e^{3t} + 2e^{4t}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.5. No.5.

- (1)  $y' = (y+4)(y-3)(6-y)$ ,  $y(0) = -3$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
 A)  $\{-4, -\infty\}$ , B)  $\{-4, 3\}$ , C)  $\{3, \infty\}$ , D)  $\{6, -4\}$ , E)  $\{3, -4\}$
- (2)  $5y' = 2y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $e^{2/5}$ , B)  $2e^{2/5}$ , C)  $\frac{1}{2}(3e^{2/5} - 1)$ , D)  $1 + e^{2/5}$ , E)  $e^{3/5}$
- (3) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, 2), f'_y(-2, 2))$ ?  
 A)  $\{-32 \cos(32), -48 \cos(32)\}$ , B)  $\{-32 \cos(32), 48 \cos(32)\}$ , C)  $\{-64 \cos(32), -48 \cos(32)\}$ , D)  $\{32 \cos(32), -96 \cos(32)\}$ , E)  $\{32 \cos(32), 96 \cos(32)\}$
- (4)  $-4y' = 3y + 5$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?  
 A)  $\{-\frac{5}{3}, \text{stab.}\}$ , B)  $\{\frac{4}{3}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$ , D)  $\{\frac{5}{3}, \text{stab.}\}$ , E)  $\{-\frac{5}{3}, \text{instab.}\}$
- (5) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az összeget!  
 A)  $9e^{4t} - 4e^{3t}$ , B)  $6e^{4t} - e^{3t}$ , C)  $6e^{4t} - 2e^{3t}$ , D)  $9e^{4t} - 3e^{3t}$ , E)  $6e^{4t} - 4e^{3t}$
- (6)  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{6 \sin(5)}{5}$ , B)  $\sin(5) + \cos(5)$ , C)  $\sin(5) + 2 \cos(5)$ , D)  $e^5$ , E)  $\frac{1+3e^{10}}{2e^5}$
- (7)  $y' = -1y + e^{0x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A) 17.3, B) 1, C)  $2\sqrt{e}$ , D)  $1 + \sqrt{e}$ , E) 13.2
- (8)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $-e^2(8e - 13)$ , B)  $-e^2(7e - 12)$ , C)  $\frac{2(10e - 7)}{e^3}$ , D)  $-2e^2(5e - 8)$ , E)  $\frac{17e - 12}{e^3}$
- (9) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az összeget!  
 A)  $5e^{4t} + 3e^{5t}$ , B)  $4e^{4t} + 2e^{5t}$ , C)  $2e^{5t}$ , D)  $4e^{4t} + 3e^{5t}$ , E)  $5e^{4t} + 2e^{5t}$
- (10)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelemezhető az  $y(x)$  megoldás?  
 A)  $\frac{1}{4}$ , B) 1, C)  $\frac{1}{2}$ , D) 13.2, E) 8

$1^2:$  ,  $2^2:$  ,  $3^2:$  ,  $4^2:$  ,  $5^2:$  ,  $6^2:$  ,  $7^2:$  ,  $8^2:$  ,  $9^2:$  ,  $10^2:$  ,

## 0.6. No.6.

(1)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $-e^3(11e - 16)$
- , B)
- $-3e^3(5e - 7)$
- , C)
- $\frac{23e - 18}{e^4}$
- , D)
- $\frac{3(9e - 7)}{e^4}$
- , E)
- $-e^3(12e - 17)$

(2)  $-4y' = 4y$ ,  $y(1) = 4$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{4+e}{e}$
- , B)
- $\frac{4}{e}$
- , C)
- $-\frac{e-17}{4e}$
- , D)
- $\frac{4}{e^{5/4}}$
- , E)
- $\frac{5}{e}$

(3) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(1, 2), f'_y(1, 2))$ ?

- A)
- $\{16 \cos(8), 24 \cos(8)\}$
- , B)
- $\{-32 \cos(8), -24 \cos(8)\}$
- , C)
- $\{-16 \cos(8), 24 \cos(8)\}$
- , D)
- $\{16 \cos(8), 12 \cos(8)\}$
- , E)
- $\{-32 \cos(8), -12 \cos(8)\}$

(4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $3e^{4t} + 4e^{5t}$
- , B)
- $4e^{4t} + 3e^{5t}$
- , C)
- $4e^{4t} + 4e^{5t}$
- , D)
- $3e^{5t}$
- , E)
- $3e^{4t} + 3e^{5t}$

(5) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $15e^{5t} - 12e^{4t}$
- , B)
- $15e^{5t} - 7e^{4t}$
- , C)
- $20e^{5t} - 11e^{4t}$
- , D)
- $20e^{5t} - 12e^{4t}$
- , E)
- $15e^{5t} - 8e^{4t}$

(6)  $y' = -2y + e^{-1x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{4+e^2}{e^4}$
- , B)
- $5e$
- , C)
- $6e^2$
- , D)
- $\frac{1}{2}(1 + 9e^2)$
- , E)
- $1 + 5e^2$

(7)  $y'' + 16y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\sin(4) + 4 \cos(4)$
- , B)
- $\frac{2+3e^8}{e^4}$
- , C)
- $\frac{5 \sin(4)}{4}$
- , D)
- $\frac{3+5e^8}{2e^4}$
- , E)
- $\sin(4) + 5 \cos(4)$

(8)  $y' = 3y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM ertelemezett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{2}{9}$
- , B)
- $\frac{3}{2}$
- , C)
- $\frac{2}{3}$
- , D)
- $\frac{1}{6}$
- , E)
- $\frac{3}{4}$

(9)  $2y' = -4y + 3$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{\frac{3}{4}, \text{stab.}\}$
- , B)
- $\{-\frac{3}{4}, \text{stab.}\}$
- , C)
- $\{-\frac{2}{3}, \text{stab.}\}$
- , D)
- $\{\frac{1}{2}, \text{stab.}\}$
- , E)
- $\{\frac{3}{4}, \text{instab.}\}$

(10)  $y' = (y + 1)(y - 4)(9 - y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{9, -1\}$
- , B)
- $\{-1, -\infty\}$
- , C)
- $\{-1, 4\}$
- , D)
- $\{4, \infty\}$
- , E)
- $\{4, -1\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.7. No.7.

(1) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $8e^{3t}$ , B)  $9e^{3t}$ , C)  $4e^{3t}$ , D)  $7e^{3t}$ , E) 13.2

(2)  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $\sin(5) + 3\cos(5)$ , B)  $\frac{1+2e^{10}}{e^5}$ , C)  $\frac{6\sin(5)}{5}$ , D)  $\sin(5) + 4\cos(5)$ , E)  $\frac{3+5e^{10}}{2e^5}$

(3)  $y' = -4y + e^{-3x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{4+e^2}{e^8}$ , B)  $5e^{6/5}$ , C)  $6e^{8/5}$ , D)  $1 + 5e^{8/5}$ , E)  $\frac{1}{4}(1 + 19e^{8/5})$

(4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $20e^{4t} - 13e^{3t}$ , B)  $20e^{4t} - 12e^{3t}$ , C)  $20e^{4t} - 15e^{3t}$ , D)  $24e^{4t} - 15e^{3t}$ , E)  $24e^{4t} - 16e^{3t}$

(5)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A) 2, B)  $\frac{1}{4}$ , C)  $\frac{1}{2}$ , D) 13.2, E) 4

(6) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(2, -2), f'_y(2, -2))$ ?

- A)  $\{-48\cos(32), 64\cos(32)\}$ , B)  $\{48\cos(32), -32\cos(32)\}$ , C)  $\{48\cos(32), 32\cos(32)\}$ , D)  $\{-96\cos(32), -64\cos(32)\}$ , E)  $\{96\cos(32), -32\cos(32)\}$

(7)  $3y' = 5y$ ,  $y(1) = 4$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $4e^{5/3}$ , B)  $\frac{1}{5}(21e^{5/3} - 1)$ , C)  $1 + 4e^{5/3}$ , D)  $4e^2$ , E)  $5e^{5/3}$

(8)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $2e^3$ , B)  $\frac{13e-11}{e^4}$ , C)  $-(e-3)e^3$ , D)  $-e^3(4e-7)$ , E)  $\frac{2(7e-6)}{e^4}$

(9)  $-2y' = 1y + 5$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)  $\{2, \text{stab.}\}$ , B)  $\{\frac{2}{5}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{5, \text{stab.}\}$ , D)  $\{-5, \text{stab.}\}$ , E)  $\{-5, \text{instab.}\}$

(10)  $y' = (y+1)(y-3)(4-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)  $\{3, \infty\}$ , B)  $\{-1, -\infty\}$ , C)  $\{4, -1\}$ , D)  $\{-1, 3\}$ , E)  $\{3, -1\}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.8. No.8.

- (1)  $4y' = -1y + 5$ . Hol van a DE fixpontja es milyen annak a stabilitasa?  
 A)  $\{5, \text{instab.}\}$ , B)  $\{4, \text{stab.}\}$ , C)  $\{5, \text{stab.}\}$ , D)  $\{-\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$ , E)  $\{-5, \text{stab.}\}$
- (2)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  ertek, ahol mar NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldas?  
 A)  $\frac{1}{2}$ , B) 2, C)  $\frac{1}{4}$ , D) 4, E) 13.2
- (3) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-1, -2), f'_y(-1, -2))$ ?  
 A)  $\{16 \cos(8), 24 \cos(8)\}$ , B)  $\{16 \cos(8), 12 \cos(8)\}$ , C)  $\{-16 \cos(8), -12 \cos(8)\}$ , D)  $\{-16 \cos(8), 12 \cos(8)\}$ , E)  
 $\{-16 \cos(8), -24 \cos(8)\}$
- (4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $15e^{4t} - 6e^{3t}$ , B)  $15e^{4t} - 5e^{3t}$ , C)  $12e^{4t} - 8e^{3t}$ , D)  $12e^{4t} - 3e^{3t}$ , E)  $12e^{4t} - 4e^{3t}$
- (5)  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{1}{5}(3 \sin(5) + 20 \cos(5))$ , B)  $\frac{17+23e^{10}}{10e^5}$ , C)  $\frac{11+14e^{10}}{5e^5}$ , D)  $\frac{4}{5}(\sin(5) + 5 \cos(5))$ , E)  $\frac{4 \sin(5)}{5}$
- (6)  $4y' = -5y$ ,  $y(1) = 2$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{2}{e^{5/4}}$ , B)  $\frac{2}{e}$ , C)  $\frac{9+e^{5/4}}{5e^{5/4}}$ , D)  $\frac{2+e^{5/4}}{e^{5/4}}$ , E)  $\frac{3}{e^{5/4}}$
- (7)  $y' = (y+1)(y-3)(8-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
 A)  $\{3, \infty\}$ , B)  $\{8, -1\}$ , C)  $\{-1, -\infty\}$ , D)  $\{-1, 3\}$ , E)  $\{3, -1\}$
- (8)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{2(7e-5)}{e^3}$ , B)  $-e^2(9e-14)$ , C)  $-e^2(7e-11)$ , D)  $\frac{13e-9}{e^3}$ , E)  $-2e^2(3e-5)$
- (9)  $y' = 1y + e^{2x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $e^4$ , B)  $1 + \sqrt{e}$ , C)  $e$ , D)  $2\sqrt{e} - 1$ , E)  $2\sqrt{e}$
- (10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $3e^{2t} + 5e^{4t}$ , B)  $2e^{2t}$ , C)  $2e^{2t} + 5e^{4t}$ , D)  $3e^{2t} + 6e^{4t}$ , E)  $2e^{2t} + 6e^{4t}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.9. No.9.

(1)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{5}{9}$
- , B)
- $\frac{1}{15}$
- , C)
- $\frac{3}{5}$
- , D)
- $\frac{5}{3}$
- , E)
- $\frac{3}{25}$

(2)  $y'' + 16y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\frac{7+9e^8}{8e^4}$
- , B)
- $\frac{3+5e^8}{8e^4}$
- , C)
- $\frac{1}{2}(\sin(4) + 2\cos(4))$
- , D)
- $\frac{1}{4}(\sin(4) + 4\cos(4))$
- , E)
- $\frac{\sin(4)}{2}$

(3) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(1, 1), f'_y(1, 1))$ ?

- A)
- $\{4\cos(1), -4\cos(1)\}$
- , B)
- $\{-4\cos(1), -2\cos(1)\}$
- , C)
- $\{2\cos(1), 2\cos(1)\}$
- , D)
- $\{2\cos(1), 4\cos(1)\}$
- , E)
- $\{2\cos(1), -2\cos(1)\}$

(4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $4e^{2t} + 3e^{3t}$
- , B)
- $5e^{2t} + 3e^{3t}$
- , C)
- $4e^{2t}$
- , D)
- $5e^{2t} + 2e^{3t}$
- , E)
- $4e^{2t} + 2e^{3t}$

(5) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $12e^{5t} - 8e^{4t}$
- , B)
- $12e^{5t} - 3e^{4t}$
- , C)
- $15e^{5t} - 4e^{4t}$
- , D)
- $12e^{5t} - 2e^{4t}$
- , E)
- $15e^{5t} - 5e^{4t}$

(6)  $y' = -3y + e^{-2x}$ ,  $y(0) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{3+e^2}{e^2}$
- , B)
- $\frac{4}{e^2}$
- , C)
- $\frac{8+e^2}{3e^2}$
- , D)
- $\frac{3}{e^{4/3}}$
- , E)
- $\frac{2+e^2}{e^6}$

(7)  $-4y' = -3y$ ,  $y(1) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{1}{3}(1 + 14e^{3/4})$
- , B)
- $1 + 5e^{3/4}$
- , C)
- $5e^{3/4}$
- , D)
- $5\sqrt{e}$
- , E)
- $6e^{3/4}$

(8)  $1y' = -4y + 4$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{-1, \text{stab.}\}$
- , B)
- $\{1, \text{instab.}\}$
- , C)
- $\{1, \text{stab.}\}$
- , D)
- $\{-\frac{1}{4}, \text{stab.}\}$
- , E)
- $\{\frac{1}{4}, \text{stab.}\}$

(9)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $3e^2$
- , B)
- $\frac{3(5e-4)}{e^3}$
- , C)
- $\frac{14e-11}{e^3}$
- , D)
- $-e^2(3e-7)$
- , E)
- $-(e-4)e^2$

(10)  $y' = (y+1)(y-5)(6-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{-1, -\infty\}$
- , B)
- $\{-1, 5\}$
- , C)
- $\{5, -1\}$
- , D)
- $\{6, -1\}$
- , E)
- $\{5, \infty\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.10. No.10.

(1)  $y' = 3y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{2}{3}$
- , B)
- $\frac{3}{4}$
- , C)
- $\frac{2}{9}$
- , D)
- $\frac{3}{2}$
- , E)
- $\frac{1}{6}$

(2)  $4y' = -1y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{-4, \text{stab.}\}$
- , B)
- $\{1, \text{stab.}\}$
- , C)
- $\{1, \text{instab.}\}$
- , D)
- $\{-1, \text{stab.}\}$
- , E)
- $\{4, \text{stab.}\}$

(3)  $3y' = -2y$ ,  $y(1) = 4$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{7+e^{2/3}}{2e^{2/3}}$
- , B)
- $\frac{4+e^{2/3}}{e^{2/3}}$
- , C)
- $\frac{4}{e^{2/3}}$
- , D)
- $\frac{5}{e^{2/3}}$
- , E)
- $\frac{4}{\sqrt[3]{e}}$

(4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $12e^{4t} - 5e^{3t}$
- , B)
- $12e^{4t} - 4e^{3t}$
- , C)
- $12e^{4t} - 9e^{3t}$
- , D)
- $16e^{4t} - 8e^{3t}$
- , E)
- $16e^{4t} - 7e^{3t}$

(5) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $2e^{3t} + 2e^{5t}$
- , B)
- $2e^{5t}$
- , C)
- $3e^{3t} + 2e^{5t}$
- , D)
- $2e^{3t} + 3e^{5t}$
- , E)
- $3e^{3t} + 3e^{5t}$

(6)  $y'' + 16y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\frac{3(3+5e^8)}{8e^4}$
- , B)
- $\frac{1}{4}(3\sin(4) + 8\cos(4))$
- , C)
- $\sin(4)$
- , D)
- $\frac{5+11e^8}{8e^4}$
- , E)
- $\sin(4) + 2\cos(4)$

(7)  $y'' - 3y' + 2y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $-e(2e - 5)$
- , B)
- $\frac{2(3e-2)}{e^2}$
- , C)
- $-(e - 3)e$
- , D)
- $\frac{5e-3}{e^2}$
- , E)
- $2e$

(8)  $y' = (y+1)(y-2)(5-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{2, \infty\}$
- , B)
- $\{-1, 2\}$
- , C)
- $\{2, -1\}$
- , D)
- $\{-1, -\infty\}$
- , E)
- $\{5, -1\}$

(9)  $y' = -4y + e^{-3x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{3+e^8}{4e^8}$
- , B)
- $\frac{1+e^8}{e^8}$
- , C)
- $\frac{1}{e^6}$
- , D)
- $13.2$
- , E)
- $\frac{2}{e^8}$

(10) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(2, 1), f'_y(2, 1))$ ?

- A)
- $\{-24\cos(8), 32\cos(8)\}$
- , B)
- $\{-12\cos(8), 32\cos(8)\}$
- , C)
- $\{12\cos(8), 32\cos(8)\}$
- , D)
- $\{12\cos(8), 16\cos(8)\}$
- , E)
- $\{-24\cos(8), 16\cos(8)\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.11. No.11.

(1)  $-5y' = 4y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)  $\{-\frac{1}{4}\}$ , instab., B)  $\{-\frac{1}{4}\}$ , stab., C)  $\{\frac{5}{4}\}$ , stab., D)  $\{\frac{1}{4}\}$ , stab., E)  $\{5\}$ , stab.

(2) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)  $15e^{3t} - 12e^{2t}$ , B)  $20e^{3t} - 10e^{2t}$ , C)  $15e^{3t} - 6e^{2t}$ , D)  $15e^{3t} - 7e^{2t}$ , E)  $20e^{3t} - 11e^{2t}$

(3)  $-2y' = -5y$ ,  $y(1) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{1}{5}(1 + 14e^{5/2})$ , B)  $4e^{5/2}$ , C)  $1 + 3e^{5/2}$ , D)  $3e^{5/2}$ , E)  $3e^2$

(4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)  $5e^{2t} + 6e^{4t}$ , B)  $4e^{2t}$ , C)  $4e^{2t} + 5e^{4t}$ , D)  $4e^{2t} + 6e^{4t}$ , E)  $5e^{2t} + 5e^{4t}$

(5)  $y' = (y+3)(y-5)(8-y)$ ,  $y(0) = -2$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)  $\{-3, -\infty\}$ , B)  $\{5, -3\}$ , C)  $\{8, -3\}$ , D)  $\{5, \infty\}$ , E)  $\{-3, 5\}$

(6)  $y' = 1y + e^{2x}$ ,  $y(0) = 2$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $3e^{2/5} - 1$ , B)  $2e^{4/5}$ , C)  $e^2(1 + e^2)$ , D)  $1 + 2e^{2/5}$ , E)  $3e^{2/5}$

(7)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $-4(e-2)e^2$ , B)  $-e^2(2e-5)$ , C)  $\frac{13e-10}{e^3}$ , D)  $\frac{4(4e-3)}{e^3}$ , E)  $-(e-4)e^2$

(8)  $y'' + 1y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $5(\sin(1) + \cos(1))$ , B)  $5e$ , C)  $6\sin(1)$ , D)  $\frac{(3e-1)(1+3e)}{2e}$ , E)  $5\sin(1) + 4\cos(1)$

(9)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)  $\frac{5}{9}$ , B)  $\frac{3}{5}$ , C)  $\frac{3}{25}$ , D)  $\frac{1}{15}$ , E)  $\frac{5}{3}$

(10) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, -1), f'_y(-2, -1))$ ?

- A)  $\{-12\cos(8), 24\cos(8)\}$ , B)  $\{-24\cos(8), 48\cos(8)\}$ , C)  $\{12\cos(8), -24\cos(8)\}$ , D)  $\{-24\cos(8), -24\cos(8)\}$ , E)  $\{-12\cos(8), -24\cos(8)\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.12. No.12.

(1)  $y' = (y+1)(y-3)(5-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{-1, 3\}$
- , B)
- $\{5, -1\}$
- , C)
- $\{3, \infty\}$
- , D)
- $\{-1, -\infty\}$
- , E)
- $\{3, -1\}$

(2)  $y' = 4y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{3}{16}$
- , B)
- $\frac{4}{9}$
- , C)
- $\frac{1}{12}$
- , D)
- $\frac{3}{4}$
- , E)
- $\frac{4}{3}$

(3)  $-4y' = 1$ ,  $y(1) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{3}{\sqrt[3]{e}}$
- , B)
- $-\frac{\sqrt[4]{e}-4}{\sqrt[4]{e}}$
- , C)
- $\frac{4}{\sqrt[3]{e}}$
- , D)
- $\frac{3}{\sqrt{e}}$
- , E)
- $\frac{3+\sqrt[4]{e}}{\sqrt[4]{e}}$

(4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $3e^{5t}$
- , B)
- $2e^{4t} + 3e^{5t}$
- , C)
- $2e^{4t} + 4e^{5t}$
- , D)
- $3e^{4t} + 3e^{5t}$
- , E)
- $3e^{4t} + 4e^{5t}$

(5)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\frac{15e-11}{e^3}$
- , B)
- $\frac{4(4e-3)}{e^3}$
- , C)
- $-4(e-2)e^2$
- , D)
- $-e^2(7e-12)$
- , E)
- $-e^2(5e-9)$

(6)  $4y' = -4y + 5$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{-\frac{5}{4}, \text{stab.}\}$
- , B)
- $\{\frac{5}{4}, \text{instab.}\}$
- , C)
- $\{-\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$
- , D)
- $\{\frac{5}{4}, \text{stab.}\}$
- , E)
- $\{1, \text{stab.}\}$

(7) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, -2), f'_y(-2, -2))$ ?

- A)
- $\{-32 \cos(16), -32 \cos(16)\}$
- , B)
- $\{-16 \cos(16), -16 \cos(16)\}$
- , C)
- $\{-16 \cos(16), 16 \cos(16)\}$
- , D)
- $13.2$
- , E)
- $\{16 \cos(16), 32 \cos(16)\}$

(8)  $y'' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\frac{5+7e^4}{4e^2}$
- , B)
- $\frac{3+5e^4}{4e^2}$
- , C)
- $\frac{1}{2}(\sin(2) + 4 \cos(2))$
- , D)
- $\sin(2)$
- , E)
- $\sin(2) + 2 \cos(2)$

(9)  $y' = 5y + e^{6x}$ ,  $y(0) = 4$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{4}{e^3}$
- , B)
- $\frac{4+e^{5/2}}{e^{5/2}}$
- , C)
- $\frac{5}{e^{5/2}}$
- , D)
- $e^{10}(3 + e^2)$
- , E)
- $-\frac{e^{5/2}-21}{5e^{5/2}}$

(10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $16e^{3t} - 8e^{2t}$
- , B)
- $16e^{3t} - 7e^{2t}$
- , C)
- $16e^{3t} - 12e^{2t}$
- , D)
- $20e^{3t} - 11e^{2t}$
- , E)
- $20e^{3t} - 10e^{2t}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.13. No.13.

- (1)  $y' = (y+5)(y-1)(6-y)$ ,  $y(0) = -4$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
 A)  $\{-5, 1\}$ , B)  $\{-5, -\infty\}$ , C)  $\{6, -5\}$ , D)  $\{1, \infty\}$ , E)  $\{1, -5\}$
- (2) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $13.2$ , B)  $11e^{4t}$ , C)  $10e^{4t}$ , D)  $5e^{4t}$ , E)  $9e^{4t}$
- (3)  $-1y' = -4y + 3$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?  
 A)  $\left\{-\frac{3}{4}, \text{instab.}\right\}$ , B)  $\left\{\frac{1}{3}, \text{instab.}\right\}$ , C)  $\left\{\frac{3}{4}, \text{stab.}\right\}$ , D)  $\left\{\frac{3}{4}, \text{instab.}\right\}$ , E)  $\left\{-\frac{1}{4}, \text{instab.}\right\}$
- (4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $25e^{5t} - 20e^{4t}$ , B)  $25e^{5t} - 15e^{4t}$ , C)  $30e^{5t} - 19e^{4t}$ , D)  $25e^{5t} - 16e^{4t}$ , E)  $30e^{5t} - 20e^{4t}$
- (5)  $y' = -1y + e^{0x}$ ,  $y(0) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{2+e^2}{e^2}$ , B)  $\frac{3+e^{2/5}}{e^{2/5}}$ , C)  $\frac{2+e^{2/5}}{e^{2/5}}$ , D)  $\frac{4}{e^{2/5}}$ , E)  $3$
- (6)  $3y' = 1y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\sqrt[3]{e}$ , B)  $2\sqrt[3]{e} - 1$ , C)  $2\sqrt[3]{e}$ , D)  $1 + \sqrt[3]{e}$ , E)  $e^{2/3}$
- (7)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{21e-16}{e^3}$ , B)  $-e^2(4e-9)$ , C)  $-5(e-2)e^2$ , D)  $\frac{5(4e-3)}{e^3}$ , E)  $-e^2(7e-13)$
- (8) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(2, 2), f'_y(2, 2))$ ?  
 A)  $\{16 \cos(16), 16 \cos(16)\}$ , B)  $\{-32 \cos(16), 16 \cos(16)\}$ , C)  $\{16 \cos(16), -32 \cos(16)\}$ , D)  $\{-32 \cos(16), -32 \cos(16)\}$ , E)  $\{32 \cos(16), 32 \cos(16)\}$
- (9)  $y' = 3y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?  
 A)  $\frac{1}{9}$ , B)  $27$ , C)  $13.2$ , D)  $\frac{1}{3}$ , E)  $1$
- (10)  $y'' + 1y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $3 \sin(1) + 5 \cos(1)$ , B)  $\frac{1+4e^2}{e}$ , C)  $4 \sin(1)$ , D)  $\frac{3(1+3e^2)}{2e}$ , E)  $3(\sin(1) + 2 \cos(1))$

$1^2:$  ,  $2^2:$  ,  $3^2:$  ,  $4^2:$  ,  $5^2:$  ,  $6^2:$  ,  $7^2:$  ,  $8^2:$  ,  $9^2:$  ,  $10^2:$  ,

## 0.14. No.14.

(1)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\frac{6e-5}{e^4}$
- , B)
- $-e^3(5e-7)$
- , C)
- $-(e-2)e^3$
- , D)
- $\frac{5e-4}{e^4}$
- , E)
- $-e^3(2e-3)$

(2)  $y' = 4y + e^{5x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{1}{4}(21e^{8/3} - 1)$
- , B)
- $e^8(4 + e^2)$
- , C)
- $5e^{10/3}$
- , D)
- $1 + 5e^{8/3}$
- , E)
- $6e^{8/3}$

(3)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{5}{9}$
- , B)
- $\frac{3}{25}$
- , C)
- $\frac{3}{5}$
- , D)
- $\frac{1}{15}$
- , E)
- $\frac{5}{3}$

(4)  $y'' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 5$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $2\sin(2)$
- , B)
- $\frac{3}{2}(\sin(2) + 4\cos(2))$
- , C)
- $\frac{3(3+5e^4)}{4e^2}$
- , D)
- $\frac{1}{2}(3\sin(2) + 10\cos(2))$
- , E)
- $\frac{7+13e^4}{4e^2}$

(5)  $-2y' = 4y$ ,  $y(1) = 2$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{2+e^2}{e^2}$
- , B)
- $\frac{2}{e^{5/2}}$
- , C)
- $\frac{2}{e^2}$
- , D)
- $-\frac{(e-3)(3+e)}{4e^2}$
- , E)
- $\frac{3}{e^2}$

(6)  $y' = (y+3)(y-5)(6-y)$ ,  $y(0) = -2$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{5, -3\}$
- , B)
- $\{-3, 5\}$
- , C)
- $\{5, \infty\}$
- , D)
- $\{6, -3\}$
- , E)
- $\{-3, -\infty\}$

(7)  $3y' = 4y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{-\frac{1}{4}, \text{instab.}\}$
- , B)
- $\{-\frac{1}{4}, \text{stab.}\}$
- , C)
- $\{\frac{1}{4}, \text{instab.}\}$
- , D)
- $\{-3, \text{instab.}\}$
- , E)
- $\{-\frac{3}{4}, \text{instab.}\}$

(8) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $25e^{3t} - 18e^{2t}$
- , B)
- $20e^{3t} - 16e^{2t}$
- , C)
- $20e^{3t} - 13e^{2t}$
- , D)
- $20e^{3t} - 14e^{2t}$
- , E)
- $25e^{3t} - 17e^{2t}$

(9) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $5e^{4t}$
- , B)
- $5e^{2t} + 5e^{4t}$
- , C)
- $4e^{2t} + 5e^{4t}$
- , D)
- $5e^{2t} + 6e^{4t}$
- , E)
- $4e^{2t} + 6e^{4t}$

(10) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-1, -2), f'_y(-1, -2))$ ?

- A) 13.2, B)
- $\{-24\cos(8), -12\cos(8)\}$
- , C)
- $\{24\cos(8), -24\cos(8)\}$
- , D)
- $\{-24\cos(8), -24\cos(8)\}$
- , E)
- $\{-48\cos(8), 12\cos(8)\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.15. No.15.

(1) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)  $5e^{2t} + 3e^{5t}$ , B)  $5e^{2t} + 4e^{5t}$ , C)  $4e^{2t} + 4e^{5t}$ , D)  $3e^{5t}$ , E)  $4e^{2t} + 3e^{5t}$

(2)  $2y' = -5y + 4$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)  $\{-\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$ , B)  $\{-\frac{1}{2}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{\frac{4}{5}, \text{instab.}\}$ , D)  $\{\frac{2}{5}, \text{stab.}\}$ , E)  $\{\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$

(3) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)  $20e^{5t} - 15e^{4t}$ , B)  $20e^{5t} - 9e^{4t}$ , C)  $24e^{5t} - 13e^{4t}$ , D)  $24e^{5t} - 12e^{4t}$ , E)  $20e^{5t} - 10e^{4t}$

(4)  $3y' = -2y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{1+e^{2/3}}{e^{2/3}}$ , B)  $\frac{1}{\sqrt[3]{e}}$ , C)  $\frac{1}{e^{2/3}}$ , D)  $\frac{1+e^{2/3}}{2e^{2/3}}$ , E)  $\frac{2}{e^{2/3}}$

(5) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(2, -2), f'_y(2, -2))$ ?

- A)  $\{-32 \cos(16), -32 \cos(16)\}$ , B)  $\{-16 \cos(16), 32 \cos(16)\}$ , C)  $\{16 \cos(16), -16 \cos(16)\}$ , D)  $\{16 \cos(16), 16 \cos(16)\}$ , E)  $\{16 \cos(16), 32 \cos(16)\}$

(6)  $y'' + 9y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $\sin(3)$ , B)  $\frac{5+7e^6}{3e^3}$ , C)  $\frac{1}{3}(2 \sin(3) + 9 \cos(3))$ , D)  $\sin(3) + 3 \cos(3)$ , E)  $\frac{7+11e^6}{6e^3}$

(7)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $\frac{19e-15}{e^4}$ , B)  $-e^3(9e - 13)$ , C)  $-e^3(13e - 18)$ , D)  $-2e^3(5e - 7)$ , E)  $\frac{2(9e-7)}{e^4}$

(8)  $y' = (y+2)(y-1)(4-y)$ ,  $y(0) = -1$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)  $\{1, \infty\}$ , B)  $\{-2, 1\}$ , C)  $\{4, -2\}$ , D)  $\{1, -2\}$ , E)  $\{-2, -\infty\}$

(9)  $y' = -2y + e^{-1x}$ ,  $y(0) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{2+e^2}{e^4}$ , B)  $4e^4$ , C)  $3e^2$ , D)  $1 + 3e^4$ , E)  $\frac{1}{2}(1 + 5e^4)$

(10)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelmezett az  $y(x)$  megoldás?

- A)  $\frac{1}{2}$ , B) 13.2, C)  $\frac{1}{4}$ , D) 4, E) 2

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.16. No.16.

(1) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

A)  $12e^{5t} - 6e^{4t}$ , B)  $12e^{5t} - 8e^{4t}$ , C)  $15e^{5t} - 8e^{4t}$ , D)  $12e^{5t} - 5e^{4t}$ , E)  $15e^{5t} - 7e^{4t}$

(2)  $4y' = 2y$ ,  $y(1) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $6\sqrt{e}$ , B)  $\frac{1}{2}(11\sqrt{e} - 1)$ , C)  $5e^{3/4}$ , D)  $1 + 5\sqrt{e}$ , E)  $5\sqrt{e}$

(3)  $y' = (y+5)(y-2)(7-y)$ ,  $y(0) = -4$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

A)  $\{2, -5\}$ , B)  $\{7, -5\}$ , C)  $\{-5, -\infty\}$ , D)  $\{2, \infty\}$ , E)  $\{-5, 2\}$

(4)  $4y' = -5y + 2$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

A)  $\{-\frac{2}{5}, \text{stab.}\}$ , B)  $\{-2, \text{stab.}\}$ , C)  $\{\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$ , D)  $\{\frac{2}{5}, \text{instab.}\}$ , E)  $\{\frac{2}{5}, \text{stab.}\}$

(5)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $-e^3(11e - 15)$ , B)  $\frac{2(9e - 7)}{e^4}$ , C)  $-e^3(14e - 19)$ , D)  $-2e^3(5e - 7)$ , E)  $\frac{17e - 13}{e^4}$

(6)  $y'' + 16y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{1}{2}(\sin(4) + 10\cos(4))$ , B)  $\frac{3\sin(4)}{4}$ , C)  $\frac{9+11e^8}{4e^4}$ , D)  $\frac{1}{2}(\sin(4) + 8\cos(4))$ , E)  $\frac{7+9e^8}{4e^4}$

(7)  $y' = -5y + e^{-4x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $\frac{5+e^{10}}{e^{10}}$ , B)  $\frac{24+e^{10}}{5e^{10}}$ , C)  $\frac{4+e^2}{e^{10}}$ , D)  $\frac{6}{e^{10}}$ , E)  $\frac{5}{e^8}$

(8)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

A)  $\frac{1}{6}$ , B)  $\frac{2}{9}$ , C)  $\frac{2}{3}$ , D)  $\frac{3}{2}$ , E)  $\frac{3}{4}$

(9) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, 2), f'_y(-2, 2))$ ?

A)  $\{16\cos(16), -32\cos(16)\}$ , B)  $\{-16\cos(16), 16\cos(16)\}$ , C)  $\{-32\cos(16), 32\cos(16)\}$ , D) 13.2, E)  $\{32\cos(16), -32\cos(16)\}$

(10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

A) 13.2, B)  $9e^{3t}$ , C)  $3e^{3t}$ , D)  $10e^{3t}$ , E)  $8e^{3t}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.17. No.17.

- (1) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(1, -2), f'_y(1, -2))$ ?  
 A)  $\{-24 \cos(8), -12 \cos(8)\}$ , B)  $\{-24 \cos(8), 12 \cos(8)\}$ , C)  $\{-48 \cos(8), 24 \cos(8)\}$ , D)  $\{24 \cos(8), 24 \cos(8)\}$ , E)  $\{-48 \cos(8), -12 \cos(8)\}$
- (2)  $y' = 5y + e^{6x}$ ,  $y(0) = 4$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{4}{e^6}$ , B)  $\frac{5}{e^5}$ , C)  $e^{10}(3 + e^2)$ , D)  $-\frac{e^5 - 21}{5e^5}$ , E)  $\frac{4 + e^5}{e^5}$
- (3) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $9e^{3t} - 3e^{2t}$ , B)  $9e^{3t} - 2e^{2t}$ , C)  $12e^{3t} - 4e^{2t}$ , D)  $9e^{3t} - 6e^{2t}$ , E)  $12e^{3t} - 5e^{2t}$
- (4)  $y'' + 9y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $2\sin(3) + \cos(3)$ , B)  $\frac{1+11e^6}{6e^3}$ , C)  $\frac{1}{3}(5\sin(3) + 3\cos(3))$ , D)  $\frac{(2e^3-1)(1+2e^3)}{3e^3}$ , E)  $2\sin(3)$
- (5)  $y' = (y+2)(y-5)(6-y)$ ,  $y(0) = -1$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
 A)  $\{-2, 5\}$ , B)  $\{-2, -\infty\}$ , C)  $\{5, -2\}$ , D)  $\{6, -2\}$ , E)  $\{5, \infty\}$
- (6)  $y' = 4y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM értelmezett az  $y(x)$  megoldás?  
 A)  $\frac{3}{4}$ , B)  $\frac{3}{16}$ , C)  $\frac{4}{9}$ , D)  $\frac{4}{3}$ , E)  $\frac{1}{12}$
- (7)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{4e-3}{e^3}$ , B)  $-e^2(3e-5)$ , C)  $e^2$ , D)  $\frac{5e-4}{e^3}$ , E)  $-(e-2)e^2$
- (8)  $5y' = -3y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?  
 A)  $\{-5, \text{stab.}\}$ , B)  $\{-\frac{1}{3}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{\frac{1}{3}, \text{stab.}\}$ , D)  $\{\frac{1}{3}, \text{instab.}\}$ , E)  $\{\frac{5}{3}, \text{stab.}\}$
- (9)  $-2y' = -1y$ ,  $y(1) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $1 + 2\sqrt{e}$ , B)  $3$ , C)  $4\sqrt{e}$ , D)  $3\sqrt{e}$ , E)  $1 + 3\sqrt{e}$
- (10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az osszeget!  
 A)  $6e^{3t} + 2e^{4t}$ , B)  $2e^{4t}$ , C)  $6e^{3t} + 3e^{4t}$ , D)  $5e^{3t} + 2e^{4t}$ , E)  $5e^{3t} + 3e^{4t}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.18. No.18.

(1)  $y' = 5y + e^{6x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $\frac{5}{e^4}$ , B)  $-\frac{e^{10/3}-26}{5e^{10/3}}$ , C)  $e^{10}(4+e^2)$ , D)  $\frac{5+e^{10/3}}{e^{10/3}}$ , E)  $\frac{6}{e^{10/3}}$

(2)  $y'' - 3y' + 2y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{4(3e-2)}{e^2}$ , B)  $\frac{13e-9}{e^2}$ , C)  $-(e-6)e$ , D)  $4e$ , E)  $e(3+e)$

(3) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(2, 1), f'_y(2, 1))$ ?

A)  $\{12\cos(8), 24\cos(8)\}$ , B)  $\{-12\cos(8), -48\cos(8)\}$ , C)  $\{12\cos(8), -24\cos(8)\}$ , D)  $\{-24\cos(8), -24\cos(8)\}$ , E)  $\{12\cos(8), -48\cos(8)\}$

(4)  $3y' = 2y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $1 + e^{2/3}$ , B)  $\frac{1}{2}(3e^{2/3} - 1)$ , C)  $e$ , D)  $e^{2/3}$ , E)  $2e^{2/3}$

(5)  $y' = (y+5)(y-2)(6-y)$ ,  $y(0) = -4$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

A)  $\{-5, 2\}$ , B)  $\{6, -5\}$ , C)  $\{-5, -\infty\}$ , D)  $\{2, -5\}$ , E)  $\{2, \infty\}$

(6)  $-3y' = -4y + 2$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

A)  $\{\frac{3}{2}, \text{instab.}\}$ , B)  $\{\frac{1}{2}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{-\frac{1}{2}, \text{instab.}\}$ , D)  $\{\frac{1}{2}, \text{instab.}\}$ , E)  $\{-\frac{3}{4}, \text{instab.}\}$

(7) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

A)  $9e^{4t} - 3e^{3t}$ , B)  $9e^{4t} - 6e^{3t}$ , C)  $9e^{4t} - 4e^{3t}$ , D)  $12e^{4t} - 6e^{3t}$ , E)  $12e^{4t} - 5e^{3t}$

(8)  $y'' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{1}{2}(3\sin(2) + 8\cos(2))$ , B)  $2(\sin(2) + 2\cos(2))$ , C)  $\frac{7+13e^4}{4e^2}$ , D)  $2\sin(2)$ , E)  $\frac{5+11e^4}{4e^2}$

(9)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelmezett az  $y(x)$  megoldás?

A) 4, B) 13.2, C)  $\frac{1}{2}$ , D) 2, E)  $\frac{1}{4}$

(10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

A)  $2e^{2t}$ , B)  $2e^{2t} + 3e^{4t}$ , C)  $2e^{2t} + 4e^{4t}$ , D)  $3e^{2t} + 3e^{4t}$ , E)  $3e^{2t} + 4e^{4t}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.19. No.19.

(1)  $4y' = -4y$ ,  $y(1) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $\frac{3+e}{e}$
- , B)
- $\frac{4}{e}$
- , C)
- $\frac{3}{e^{3/4}}$
- , D)
- $\frac{11+e}{4e}$
- , E)
- $\frac{3}{e}$

(2)  $y'' + 1y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $\frac{1+3e^2}{e}$
- , B)
- $3\sin(1)$
- , C)
- $2\sin(1) + 5\cos(1)$
- , D)
- $\frac{3+7e^2}{2e}$
- , E)
- $2(\sin(1) + 2\cos(1))$

(3)  $y' = (y+3)(y-5)(7-y)$ ,  $y(0) = -2$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)
- $\{7, -3\}$
- , B)
- $\{5, \infty\}$
- , C)
- $\{-3, 5\}$
- , D)
- $\{-3, -\infty\}$
- , E)
- $\{5, -3\}$

(4)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 3$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM értelmezett az  $y(x)$  megoldás?

- A)
- $\frac{3}{25}$
- , B)
- $\frac{5}{3}$
- , C)
- $\frac{1}{15}$
- , D)
- $\frac{5}{9}$
- , E)
- $\frac{3}{5}$

(5)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)
- $-e^2(3e-7)$
- , B)
- $-4(e-2)e^2$
- , C)
- $-e^2(6e-11)$
- , D)
- $\frac{4(4e-3)}{e^3}$
- , E)
- $\frac{17e-13}{e^3}$

(6)  $2y' = 1y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)
- $\{1, \text{instab.}\}$
- , B)
- $13.2$
- , C)
- $\{-2, \text{instab.}\}$
- , D)
- $\{-1, \text{stab.}\}$
- , E)
- $\{-1, \text{instab.}\}$

(7) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $25e^{3t} - 16e^{2t}$
- , B)
- $25e^{3t} - 20e^{2t}$
- , C)
- $25e^{3t} - 17e^{2t}$
- , D)
- $30e^{3t} - 20e^{2t}$
- , E)
- $30e^{3t} - 21e^{2t}$

(8) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

- A)
- $5e^{3t} + 4e^{4t}$
- , B)
- $3e^{4t}$
- , C)
- $4e^{3t} + 3e^{4t}$
- , D)
- $5e^{3t} + 3e^{4t}$
- , E)
- $4e^{3t} + 4e^{4t}$

(9)  $y' = 1y + e^{2x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)
- $e^4$
- , B)
- $2e^{2/5}$
- , C)
- $2e^{2/5} - 1$
- , D)
- $1 + e^{2/5}$
- , E)
- $e^{4/5}$

(10) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(-1, 1), f'_y(-1, 1))$ ?

- A)
- $\{3\cos(1), 4\cos(1)\}$
- , B)
- $\{3\cos(1), -2\cos(1)\}$
- , C)
- $\{3\cos(1), 2\cos(1)\}$
- , D)
- $\{-3\cos(1), 4\cos(1)\}$
- , E)
- $\{6\cos(1), -2\cos(1)\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.20. No.20.

(1) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

A)  $20e^{3t} - 14e^{2t}$ , B)  $15e^{3t} - 10e^{2t}$ , C)  $20e^{3t} - 13e^{2t}$ , D)  $15e^{3t} - 12e^{2t}$ , E)  $15e^{3t} - 9e^{2t}$

(2) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(1, 2), f'_y(1, 2))$ ?

A)  $\{-24 \cos(4), -4 \cos(4)\}$ , B)  $\{-12 \cos(4), 8 \cos(4)\}$ , C)  $\{-24 \cos(4), -8 \cos(4)\}$ , D)  $\{24 \cos(4), -8 \cos(4)\}$ , E)  $\{12 \cos(4), 4 \cos(4)\}$

(3)  $y' = 3y + e^{4x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $e^6(4 + e^2)$ , B)  $1 + 5e^{6/5}$ , C)  $6e^{6/5}$ , D)  $\frac{1}{3}(4e^{3/5} - 1)(1 + 4e^{3/5})$ , E)  $5e^{8/5}$

(4)  $y'' + 9y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{1}{3}(5 \sin(3) + 12 \cos(3))$ , B)  $\frac{5(1+2e^6)}{3e^3}$ , C)  $\frac{7+17e^6}{6e^3}$ , D)  $2(\sin(3) + 2 \cos(3))$ , E)  $2 \sin(3)$

(5)  $-5y' = 1y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $\frac{2}{\sqrt[5]{e}}$ , B)  $-\frac{\sqrt[5]{e}-2}{\sqrt[5]{e}}$ , C)  $\frac{1+\sqrt[5]{e}}{\sqrt[5]{e}}$ , D)  $\frac{1}{e^{2/5}}$ , E)  $\frac{1}{\sqrt[5]{e}}$

(6)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM ertelemezett az  $y(x)$  megoldás?

A)  $\frac{1}{2}$ , B) 2, C) 13.2, D) 4, E)  $\frac{1}{4}$

(7)  $5y' = -2y + 4$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

A)  $\{-2, \text{stab.}\}$ , B)  $\{-\frac{5}{4}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{2, \text{instab.}\}$ , D)  $\{2, \text{stab.}\}$ , E)  $\{\frac{5}{2}, \text{stab.}\}$

(8)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $-(e-4)e^2$ , B)  $\frac{2(6e-5)}{e^3}$ , C)  $\frac{11e-9}{e^3}$ , D)  $e^2(1+e)$ , E)  $2e^3$

(9) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!

A)  $3e^{4t} + 3e^{5t}$ , B)  $4e^{4t} + 3e^{5t}$ , C)  $3e^{4t} + 2e^{5t}$ , D)  $4e^{4t} + 2e^{5t}$ , E)  $2e^{5t}$

(10)  $y' = (y+4)(y-5)(9-y)$ ,  $y(0) = -3$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

A)  $\{9, -4\}$ , B)  $\{-4, -\infty\}$ , C)  $\{5, \infty\}$ , D)  $\{-4, 5\}$ , E)  $\{5, -4\}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad ,$

## 0.21. No.21.

- (1)  $y' = (y+4)(y-1)(5-y)$ ,  $y(0) = -3$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?  
 A)  $\{5, -4\}$ , B)  $\{-4, -\infty\}$ , C)  $\{1, \infty\}$ , D)  $\{1, -4\}$ , E)  $\{-4, 1\}$
- (2) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(2, 2), f'_y(2, 2))$ ?  
 A)  $\{-192 \cos(64), -96 \cos(64)\}$ , B)  $\{-96 \cos(64), -96 \cos(64)\}$ , C)  $\{192 \cos(64), 96 \cos(64)\}$ , D)  $\{96 \cos(64), 96 \cos(64)\}$ , E)  $\{96 \cos(64), -192 \cos(64)\}$
- (3)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?  
 A) 13.2, B) 8, C) 1, D)  $\frac{1}{2}$ , E)  $\frac{1}{4}$
- (4) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!  
 A)  $20e^{3t} - 15e^{2t}$ , B)  $24e^{3t} - 16e^{2t}$ , C)  $20e^{3t} - 13e^{2t}$ , D)  $24e^{3t} - 15e^{2t}$ , E)  $20e^{3t} - 12e^{2t}$
- (5) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldásvektorának az elemeinek az összeget!  
 A)  $2e^{3t}$ , B)  $4e^{2t} + 2e^{3t}$ , C)  $3e^{2t} + 3e^{3t}$ , D)  $4e^{2t} + 3e^{3t}$ , E)  $3e^{2t} + 2e^{3t}$
- (6)  $y' = -2y + e^{-1x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{1}{e^2}$ , B)  $\frac{1+e}{2}$ , C)  $\sqrt{e}$ , D)  $1+e$ , E)  $2e$
- (7)  $y'' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{9+11e^4}{4e^2}$ , B)  $\sin(2)$ , C)  $\frac{1}{2}(\sin(2) + 8\cos(2))$ , D)  $\frac{7+9e^4}{4e^2}$ , E)  $\sin(2) + 4\cos(2)$
- (8)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 1$ . Mennyi  $y(1)$ ?  
 A)  $\frac{2(9e-7)}{e^4}$ , B)  $-2e^3(5e-7)$ , C)  $-e^3(11e-15)$ , D)  $-e^3(14e-19)$ , E)  $\frac{17e-13}{e^4}$
- (9)  $4y' = -2y + 5$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?  
 A)  $\{\frac{5}{2}, \text{instab.}\}$ , B)  $\{-\frac{5}{2}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{2, \text{stab.}\}$ , D)  $\{\frac{5}{2}, \text{stab.}\}$ , E)  $\{-\frac{4}{5}, \text{stab.}\}$
- (10)  $5y' = 3y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?  
 A)  $\frac{1}{3}(4e^{3/5} - 1)$ , B)  $(1 + \sqrt[5]{e})(1 - \sqrt[5]{e} + e^{2/5})$ , C)  $2e^{3/5}$ , D)  $e^{3/5}$ , E)  $e^{4/5}$

$1^2$ : ,  $2^2$ : ,  $3^2$ : ,  $4^2$ : ,  $5^2$ : ,  $6^2$ : ,  $7^2$ : ,  $8^2$ : ,  $9^2$ : ,  $10^2$ : ,

## 0.22. No.22.

(1) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $3e^{3t} + 6e^{5t}$ , B)  $4e^{3t} + 5e^{5t}$ , C)  $5e^{5t}$ , D)  $3e^{3t} + 5e^{5t}$ , E)  $4e^{3t} + 6e^{5t}$

(2)  $y' = -2y + e^{-1x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{1}{2}(1 + 9e^4)$ , B)  $\frac{4+e^2}{e^4}$ , C)  $6e^4$ , D)  $1 + 5e^4$ , E)  $5e^2$

(3)  $y'' - 7y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 2$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $\frac{2(9e-7)}{e^4}$ , B)  $-e^3(7e - 10)$ , C)  $\frac{3(5e-4)}{e^4}$ , D)  $-3e^3(2e - 3)$ , E)  $-2e^3(5e - 7)$

(4)  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $\sin(5) + 2\cos(5)$ , B)  $\frac{6\sin(5)}{5}$ , C)  $\frac{1+3e^{10}}{2e^5}$ , D)  $\frac{1+2e^{10}}{e^5}$ , E)  $\sin(5) + 3\cos(5)$

(5)  $5y' = 2y$ ,  $y(1) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $1 + 3e^{2/5}$ , B)  $3e^{3/5}$ , C)  $3e^{2/5}$ , D)  $4e^{2/5}$ , E)  $\frac{1}{2}(7e^{2/5} - 1)$

(6)  $y' = (y + 5)(y - 1)(5 - y)$ ,  $y(0) = -4$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)  $\{-5, -\infty\}$ , B)  $\{1, -5\}$ , C)  $\{-5, 1\}$ , D)  $\{1, \infty\}$ , E)  $\{5, -5\}$

(7) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $12e^{5t} - 6e^{4t}$ , B)  $8e^{5t} - 2e^{4t}$ , C)  $12e^{5t} - 5e^{4t}$ , D)  $8e^{5t} - 3e^{4t}$ , E)  $8e^{5t} - 6e^{4t}$

(8) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(2, -2), f'_y(2, -2))$ ?

- A)  $\{32\cos(32), -48\cos(32)\}$ , B)  $\{-64\cos(32), -96\cos(32)\}$ , C)  $\{32\cos(32), 48\cos(32)\}$ , D)  $\{-32\cos(32), 48\cos(32)\}$ , E)  $\{-64\cos(32), 96\cos(32)\}$

(9)  $-3y' = -3y + 2$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)  $\{-1, \text{instab.}\}$ , B)  $\{\frac{2}{3}, \text{stab.}\}$ , C)  $\{-\frac{2}{3}, \text{instab.}\}$ , D)  $\{\frac{2}{3}, \text{instab.}\}$ , E)  $\{\frac{3}{2}, \text{instab.}\}$

(10)  $y' = 3y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb  $x$  érték, ahol már NEM értelmezett az  $y(x)$  megoldás?

- A) 13.2, B)  $\frac{1}{3}$ , C) 9, D) 3, E)  $\frac{1}{9}$

$1^2:$  ,  $2^2:$  ,  $3^2:$  ,  $4^2:$  ,  $5^2:$  ,  $6^2:$  ,  $7^2:$  ,  $8^2:$  ,  $9^2:$  ,  $10^2:$  ,

## 0.23. No.23.

(1)  $y' = (y+2)(y-4)(8-y)$ ,  $y(0) = -1$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)  $\{-2, -\infty\}$ , B)  $\{4, -2\}$ , C)  $\{4, \infty\}$ , D)  $\{8, -2\}$ , E)  $\{-2, 4\}$

(2) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $15e^{4t} - 7e^{3t}$ , B)  $18e^{4t} - 8e^{3t}$ , C)  $18e^{4t} - 9e^{3t}$ , D)  $15e^{4t} - 6e^{3t}$ , E)  $15e^{4t} - 10e^{3t}$

(3) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $5e^{3t} + 5e^{5t}$ , B)  $5e^{5t}$ , C)  $4e^{3t} + 6e^{5t}$ , D)  $4e^{3t} + 5e^{5t}$ , E)  $5e^{3t} + 6e^{5t}$

(4)  $y'' + 1y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$  ?

- A)  $3\sin(1) + 2\cos(1)$ , B)  $4\sin(1)$ , C)  $3e$ , D)  $\frac{5e^2 - 1}{2e}$ , E)  $3(\sin(1) + \cos(1))$

(5)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 1$ . Mi az a legkisebb x erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)  $\frac{1}{5}$ , B) 25, C)  $\frac{1}{25}$ , D) 13.2, E) 5

(6)  $y'' - 3y' + 2y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$  ?

- A)  $e(4e - 3)$ , B)  $\frac{7e - 6}{e^2}$ , C)  $e(5e - 4)$ , D)  $\frac{8e - 7}{e^2}$ , E)  $e(3e - 1)$

(7) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^2)$ . Mennyi  $(f'_x(-2, 1), f'_y(-2, 1))$ ?

- A)  $\{24\cos(8), -16\cos(8)\}$ , B) 13.2, C)  $\{12\cos(8), -16\cos(8)\}$ , D)  $\{24\cos(8), -32\cos(8)\}$ , E)  $\{-12\cos(8), -32\cos(8)\}$

(8)  $y' = 5y + e^{6x}$ ,  $y(0) = 5$ . Mennyi  $y(2)$  ?

- A)  $\frac{1}{5}(26e^2 - 1)$ , B)  $1 + 5e^2$ , C)  $6e^2$ , D)  $5e^{12/5}$ , E)  $e^{10}(4 + e^2)$

(9)  $3y' = -1y$ ,  $y(1) = 5$ . Mennyi  $y(2)$  ?

- A)  $\frac{5 + \sqrt[3]{e}}{\sqrt[3]{e}}$ , B)  $\frac{4 + \sqrt[3]{e}}{\sqrt[3]{e}}$ , C)  $\frac{5}{\sqrt[3]{e}}$ , D)  $\frac{6}{\sqrt[3]{e}}$ , E) 5

(10)  $5y' = 1y + 1$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)  $\{1, \text{instab.}\}$ , B)  $\{-1, \text{stab.}\}$ , C) 13.2, D)  $\{-1, \text{instab.}\}$ , E)  $\{-5, \text{instab.}\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.24. No.24.

(1)  $y'' + 16y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 3$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $\frac{3(3+5e^8)}{8e^4}$ , B)  $\sin(4) + 3\cos(4)$ , C)  $\frac{13+19e^8}{8e^4}$ , D)  $\sin(4)$ , E)  $\frac{3}{4}(\sin(4) + 4\cos(4))$

(2) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^2/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-1, -2), f'_y(-1, -2))$ ?

- A)  $\{-16\cos(8), -24\cos(8)\}$ , B)  $\{16\cos(8), -12\cos(8)\}$ , C)  $\{16\cos(8), 12\cos(8)\}$ , D)  $\{-16\cos(8), 12\cos(8)\}$ , E)  $\{32\cos(8), 24\cos(8)\}$

(3) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $15e^{4t} - 10e^{3t}$ , B)  $15e^{4t} - 4e^{3t}$ , C)  $18e^{4t} - 7e^{3t}$ , D)  $18e^{4t} - 6e^{3t}$ , E)  $15e^{4t} - 5e^{3t}$

(4)  $2y' = -5y$ ,  $y(1) = 5$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{6}{e^{5/2}}$ , B)  $\frac{5}{e^2}$ , C)  $\frac{5+e^{5/2}}{e^{5/2}}$ , D)  $\frac{24+e^{5/2}}{5e^{5/2}}$ , E)  $\frac{5}{e^{5/2}}$

(5)  $y'' - 3y' + 2y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 4$ . Mennyi  $y(1)$ ?

- A)  $e(4e - 3)$ , B)  $2e^2$ , C)  $e(3e - 2)$ , D)  $\frac{2(4e - 3)}{e^2}$ , E)  $\frac{6e - 5}{e^2}$

(6) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \end{pmatrix}$  DE  $y$  megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

- A)  $6e^{2t} + 6e^{3t}$ , B)  $6e^{2t} + 5e^{3t}$ , C)  $5e^{2t} + 5e^{3t}$ , D)  $5e^{2t}$ , E)  $5e^{2t} + 6e^{3t}$

(7)  $y' = 5y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb  $x$  erték, ahol már NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldás?

- A)  $\frac{5}{4}$ , B)  $\frac{2}{25}$ , C)  $\frac{2}{5}$ , D)  $\frac{5}{2}$ , E)  $\frac{1}{10}$

(8)  $3y' = -3y + 4$ . Hol van a DE fixpontja és milyen annak a stabilitása?

- A)  $\{\frac{4}{3}, \text{stab.}\}$ , B)  $\{1, \text{stab.}\}$ , C)  $\{-\frac{3}{4}, \text{stab.}\}$ , D)  $\{-\frac{4}{3}, \text{stab.}\}$ , E)  $\{\frac{4}{3}, \text{instab.}\}$

(9)  $y' = 5y + e^{6x}$ ,  $y(0) = 3$ . Mennyi  $y(2)$ ?

- A)  $\frac{3}{e^{12}}$ , B)  $\frac{4}{e^{10}}$ , C)  $\frac{3+e^{10}}{e^{10}}$ , D)  $-\frac{(e^5-4)(4+e^5)}{5e^{10}}$ , E)  $e^{10}(2+e^2)$

(10)  $y' = (y+1)(y-5)(10-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

- A)  $\{5, -1\}$ , B)  $\{10, -1\}$ , C)  $\{5, \infty\}$ , D)  $\{-1, -\infty\}$ , E)  $\{-1, 5\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## 0.25. No.25.

(1)  $y'' - 5y' + 6y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $-5(e-2)e^2$ , B)  $\frac{2(9e-7)}{e^3}$ , C)  $-2(e-3)e^2$ , D)  $-e^2(3e-7)$ , E)  $\frac{5(4e-3)}{e^3}$

(2) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

A)  $9e^{3t} - 2e^{2t}$ , B)  $6e^{3t}$ , C)  $9e^{3t} - 3e^{2t}$ , D)  $6e^{3t} - 4e^{2t}$ , E)  $6e^{3t} - e^{2t}$

(3)  $1y' = -2y$ ,  $y(1) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $\frac{1}{e}$ , B)  $\frac{1}{e^2}$ , C)  $\frac{2}{e^2}$ , D)  $\frac{1+e^2}{e^2}$ , E)  $\frac{1+e^2}{2e^2}$

(4)  $y' = 2y^2$ ,  $y(0) = 2$ . Mi az a legkisebb x ertek, ahol mar NEM ertelemzett az  $y(x)$  megoldas?

A)  $\frac{1}{4}$ , B) 1, C) 8, D)  $\frac{1}{2}$ , E) 13.2

(5) Legyen  $f(x, y) = \sin(x^3/y^3)$ . Mennyi  $(f'_x(-1, -1), f'_y(-1, -1))$ ?

A)  $\{-6 \cos(1), 6 \cos(1)\}$ , B)  $\{-3 \cos(1), -3 \cos(1)\}$ , C)  $\{6 \cos(1), 3 \cos(1)\}$ , D)  $\{6 \cos(1), 6 \cos(1)\}$ , E)  $\{3 \cos(1), 6 \cos(1)\}$

(6)  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 5$ . Mennyi  $y(1)$ ?

A)  $\frac{3+5e^{10}}{2e^5}$ , B)  $\frac{2+3e^{10}}{e^5}$ , C)  $\sin(5) + 5 \cos(5)$ , D)  $\sin(5) + 4 \cos(5)$ , E)  $\frac{6 \sin(5)}{5}$

(7)  $-4y' = -1y + 3$ . Hol van a DE fixpontja es milyen annak a stabilitasa?

A)  $\{3, \text{instab.}\}$ , B)  $\{3, \text{stab.}\}$ , C)  $\{\frac{4}{3}, \text{instab.}\}$ , D)  $\{-4, \text{instab.}\}$ , E)  $\{-3, \text{instab.}\}$

(8)  $y' = (y+1)(y-5)(8-y)$ ,  $y(0) = 0$ . Mennyi  $\{\lim_{x \rightarrow \infty} y(x), \lim_{x \rightarrow -\infty} y(x)\}$ ?

A)  $\{-1, -\infty\}$ , B)  $\{5, -1\}$ , C)  $\{8, -1\}$ , D)  $\{-1, 5\}$ , E)  $\{5, \infty\}$

(9)  $y' = 5y + e^{6x}$ ,  $y(0) = 1$ . Mennyi  $y(2)$ ?

A)  $\frac{1+e^2}{e^2}$ , B)  $\frac{2}{e^2}$ , C)  $e^{12}$ , D)  $\frac{1}{e^{12/5}}$ , E)  $-\frac{e^2-6}{5e^2}$

(10) Keresd meg az  $\frac{d}{dt}y = \begin{pmatrix} 4 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}y$ ,  $y(0) = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$  DE y megoldasvektorának az elemeinek az osszeget!

A)  $3e^{3t} + 2e^{4t}$ , B)  $2e^{3t}$ , C)  $3e^{3t} + 3e^{4t}$ , D)  $2e^{3t} + 2e^{4t}$ , E)  $2e^{3t} + 3e^{4t}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: ,

## Megoldás

1	1 <sup>2</sup> :C,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :B,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :E,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :A,
2	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :D,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :B,	8 <sup>2</sup> :E,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :E,
3	1 <sup>2</sup> :A,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :E,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :E,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :D,
4	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :B,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :E,
5	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :B,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :A,
6	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :C,
7	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :D,
8	1 <sup>2</sup> :C,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :C,
9	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :D,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :E,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :E,	10 <sup>2</sup> :B,
10	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :B,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :D,
11	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :D,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :B,	8 <sup>2</sup> :E,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :E,
12	1 <sup>2</sup> :A,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :B,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :B,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :A,
13	1 <sup>2</sup> :A,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :A,
14	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :B,
15	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :B,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :A,
16	1 <sup>2</sup> :A,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :E,
17	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :E,	7 <sup>2</sup> :E,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :D,
18	1 <sup>2</sup> :C,	2 <sup>2</sup> :D,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :B,
19	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :E,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :B,
20	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :D,
21	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :D,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :D,
22	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :B,
23	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :E,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :D,
24	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :E,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :E,	10 <sup>2</sup> :E,
25	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :D,