

Név:

Aláírás:

## 0.1. No.1.

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A)  $-\frac{9}{2}$ , B)  $-\frac{11}{2}$ , C)  $-\frac{15}{2}$ , D)  $-\frac{13}{2}$ , E)  $-\frac{7}{2}$
- (2) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & -\frac{11}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{11}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- (3) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 2x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$ ?  
 A)  $5\Delta x + 52$ , B)  $3\Delta x + 56$ , C)  $2\Delta x + 55$ , D)  $4\Delta x + 55$ , E)  $3\Delta x + 51$
- (4) Ird fel az  $\{1, -3, 1\}$  normalvektort, es a  $\{-3, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{5}$ , B)  $-\frac{3}{10}$ , C)  $\frac{1}{10}$ , D) 0, E)  $\frac{1}{5}$
- (5) Legyen  $f(x) = 6x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ , B)  $\sqrt{3}$ , C) 0, D)  $-\sqrt{3}$ , E)  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 1, 2\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 1, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?  
 A) 7, B) 9, C) 5, D) 8, E) 6
- (7) Legyen  $f(x) = 9x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyet!  
 A)  $-\sqrt{\frac{7}{3}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{3}{7}}$ , C)  $\sqrt{\frac{3}{7}}$ , D) 0, E)  $\sqrt{\frac{7}{3}}$
- (8) Legyen  $u = 1 + 3i$ ,  $v = 2 + 4i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?  
 A)  $-6 + 7i$ , B)  $-4 + 8i$ , C)  $-3 + 7i$ , D)  $-6 + 10i$ , E)  $-2 + 10i$
- (9) Legyen  $-3 - 3i + (-3 + 3i)z = 3 + 3i$ . Mennyi  $z$ ?  
 A) -2, B) 2, C) 1, D)  $2 - 4i$ , E)  $-2i$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + y + z &= 2 \\ 2x + 5y &= 8 \\ x - 2y &= -5 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszerét. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 0, B) -2, C) -1, D) 2, E) -3
- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 0, B) 1, C) -1, D) 3, E) 2
- (12) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?  
 A)  $-\frac{1}{4}$ , B)  $-\frac{1}{8}$ , C)  $-\frac{9}{16}$ , D)  $-\frac{5}{16}$ , E)  $-\frac{1}{16}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>3</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:  
 ,

Név:

Aláírás:

## 0.2. No.2.

(1) Legyen  $f(x) = 12x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!

- A)  $-\frac{\sqrt{5}}{2}$ , B)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ , C) 0, D)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$ , E)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$

(2) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 3, 2\}$ ,  $\bar{c} = \{1, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

- A) 0, B) -3, C) 1, D) -1, E) -2

(3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -2 \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

(4) Ird fel az  $\{-3, -2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 2, B) 1, C) -2, D) 0, E) -1

(5) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 2y + 2z &= 4 \\ -x - 5y - z &= -11 \\ x + 5y - 2z &= 14 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 3, B) 0, C) -2, D) -1, E) 4

(6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 7, B) 8, C) 9, D) 6, E) 10

(7) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?

- A)  $3\Delta x + 20$ , B)  $3\Delta x + 22$ , C)  $2\Delta x + 19$ , D)  $18 - 2\Delta x$ , E)  $22 - 2\Delta x$

(8) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?

- A)  $-\frac{11}{2}$ , B)  $-\frac{15}{2}$ , C)  $-\frac{13}{2}$ , D)  $-\frac{9}{2}$ , E)  $-\frac{7}{2}$

(9) Legyen  $u = 4 + 3i$ ,  $v = 4 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

- A)  $36 + 11i$ , B)  $35 + 13i$ , C)  $37 + 12i$ , D)  $38 + 14i$ , E)  $35 + 14i$

(10) Legyen  $f(x) = 12x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!

- A) 0, B)  $-\frac{2}{3}$ , C)  $-\frac{3}{2}$ , D)  $\frac{3}{2}$ , E)  $\frac{2}{3}$

(11) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?

- A)  $-\frac{3}{256}$ , B)  $-\frac{3}{1024}$ , C)  $-\frac{5}{256}$ , D) 0, E)  $-\frac{15}{1024}$

(12) Legyen  $-2 + 3i + (1 + i)z = -1 + i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)  $-1 - \frac{i}{2}$ , B)  $-\frac{5i}{2}$ , C)  $-\frac{3}{2} - \frac{5i}{2}$ , D)  $-\frac{1}{2} - \frac{3i}{2}$ , E)  $-1 - 2i$

1<sup>3</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.3. No.3.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 18, B) 14, C) 16, D) 17, E) 15
- (3) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x + 2y - z &= 4 \\ -x &= -2 \\ x + 4y &= 10 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 3, B) 4, C) 2, D) 6, E) 1

- (4) Legyen  $f(x) = 1/x^2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?
- A)  $-\frac{5}{32}$ , B)  $-\frac{1}{16}$ , C)  $-\frac{7}{64}$ , D)  $\frac{1}{32}$ , E)  $-\frac{1}{64}$
- (5) Legyen  $u = 2 + i$ ,  $v = 1 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?
- A)  $7i$ , B)  $2 + 5i$ , C)  $-1 + 4i$ , D)  $1 + 6i$ , E)  $-1 + 8i$
- (6) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 4x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?
- A)  $\Delta x + 20$ , B)  $2\Delta x + 15$ , C) 14, D) 17, E)  $3\Delta x + 16$
- (7) Legyen  $\bar{a} = \{2, 1, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?
- A) -10, B) -11, C) -14, D) -13, E) -12
- (8) Ird fel az  $\{-2, -1, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{3, -1, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{3}{4}$ , B) 0, C)  $-\frac{1}{4}$ , D)  $\frac{1}{4}$ , E)  $-\frac{1}{2}$
- (9) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!
- A)  $\frac{2}{\sqrt{7}}$ , B)  $-\frac{\sqrt{7}}{2}$ , C) 0, D)  $\frac{\sqrt{7}}{2}$ , E)  $-\frac{2}{\sqrt{7}}$
- (10) Legyen  $2 - 3i + (-1 - 2i)z = 3 - 2i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $-\frac{2}{5} - \frac{i}{5}$ , B)  $-1 - \frac{i}{5}$ , C)  $-\frac{3}{5} + \frac{i}{5}$ , D)  $-\frac{4}{5} + \frac{2i}{5}$ , E)  $-\frac{1}{5} + \frac{2i}{5}$
- (11) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{1, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?
- A) -1, B) -2, C) -3, D) 1, E) 0
- (12) Legyen  $f(x) = 6x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!
- A)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ , B) 0, C)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$ , D)  $-\frac{\sqrt{2}}{3}$ , E)  $-\frac{3}{\sqrt{2}}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>1</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.4. №.4.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 8 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 16, B) 14, C) 17, D) 18, E) 15
- (2) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 3$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{1}{27}$ , B)  $-\frac{1}{243}$ , C)  $-\frac{1}{81}$ , D)  $-\frac{16}{243}$ , E)  $-\frac{11}{243}$
- (3) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 4x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
 A)  $9 - \Delta x$ , B)  $8$ , C)  $11 - \Delta x$ , D)  $10 - 2\Delta x$ , E)  $2\Delta x + 12$
- (4) Legyen  $u = 4 + i$ ,  $v = 2 + 4i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $15 + 17i$ , B)  $17 + 16i$ , C)  $16 + 17i$ , D)  $19 + 14i$ , E)  $19 + 15i$
- (5) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 2, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) 4, B) 3, C) 6, D) 2, E) 5
- (6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -4 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (7) Legyen  $f(x) = 12x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A)  $-\frac{\sqrt{5}}{2}$ , B) 0, C)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ , D)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$ , E)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$
- (8) Legyen  $-2 + 2i + (-2 - 3i)z = 1 - i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $\frac{3}{13} + \frac{15i}{13}$ , B)  $\frac{1}{13} + \frac{16i}{13}$ , C)  $\frac{1}{13} + \frac{17i}{13}$ , D)  $\frac{5}{13} + \frac{16i}{13}$ , E)  $\frac{2}{13} + i$
- (9) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A)  $-\frac{1}{3}$ , B)  $-\frac{4}{3}$ , C)  $-\frac{10}{3}$ , D)  $-\frac{7}{3}$ , E)  $-\frac{13}{3}$
- (10) Ird fel az  $\{-3, 2, -3\}$  normalvektor, es a  $\{-2, -1, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{8}{7}$ , B)  $-\frac{6}{7}$ , C)  $-1$ , D)  $-\frac{4}{7}$ , E)  $-\frac{5}{7}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x - y + 2z &= 8 \\ x - 2y + 4z &= 14 \\ -x + 3y - 3z &= -14 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A)  $-1$ , B)  $2$ , C)  $0$ , D)  $-2$ , E)  $-3$
- (12) Legyen  $f(x) = 6x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyet!  
 A)  $-\sqrt{\frac{2}{5}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ , C) 0, D)  $\sqrt{\frac{2}{5}}$ , E)  $\sqrt{\frac{5}{2}}$

$1^2: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^1: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^2: \quad , 9^1: \quad , 10^2: \quad , 11^3: \quad , 12^3: \quad$ ,

Név:

Aláírás:

## 0.5. №.5.

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) 6, B) 8, C) 7, D) 5, E) 9
- (2) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A) 0, B)  $-\frac{15}{1024}$ , C)  $-\frac{3}{256}$ , D)  $-\frac{5}{256}$ , E)  $-\frac{3}{1024}$
- (3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 16, B) 17, C) 18, D) 15, E) 14
- (4) Legyen  $-2 + 3i + (-1 + i)z = 1 + 3i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{5}{2} - i$ , B)  $-\frac{3}{2} - \frac{3i}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2} - \frac{i}{2}$ , D)  $-1 - \frac{5i}{2}$ , E)  $-1 - i$
- (5) Legyen  $f(x) = 9x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A)  $\sqrt{\frac{3}{5}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{5}{3}}$ , C) 0, D)  $-\sqrt{\frac{3}{5}}$ , E)  $\sqrt{\frac{5}{3}}$
- (6) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!  
 A)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , C)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , D) 0, E)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$
- (7) Ird fel az  $\{3, -2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{4}{13}$ , B)  $-\frac{5}{13}$ , C)  $-\frac{6}{13}$ , D)  $-\frac{8}{13}$ , E)  $-\frac{7}{13}$
- (8) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A)  $-\frac{19}{3}$ , B)  $-\frac{16}{3}$ , C)  $-\frac{10}{3}$ , D)  $-\frac{7}{3}$ , E)  $-\frac{13}{3}$
- (9) Legyen  $u = 4 + 4i$ ,  $v = 1 + 2i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $28 + 13i$ , B)  $26 + 11i$ , C)  $25 + 12i$ , D)  $27 + 10i$ , E)  $25 + 13i$
- (10) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 5x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$  ?  
 A)  $\Delta x + 32$ , B)  $4\Delta x + 31$ , C)  $4\Delta x + 36$ , D)  $5\Delta x + 35$ , E)  $3\Delta x + 36$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$
- (12) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x - y - z &= 5 \\ 2x - y - 4z &= 12 \\ 2x - 3y + z &= 6 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -4, B) -3, C) -7, D) -6, E) -8

1<sup>1</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>3</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.6. №.6.

- (1) Ird fel az  $\{-3, 1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-1$ , B)  $-\frac{4}{3}$ , C)  $-\frac{5}{6}$ , D)  $-\frac{3}{2}$ , E)  $-\frac{7}{6}$
- (2) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokális minimumának a helyét!
- A)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , B)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , C)  $\sqrt{2}$ , D)  $-\sqrt{2}$ , E)  $0$
- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{11}{6} \\ 0 & \frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{13}{6} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (4) Legyen  $u = 2 + 3i$ ,  $v = 3 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?
- A)  $7 + 12i$ , B)  $5 + 10i$ , C)  $8 + 11i$ , D)  $9 + 14i$ , E)  $6 + 10i$
- (5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $13.2$ , B)  $2$ , C)  $4$ , D)  $5$ , E)  $6$
- (6) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!
- A)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , C)  $0$ , D)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , E)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$
- (7) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?
- A)  $-6$ , B)  $-10$ , C)  $-7$ , D)  $-9$ , E)  $-8$
- (8) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 2x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?
- A)  $\Delta x + 45$ , B)  $4\Delta x + 40$ , C)  $5\Delta x + 42$ , D)  $3\Delta x + 40$ , E)  $6\Delta x + 38$
- (9) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 3, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?
- A)  $-3$ , B)  $-2$ , C)  $-1$ , D)  $-4$ , E)  $-5$
- (10) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?
- A)  $-\frac{11}{256}$ , B)  $-\frac{1}{128}$ , C)  $-\frac{15}{256}$ , D)  $-\frac{1}{32}$ , E)  $\frac{1}{256}$
- (11) Legyen  $2 - 2i + (-2 - 2i)z = 2 - i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $-\frac{1}{4} - \frac{i}{4}$ , B)  $-\frac{1}{2} - \frac{i}{2}$ , C)  $-\frac{3}{4} + \frac{i}{4}$ , D)  $-\frac{3i}{4}$ , E)  $\frac{1}{4} + \frac{i}{4}$
- (12) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= 7 \\ 2x - 7y - 7z &= 18 \\ -2x + y + 7z &= -12 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-4$ , B)  $0$ , C)  $-3$ , D)  $-5$ , E)  $-2$

$1^2: \quad , 2^3: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^1: \quad , 8^2: \quad , 9^1: \quad , 10^2: \quad , 11^2: \quad , 12^3: \quad$ ,

Név:

Aláírás:

## 0.7. No.7.

- (1) Legyen  $u = 3 + 2i$ ,  $v = 2 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $11 + 10i$ , B)  $12 + 9i$ , C)  $10 + 11i$ , D)  $8 + 13i$ , E)  $8 + 12i$
- (2) Legyen  $f(x) = 9x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjainak a helyet!  
 A) 0, B)  $\sqrt{\frac{3}{7}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{3}{7}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{7}{3}}$ , E)  $\sqrt{\frac{7}{3}}$
- (3) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 1, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 2, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) -9, B) -11, C) -10, D) -12, E) -8
- (4) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + y + z &= 0 \\ 2x + 3y - z &= -7 \\ -2x - 4y + z &= 8 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -2, B) -4, C) -1, D) 0, E) -3
- (5) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{3}{1024}$ , B)  $-\frac{3}{256}$ , C) 0, D)  $-\frac{15}{1024}$ , E)  $-\frac{5}{256}$
- (6) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!  
 A)  $\frac{2}{\sqrt{7}}$ , B)  $-\frac{\sqrt{7}}{2}$ , C) 0, D)  $\frac{\sqrt{7}}{2}$ , E)  $-\frac{2}{\sqrt{7}}$
- (7) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 1\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -7, B) -6, C) -4, D) -5, E) -3
- (8) Legyen  $-1 - i + (-2 - i)z = -2 - 3i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $1 + \frac{4i}{5}$ , B)  $\frac{3}{5} + i$ , C)  $\frac{6}{5} + \frac{i}{5}$ , D)  $\frac{4}{5} + \frac{3i}{5}$ , E)  $\frac{2}{5} + \frac{i}{5}$
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{-3, -2, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $-\frac{1}{2}$ , C) -1, D)  $\frac{1}{2}$ , E) 0
- (11) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 5x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$  ?  
 A)  $\Delta x + 32$ , B)  $3\Delta x + 35$ , C)  $2\Delta x + 37$ , D)  $34 - \Delta x$ , E) 37
- (12) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 13, B) 14, C) 12, D) 10, E) 11

$1^2:$  ,  $2^2:$  ,  $3^1:$  ,  $4^3:$  ,  $5^2:$  ,  $6^3:$  ,  $7^1:$  ,  $8^2:$  ,  $9^2:$  ,  $10^2:$  ,  $11^2:$  ,  $12^2:$

,

Név:

Aláírás:

## 0.8. №.8.

- (1) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{1}{16}$ , B)  $-\frac{1}{8}$ , C)  $-\frac{1}{4}$ , D)  $-\frac{5}{16}$ , E)  $-\frac{9}{16}$

- (2) Legyen  $u = 3 + 4i$ ,  $v = 1 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $14 + 13i$ , B)  $11 + 10i$ , C)  $15 + 11i$ , D)  $13 + 12i$ , E)  $12 + 10i$

- (3) Legyen  $f(x) = 12x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A) 0, B)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{3}{2}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{2}{3}}$ , E)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$

- (4) Legyen  $f(x) = 9x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!  
 A) 0, B)  $\sqrt{\frac{7}{3}}$ , C)  $\sqrt{\frac{3}{7}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{3}{7}}$ , E)  $-\sqrt{\frac{7}{3}}$

- (5) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 2, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) -8, B) -9, C) -11, D) -10, E) -7

- (6) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x + 3y - z &= -1 \\ 2x + 9y - 4z &= -3 \\ -2x &= 4 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$  ?

- A) -2, B) -4, C) 0, D) 1, E) -1

- (7) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -12, B) -15, C) -14, D) -13, E) -11

- (8) Ird fel az  $\{1, 2, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -3, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{4}{5}$ , B)  $-\frac{7}{5}$ , C) -1, D)  $-\frac{8}{5}$ , E)  $-\frac{6}{5}$

- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & 2 \\ 0 & \frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & 4 \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & 4 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

- (10) Legyen  $-3 - 2i + (3 - 2i)z = 1 - i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $\frac{10}{13} + \frac{11i}{13}$ , B)  $\frac{8}{13} + \frac{9i}{13}$ , C)  $\frac{11}{13} + \frac{10i}{13}$ , D)  $\frac{11}{13} + \frac{9i}{13}$ , E)  $\frac{12}{13} + \frac{9i}{13}$

- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 3 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajaterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 7, B) 4, C) 5, D) 8, E) 6

- (12) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 5x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$  ?  
 A)  $\Delta x + 41$ , B)  $\Delta x + 46$ , C) 49, D)  $\Delta x + 49$ , E)  $4\Delta x + 45$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>3</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.9. №.9.

- (1) Legyen  $u = 3 + i$ ,  $v = 4 + 4i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $13 + 10i$ , B)  $14 + 12i$ , C)  $16 + 13i$ , D)  $12 + 13i$ , E)  $16 + 11i$
- (2) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A)  $-6$ , B)  $-7$ , C)  $-5$ , D)  $-4$ , E)  $-3$
- (3) Legyen  $f(x) = 6x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A)  $-\frac{3}{\sqrt{2}}$ , B)  $-\frac{\sqrt{2}}{3}$ , C)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ , D)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$ , E)  $0$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{11}{6} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{11}{6} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{13}{6} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$
- (5) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 3x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
 A)  $16$ , B)  $2\Delta x + 13$ , C)  $3\Delta x + 15$ , D)  $\Delta x + 13$ , E)  $12$
- (6) Legyen  $f(x) = 1/x^2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{1}{8}$ , B)  $-\frac{3}{4}$ , C)  $-\frac{3}{8}$ , D)  $-\frac{1}{4}$ , E)  $0$
- (7) Legyen  $f(x) = 12x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!  
 A)  $\frac{2}{3}$ , B)  $0$ , C)  $\frac{3}{2}$ , D)  $-\frac{2}{3}$ , E)  $-\frac{3}{2}$
- (8) Ird fel az  $\{3, -3, -1\}$  normalvektor, es a  $\{2, 2, -2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-2$ , B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-1$ , D)  $-\frac{5}{2}$ , E)  $-\frac{1}{2}$
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + y + 3z &= -9 \\ -x - 4y - 2z &= 13 \\ 2x - y + 8z &= -16 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A)  $-9$ , B)  $-7$ , C)  $-5$ , D)  $-10$ , E)  $-8$
- (10) Legyen  $-3 + i + (-1 + 2i)z = -3 + i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $2 + 2i$ , B)  $0$ , C)  $-2 + 2i$ , D)  $-1 - 2i$ , E)  $-2 + i$
- (11) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 1\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A)  $-8$ , B)  $-9$ , C)  $-7$ , D)  $-5$ , E)  $-6$
- (12) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A)  $6$ , B)  $4$ , C)  $8$ , D)  $7$ , E)  $5$

$1^2: \quad , 2^1: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^3: \quad , 8^2: \quad , 9^3: \quad , 10^2: \quad , 11^1: \quad , 12^2: \quad$ ,

Név:

Aláírás:

## 0.10. №.10.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (2) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 1, 2\}$ ,  $\bar{c} = \{1, 1, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?
- A) -8, B) -7, C) -5, D) -6, E) -4
- (3) Legyen  $f(x) = 12x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!
- A) 0, B)  $-\sqrt{\frac{2}{3}}$ , C)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{3}{2}}$ , E)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$
- (4) Legyen  $u = 3 + 4i$ ,  $v = 3 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?
- A)  $19 + 18i$ , B)  $20 + 17i$ , C)  $20 + 19i$ , D)  $21 + 20i$ , E)  $18 + 19i$
- (5) Legyen  $1 - 3i + (1 + 2i)z = 1 - i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $\frac{6}{5} + \frac{4i}{5}$ , B)  $1 + \frac{3i}{5}$ , C)  $\frac{2}{5} + \frac{i}{5}$ , D)  $\frac{4}{5} + \frac{2i}{5}$ , E)  $1 + \frac{4i}{5}$
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?
- A) -5, B) -3, C) -7, D) -6, E) -4
- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 3, B) 2, C) 1, D) 4, E) 0
- (8) Legyen  $f(x) = 12x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyét!
- A)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$ , B) 0, C)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$ , D)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$ , E)  $-\frac{\sqrt{5}}{2}$
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y + z &= 7 \\ -x - 4y &= -6 \\ -x - 5y - 2z &= -11 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 2, B) 0, C) 1, D) 4, E) 5
- (10) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 2x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?
- A)  $5\Delta x + 21$ , B)  $2\Delta x + 19$ , C)  $5\Delta x + 16$ , D)  $4\Delta x + 18$ , E) 19
- (11) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?
- A)  $-\frac{11}{256}$ , B)  $\frac{1}{256}$ , C)  $-\frac{1}{32}$ , D)  $-\frac{15}{256}$ , E)  $-\frac{1}{128}$
- (12) Ird fel az  $\{-1, 3, -2\}$  normalvektorú, es a  $\{2, 1, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -1, B) 0, C) -4, D) -3, E) 1

1<sup>2</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.11. №.11.

- (1) Ird fel az  $\{3, 3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{2, 2, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{2}{5}$ , B)  $-\frac{2}{5}$ , C)  $-\frac{1}{5}$ , D)  $\frac{1}{5}$ , E) 0
- (2) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned}x + 3y + 2z &= -2 \\x + 5y - z &= -7 \\x + 5y - 4z &= -10\end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -3, B) -6, C) -4, D) -1, E) -5
- (3) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?
- A)  $-\frac{1}{8}$ , B)  $-\frac{9}{16}$ , C)  $-\frac{1}{16}$ , D)  $-\frac{5}{16}$ , E)  $-\frac{1}{4}$
- (4) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?
- A) -12, B) -15, C) -11, D) -14, E) -13
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & 0 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{3}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{5}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (6) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 5x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$ ?
- A)  $3\Delta x + 56$ , B)  $3\Delta x + 51$ , C)  $2\Delta x + 57$ , D)  $3\Delta x + 57$ , E)  $5\Delta x + 55$
- (7) Legyen  $u = 3 + 3i$ ,  $v = 1 + 2i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?
- A)  $13 + 8i$ , B)  $12 + 10i$ , C)  $11 + 6i$ , D)  $14 + 6i$ , E)  $15 + 6i$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 7 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajaterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 13, B) 14, C) 16, D) 15, E) 12
- (9) Legyen  $f(x) = 6x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!
- A) 2, B)  $\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D) 0, E) -2
- (10) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 2, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?
- A) -3, B) 0, C) -1, D) -2, E) 1
- (11) Legyen  $1 - 3i + (3 - 2i)z = -1 + 3i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $-\frac{20}{13} + \frac{16i}{13}$ , B)  $-\frac{17}{13} + \frac{16i}{13}$ , C)  $-\frac{16}{13} + i$ , D)  $-\frac{17}{13} + i$ , E)  $-\frac{18}{13} + \frac{14i}{13}$
- (12) Legyen  $f(x) = 6x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!
- A) 0, B)  $-\sqrt{3}$ , C)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ , D)  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$ , E)  $\sqrt{3}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>3</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.12. No.12.

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 1, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) -2, B) -4, C) -3, D) -5, E) -1
- (2) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A)  $-\frac{5}{3}$ , B)  $-\frac{17}{3}$ , C)  $-\frac{8}{3}$ , D)  $-\frac{11}{3}$ , E)  $-\frac{14}{3}$
- (3) Legyen  $2 + 2i + (-3 - 3i)z = 2 + i$ . Mennyi  $z$ ?  
 A)  $-\frac{1}{6} + \frac{i}{3}$ , B)  $\frac{1}{6} + \frac{i}{6}$ , C)  $\frac{i}{3}$ , D)  $-\frac{i}{6}$ , E)  $\frac{1}{2} + \frac{i}{2}$
- (4) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 3$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?  
 A)  $-\frac{2}{81}$ , B)  $-\frac{4}{27}$ , C)  $-\frac{8}{81}$ , D)  $-\frac{2}{27}$ , E) 0
- (5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 3, B) -1, C) 0, D) 2, E) 1
- (6) Legyen  $u = 1 + 4i$ ,  $v = 1 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?  
 A)  $11 + 2i$ , B)  $12 + 3i$ , C)  $15 + 5i$ , D)  $14 + 2i$ , E)  $13 + 4i$
- (7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{9}{2} \\ 0 & \frac{9}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & \frac{5}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- (8) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 5x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$ ?  
 A)  $5\Delta x + 35$ , B)  $2\Delta x + 39$ , C)  $\Delta x + 34$ , D)  $2\Delta x + 37$ , E)  $2\Delta x + 32$
- (9) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= 10 \\ -2x + 3y + 4z &= -15 \\ x - 4y - 10z &= 26 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -5, B) -6, C) -1, D) -2, E) -4
- (10) Ird fel az  $\{3, -1, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{3, -2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 0, B)  $\frac{1}{7}$ , C)  $\frac{2}{7}$ , D)  $\frac{3}{7}$ , E)  $\frac{4}{7}$
- (11) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!  
 A)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$ , B) 0, C)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , D)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , E)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$
- (12) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!  
 A)  $-\frac{\sqrt{7}}{2}$ , B)  $\frac{2}{\sqrt{7}}$ , C)  $\frac{\sqrt{7}}{2}$ , D) 0, E)  $-\frac{2}{\sqrt{7}}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.13. No.13.

- (1) Legyen  $u = 3 + i$ ,  $v = 4 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $20 + 3i$ , B)  $19 + 2i$ , C)  $18 + 5i$ , D)  $22 + 5i$ , E)  $21 + 5i$
- (2) Legyen  $f(x) = 9x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjainak a helyet!  
 A)  $2\sqrt{\frac{2}{3}}$ , B)  $\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$ , C)  $-2\sqrt{\frac{2}{3}}$ , D)  $-\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$ , E) 0
- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 1 \\ 1 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 2, B) 3, C) 0, D) 1, E) 4
- (5) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{1}{16}$ , B)  $-\frac{7}{32}$ , C)  $-\frac{3}{8}$ , D)  $-\frac{3}{32}$ , E)  $-\frac{3}{16}$
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{2, 1, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 3, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) 11, B) 15, C) 13, D) 14, E) 12
- (7) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!  
 A)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , B)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , D) 0, E)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$
- (8) Legyen  $3 - i + (3 + 2i)z = -1 + 3i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{5}{13} + \frac{21i}{13}$ , B)  $-\frac{5}{13} + \frac{18i}{13}$ , C)  $-\frac{4}{13} + \frac{20i}{13}$ , D)  $-\frac{2}{13} + \frac{22i}{13}$ , E)  $-\frac{3}{13} + \frac{19i}{13}$
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + y - z &= 3 \\ -2x - 3y + 5z &= -10 \\ 2x + y - 2z &= 5 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) 3, B) -1, C) 0, D) 1, E) 2
- (10) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 3x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$  ?  
 A)  $2\Delta x + 49$ , B)  $\Delta x + 57$ , C)  $5\Delta x + 53$ , D)  $\Delta x + 49$ , E)  $2\Delta x + 50$
- (11) Ird fel az  $\{1, 2, -1\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, -3, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A) -1, B)  $-\frac{5}{2}$ , C)  $-\frac{3}{2}$ , D)  $-\frac{1}{2}$ , E) -2
- (12) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A)  $-\frac{17}{2}$ , B)  $-\frac{13}{2}$ , C)  $-\frac{11}{2}$ , D)  $-\frac{9}{2}$ , E)  $-\frac{15}{2}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>1</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.14. №.14.

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{2, 1, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -9, B) -11, C) -7, D) -10, E) -8
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajaterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 7, B) 6, C) 5, D) 4, E) 8
- (3) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 3, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?  
 A) -3, B) -5, C) -4, D) -6, E) -2
- (4) Legyen  $u = 3 + i$ ,  $v = 3 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?  
 A)  $19 + i$ , B)  $18 + 4i$ , C)  $19 + 4i$ , D)  $17 + 3i$ , E)  $19 + 2i$
- (5) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$ ?  
 A)  $2\Delta x + 15$ , B)  $12 - \Delta x$ , C)  $13$ , D)  $19 - 2\Delta x$ , E)  $\Delta x + 19$
- (6) Ird fel az  $\{-2, -1, -2\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, 3, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -4, B) -1, C) -5, D) -2, E) -3
- (7) Legyen  $-3 - 2i + (-1 - 3i)z = 1 - 3i$ . Mennyi  $z$ ?  
 A)  $\frac{1}{10} + \frac{6i}{5}$ , B)  $-\frac{3}{10} + \frac{6i}{5}$ , C)  $\frac{1}{10} + \frac{3i}{2}$ , D)  $-\frac{1}{10} + \frac{13i}{10}$ , E)  $\frac{11i}{10}$
- (8) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 3$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?  
 A)  $-\frac{1}{81}$ , B)  $-\frac{16}{243}$ , C)  $-\frac{11}{243}$ , D)  $-\frac{1}{27}$ , E)  $-\frac{1}{243}$
- (9) Legyen  $f(x) = 6x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!  
 A) -2, B) 0, C) 2, D)  $\frac{1}{2}$ , E)  $-\frac{1}{2}$
- (10) Legyen  $f(x) = 9x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A)  $\sqrt{\frac{3}{5}}$ , B)  $\sqrt{\frac{5}{3}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{5}{3}}$ , D) 0, E)  $-\sqrt{\frac{3}{5}}$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{29}{9} & \frac{25}{9} \\ 0 & -\frac{28}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{29}{9} & \frac{25}{9} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{26}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{26}{9} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$
- (12) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x - y + 2z &= -5 \\ -2x + 3y - z &= 9 \\ -x - 8z &= 9 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszert. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 0, B) -1, C) -2, D) -5, E) -3

1<sup>1</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>3</sup>:  
 ,

Név:

Aláírás:

## 0.15. №.15.

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 2, 2\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 2, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
A) 5, B) 8, C) 7, D) 6, E) 4
- (2) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 2x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
A)  $\Delta x + 15$ , B)  $\Delta x + 21$ , C)  $4\Delta x + 18$ , D)  $\Delta x + 17$ , E)  $\Delta x + 14$
- (3) Legyen  $u = 2 + 2i$ ,  $v = 3 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
A)  $6 + 10i$ , B)  $3 + 10i$ , C)  $5 + 9i$ , D)  $6 + 8i$ , E)  $3 + 11i$
- (4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
A) 7, B) 5, C) 6, D) 4, E) 8
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!  
A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{6} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel az  $\{3, 1, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 1, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
A) 2, B) 1, C) 4, D) 5, E) 3
- (7) Legyen  $f(x) = 6x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjainak a helyét!  
A)  $\sqrt{3}$ , B)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ , C) 0, D)  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$ , E)  $-\sqrt{3}$
- (8) Legyen  $f(x) = 12x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!  
A)  $-\frac{2}{\sqrt{5}}$ , B)  $-\frac{\sqrt{5}}{2}$ , C) 0, D)  $\frac{2}{\sqrt{5}}$ , E)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$
- (9) Legyen  $-2 + i + (1 - 3i)z = -2 + i$ . Mennyi  $z$  ?  
A)  $1 - 2i$ , B)  $-2 - i$ , C) 0, D)  $-1 + i$ , E)  $-1 - i$
- (10) Legyen  $\bar{a} = \{2, 1, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
A) -12, B) -14, C) -10, D) -13, E) -11
- (11) Legyen  $f(x) = 1/x^2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
A)  $-\frac{1}{4}$ , B)  $-\frac{3}{8}$ , C)  $-\frac{1}{8}$ , D) 0, E)  $-\frac{3}{4}$
- (12) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= 8 \\ 2x - 2y - 3z &= 9 \\ 3z - x &= -4 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$  ?

- A) -6, B) -2, C) -3, D) -7, E) -4

$1^1: \quad , 2^2: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^3: \quad , 9^2: \quad , 10^1: \quad , 11^2: \quad , 12^3: \quad$ ,

Név:

Aláírás:

0.16. **No.16.**

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 3, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) -9, B) -8, C) -10, D) -11, E) -7
- (2) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{15}{256}$ , B)  $-\frac{1}{128}$ , C)  $-\frac{11}{256}$ , D)  $-\frac{1}{32}$ , E)  $\frac{1}{256}$
- (3) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 4x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
 A) 23, B) 24, C) 18, D)  $4\Delta x + 20$ , E) 22
- (4) Legyen  $u = 4 + 2i$ ,  $v = 4 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $32 + 7i$ , B)  $35 + 9i$ , C)  $35 + 10i$ , D)  $33 + 8i$ , E)  $34 + 6i$
- (5) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!  
 A)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , B) 0, C)  $\sqrt{2}$ , D)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , E)  $-\sqrt{2}$
- (6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -3 & -\frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & -\frac{7}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- (7) Legyen  $\bar{a} = \{2, 1, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -11, B) -8, C) -10, D) -7, E) -9
- (8) Ird fel az  $\{1, -2, -1\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{4}{5}$ , B)  $-\frac{3}{5}$ , C) -1, D)  $-\frac{2}{5}$ , E)  $-\frac{6}{5}$
- (9) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyet!  
 A)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , C)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , D)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , E) 0
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 2y - 2z &= -5 \\ -x - 4y &= 5 \\ 2z - x &= 3 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszerét. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -4, B) -6, C) -3, D) -1, E) -5
- (11) Legyen  $1 + 2i + (-3 + 2i)z = 2 - i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{10}{13} + \frac{8i}{13}$ , B)  $-\frac{8}{13} + \frac{8i}{13}$ , C)  $-\frac{9}{13} + \frac{7i}{13}$ , D)  $-\frac{10}{13} + \frac{9i}{13}$ , E)  $-\frac{7}{13} + \frac{9i}{13}$
- (12) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 2, B) 3, C) 4, D) 6, E) 5

1<sup>1</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>3</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.17. No.17.

(1) Legyen  $f(x) = 9x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!

- A) 0, B)
- $-\sqrt{\frac{5}{3}}$
- , C)
- $\sqrt{\frac{5}{3}}$
- , D)
- $\sqrt{\frac{3}{5}}$
- , E)
- $-\sqrt{\frac{3}{5}}$

(2) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 1\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?

- A)
- $-\frac{5}{2}$
- , B)
- $-\frac{11}{2}$
- , C)
- $-\frac{3}{2}$
- , D)
- $-\frac{9}{2}$
- , E)
- $-\frac{7}{2}$

(3) Legyen  $f(x) = 9x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!

- A) 0, B)
- $-2\sqrt{\frac{2}{3}}$
- , C)
- $\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$
- , D)
- $-\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$
- , E)
- $2\sqrt{\frac{2}{3}}$

(4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{11}{6} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{11}{6} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{7}{17} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$

(5) Legyen  $-2 + 3i + (1 - 2i)z = -3 - i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $\frac{6}{5} - \frac{8i}{5}$
- , B)
- $1 - \frac{7i}{5}$
- , C)
- $\frac{7}{5} - \frac{6i}{5}$
- , D)
- $\frac{8}{5} - i$
- , E)
- $1 - i$

(6) Ird fel az  $\{1, -2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 3, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{1}{14}$
- , B)
- $\frac{1}{7}$
- , C)
- $\frac{1}{14}$
- , D)
- $\frac{3}{14}$
- , E) 0

(7) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?

- A)
- $-\frac{7}{32}$
- , B)
- $-\frac{3}{8}$
- , C)
- $-\frac{3}{32}$
- , D)
- $-\frac{1}{16}$
- , E)
- $-\frac{3}{16}$

(8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 5, B) 4, C) 7, D) 6, E) 3

(9) Legyen  $u = 1 + 4i$ ,  $v = 4 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

- A)
- $18 + 12i$
- , B)
- $15 + 11i$
- , C)
- $14 + 12i$
- , D)
- $18 + 15i$
- , E)
- $16 + 13i$

(10) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 2y - z = -4$$

$$2x - 5y + z = -16$$

$$-2x + 6y - z = 18$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -3, B) -4, C) -5, D) -7, E) -2

(11) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 3, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

- A) -3, B) -6, C) -5, D) -4, E) -7

(12) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 5x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?

- A) 11, B)
- $\Delta x + 9$
- , C) 16, D)
- $2\Delta x + 13$
- , E)
- $16 - \Delta x$

Név:

Aláírás:

## 0.18. №.18.

(1) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?

- A) -8, B) -7, C) -6, D) -10, E) -9

(2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 6, B) 5, C) 4, D) 3, E) 2

(3) Legyen  $f(x) = 6x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!

- A)
- $\frac{1}{2}$
- , B)
- $-\frac{1}{2}$
- , C) 2, D) 0, E) -2

(4) Legyen  $u = 1 + i$ ,  $v = 2 + 4i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

- A)
- $-4 + 4i$
- , B)
- $-5 + 6i$
- , C)
- $-3 + 2i$
- , D)
- $-3 + 6i$
- , E)
- $-3 + 3i$

(5) Legyen  $f(x) = 9x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!

- A)
- $-\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$
- , B)
- $2\sqrt{\frac{2}{3}}$
- , C) 0, D)
- $\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$
- , E)
- $-2\sqrt{\frac{2}{3}}$

(6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -4 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -2 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -4 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

(7) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 4x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$ ?

- A)
- $2\Delta x + 24$
- , B) 27, C)
- $20 - \Delta x$
- , D) 28, E)
- $22 - \Delta x$

(8) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 2, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

- A) 5, B) 7, C) 3, D) 6, E) 4

(9) Legyen  $f(x) = 1/x^2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?

- A)
- $\frac{1}{32}$
- , B)
- $-\frac{7}{64}$
- , C)
- $-\frac{1}{64}$
- , D)
- $-\frac{1}{16}$
- , E)
- $-\frac{5}{32}$

(10) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + 3y - 3z = -2$$

$$2x + 3y - 5z = 0$$

$$x + 6y - z = -12$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -10, B) -6, C) -11, D) -8, E) -9

(11) Ird fel az  $\{1, -3, -2\}$  normalvektor, es a  $\{-1, -2, -1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{5}{7}$
- , B)
- $-\frac{4}{7}$
- , C) -1, D)
- $-\frac{6}{7}$
- , E)
- $-\frac{8}{7}$

(12) Legyen  $-2 - i + (-3 - 3i)z = -2 - 3i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $1 + i$
- , B)
- $\frac{2}{3} + i$
- , C)
- $\frac{2i}{3}$
- , D)
- $\frac{2}{3} + \frac{2i}{3}$
- , E)
- $\frac{1}{3} + \frac{i}{3}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>3</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.19. №.19.

(1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 4 & 7 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 8, B) 9, C) 7, D) 10, E) 6

(2) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 3, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

- A) 2, B) 6, C) 5, D) 3, E) 4

(3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -3 & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(4) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 5x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?

- A)
- $3\Delta x + 17$
- , B)
- $13 - \Delta x$
- , C)
- $2\Delta x + 21$
- , D)
- $\Delta x + 14$
- , E)
- $4\Delta x + 16$

(5) Legyen  $2 - 3i + (2 - 3i)z = -3 - i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $-\frac{14}{13} - \frac{12i}{13}$
- , B)
- $-\frac{16}{13} - \frac{11i}{13}$
- , C)
- $-\frac{18}{13} - \frac{12i}{13}$
- , D)
- $-\frac{17}{13} - \frac{9i}{13}$
- , E)
- $-\frac{17}{13} - \frac{12i}{13}$

(6) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!

- A)
- $-\sqrt{\frac{2}{7}}$
- , B) 0, C)
- $-\sqrt{\frac{7}{2}}$
- , D)
- $\sqrt{\frac{7}{2}}$
- , E)
- $\sqrt{\frac{2}{7}}$

(7) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 2$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?

- A)
- $-\frac{3}{16}$
- , B)
- $-\frac{1}{16}$
- , C)
- $-\frac{3}{8}$
- , D)
- $-\frac{3}{32}$
- , E)
- $-\frac{7}{32}$

(8) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 3y - z = -2$$

$$-2x + 3y - z = -2$$

$$-2x + 12y + 5z = 13$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 1, B) 0, C) 4, D) -1, E) 2

(9) Ird fel az  $\{3, 2, 1\}$  normalvektor, es a  $\{1, 1, 3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 0, B)
- $\frac{1}{2}$
- , C)
- $-\frac{1}{4}$
- , D)
- $\frac{1}{4}$
- , E)
- $\frac{3}{4}$

(10) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!

- A)
- $-\sqrt{\frac{2}{7}}$
- , B)
- $-\sqrt{\frac{7}{2}}$
- , C)
- $\sqrt{\frac{7}{2}}$
- , D) 0, E)
- $\sqrt{\frac{2}{7}}$

(11) Legyen  $u = 2 + i$ ,  $v = 3 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

- A)
- $10 + i$
- , B)
- $9 + 2i$
- , C)
- $8 + i$
- , D) 8, E)
- $8 + 3i$

(12) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?

- A)
- $-\frac{8}{3}$
- , B)
- $-\frac{14}{3}$
- , C)
- $-\frac{5}{3}$
- , D)
- $-\frac{11}{3}$
- , E)
- $-\frac{17}{3}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>3</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>1</sup>:

,

Név:

Aláírás:

0.20. **No.20.**

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 1\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -9, B) -8, C) -7, D) -5, E) -6
- (2) Ird fel az  $\{-1, -2, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{3, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 1, B) -3, C) -1, D) 0, E) -2
- (3) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 4x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?  
 A)  $3\Delta x + 28$ , B)  $3\Delta x + 26$ , C)  $4\Delta x + 22$ , D)  $2\Delta x + 20$ , E)  $5\Delta x + 24$
- (4) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - y + 3z &= -7 \\ -x + 4y - 4z &= 14 \\ 2x + 4y + 2z &= 2 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszerét. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -5, B) -3, C) -1, D) -4, E) -6
- (5) Legyen  $u = 2 + i$ ,  $v = 1 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?  
 A)  $6 + i$ , B)  $7 + 3i$ , C)  $3$ , D)  $6 + 4i$ , E)  $5 + 2i$
- (6) Legyen  $f(x) = 12x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokális minimumának a helyét!  
 A) 0, B)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{2}{3}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{3}{2}}$ , E)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$
- (7) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximacióját az  $x_0 = 4$  pont korül! Mennyi  $a + b$ ?  
 A)  $-\frac{15}{1024}$ , B)  $-\frac{3}{1024}$ , C)  $-\frac{3}{256}$ , D)  $-\frac{5}{256}$ , E) 0
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 5, B) 3, C) 6, D) 2, E) 4
- (9) Legyen  $2 - i + (2 - 3i)z = -1 - 3i$ . Mennyi  $z$ ?  
 A) -1, B) -2, C)  $-2 - 2i$ , D)  $-2 + i$ , E)  $-i$
- (10) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 3, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?  
 A) -8, B) -7, C) -9, D) -6, E) -5
- (11) Legyen  $f(x) = 9x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjainak a helyét!  
 A)  $\sqrt{3}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ , D)  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$ , E)  $-\sqrt{3}$
- (12) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -2 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>3</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:  
 ,

Név:

Aláírás:

## 0.21. No.21.

(1) Legyen  $f(x) = 12x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyét!

- A) 0, B)
- $-\sqrt{\frac{2}{3}}$
- , C)
- $-\sqrt{\frac{3}{2}}$
- , D)
- $\sqrt{\frac{2}{3}}$
- , E)
- $\sqrt{\frac{3}{2}}$

(2) Legyen  $1 + 2i + (2 - i)z = -3 - i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $-4i$
- , B)
- $-3$
- , C)
- $-2 - 3i$
- , D)
- $-i$
- , E)
- $-1 - 2i$

(3) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?

- A)
- $-\frac{1}{32}$
- , B)
- $\frac{1}{256}$
- , C)
- $-\frac{1}{128}$
- , D)
- $-\frac{15}{256}$
- , E)
- $-\frac{11}{256}$

(4) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 2\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?

- A)
- $-\frac{7}{2}$
- , B)
- $-\frac{9}{2}$
- , C)
- $-\frac{15}{2}$
- , D)
- $-\frac{13}{2}$
- , E)
- $-\frac{11}{2}$

(5) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - y + 2z = -2$$

$$2x - 5y + 2z = -8$$

$$x + 5y + 3z = 9$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 3, B) 0, C)
- $-1$
- , D)
- $-2$
- , E) 1

(6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)
- $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 2 & \frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$

(7) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{1, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

- A)
- $-7$
- , B)
- $-6$
- , C)
- $-8$
- , D)
- $-5$
- , E)
- $-9$

(8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 2, B) 1, C) 3, D)
- $-1$
- , E) 0

(9) Ird fel az  $\{3, -1, 1\}$  normalvektoru, es a  $\{1, -2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-3$
- , B)
- $-2$
- , C)
- $-1$
- , D) 1, E) 0

(10) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 4x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$ ?

- A)
- $\Delta x + 26$
- , B)
- $3\Delta x + 22$
- , C)
- $\Delta x + 24$
- , D)
- $26 - \Delta x$
- , E)
- $\Delta x + 18$

(11) Legyen  $u = 2 + 2i$ ,  $v = 3 + 3i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

- A)
- $3 + 10i$
- , B)
- $5 + 9i$
- , C)
- $3 + 7i$
- , D)
- $6 + 11i$
- , E)
- $6 + 8i$

(12) Legyen  $f(x) = 9x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyét!

- A)
- $-\sqrt{\frac{5}{3}}$
- , B) 0, C)
- $-\sqrt{\frac{3}{5}}$
- , D)
- $\sqrt{\frac{5}{3}}$
- , E)
- $\sqrt{\frac{3}{5}}$

1<sup>3</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.22. No.22.

- (1) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 1\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -5, B) -3, C) -2, D) -4, E) -1

- (2) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 3x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$ ?  
 A)  $\Delta x + 24$ , B) 24, C)  $\Delta x + 29$ , D)  $\Delta x + 26$ , E)  $4\Delta x + 27$

- (3) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x + y - 2z &= 2 \\ 2x - y - 3z &= 6 \\ x - 5y + 2z &= 4 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -4, B) -5, C) -6, D) -1, E) -2

- (4) Legyen  $f(x) = 1/x^3$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 4$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?  
 A)  $-\frac{1}{32}$ , B)  $\frac{1}{256}$ , C)  $-\frac{1}{128}$ , D)  $-\frac{11}{256}$ , E)  $-\frac{15}{256}$

- (5) Legyen  $3 + 2i + (3 + 2i)z = -2 - i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)  $-\frac{19}{13} - \frac{i}{13}$ , B)  $-\frac{21}{13} + \frac{i}{13}$ , C)  $-\frac{20}{13} + \frac{2i}{13}$ , D)  $-\frac{23}{13} + \frac{2i}{13}$ , E)  $-\frac{22}{13} + \frac{2i}{13}$

- (6) Ird fel az  $\{2, 3, 3\}$  normalvektor, es a  $\{3, 3, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $\frac{4}{3}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{3}$ , D)  $\frac{2}{3}$ , E) 1

- (7) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 2, 2\}$ ,  $\bar{c} = \{2, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

- A) 7, B) 10, C) 9, D) 8, E) 6

- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$

- (9) Legyen  $u = 2 + 4i$ ,  $v = 3 + 2i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

- A)  $18 + 11i$ , B)  $15 + 12i$ , C)  $16 + 13i$ , D)  $18 + 14i$ , E)  $17 + 11i$

- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 9, B) 12, C) 10, D) 8, E) 11

- (11) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjanak a helyet!

- A) 0, B)  $-\sqrt{2}$ , C)  $\sqrt{2}$ , D)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , E)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

- (12) Legyen  $f(x) = 6x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumanak a helyet!

- A)  $-\frac{1}{2}$ , B) 2, C) -2, D) 0, E)  $\frac{1}{2}$

$1^1: \quad , 2^2: \quad , 3^3: \quad , 4^2: \quad , 5^2: \quad , 6^2: \quad , 7^1: \quad , 8^2: \quad , 9^2: \quad , 10^2: \quad , 11^2: \quad , 12^3: \quad$

,

Név:

Aláírás:

0.23. **No.23.**

- (1) Legyen  $u = 4 + i$ ,  $v = 1 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$  ?  
 A)  $21 + 2i$ , B)  $21 + 5i$ , C)  $19 + 4i$ , D)  $18 + 6i$ , E)  $20 + 2i$
- (2) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{5}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (3) Legyen  $f(x) = 9x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjainak a helyet!  
 A)  $-\sqrt{3}$ , B)  $-\frac{1}{\sqrt{3}}$ , C)  $\sqrt{3}$ , D)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$ , E) 0
- (4) Legyen  $f(x) = 1/x^2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciojat az  $x_0 = 3$  pont korul! Mennyi  $a + b$  ?  
 A)  $-\frac{1}{9}$ , B)  $-\frac{5}{27}$ , C)  $\frac{1}{27}$ , D)  $-\frac{8}{27}$ , E)  $-\frac{1}{27}$
- (5) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + y + 2z &= -2 \\ x + z &= -2 \\ x + 2y + z &= 0 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -1, B) -6, C) -3, D) -5, E) -2
- (6) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 2x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$  ?  
 A)  $\Delta x + 16$ , B) 22, C)  $\Delta x + 20$ , D)  $2\Delta x + 18$ , E)  $14 - 2\Delta x$
- (7) Ird fel az  $\{3, -2, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, 3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{6}{17}$ , B)  $-\frac{3}{17}$ , C)  $-\frac{5}{17}$ , D)  $-\frac{4}{17}$ , E)  $-\frac{2}{17}$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 5, B) 3, C) 4, D) 2, E) 6
- (9) Legyen  $-1 - 3i + (-2 - 2i)z = 3 + i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A) -2, B)  $i$ , C)  $-4 - i$ , D)  $-4 + 2i$ , E)  $-3 + 2i$
- (10) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 2, 3\}$ ,  $\bar{c} = \{1, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$  ?  
 A) 0, B) -1, C) -3, D) -2, E) 1
- (11) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megoleges egymásra?  
 A) -6, B) -8, C) -9, D) -7, E) -5
- (12) Legyen  $f(x) = 12x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyet!  
 A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{2}{3}$ , D)  $\frac{2}{3}$ , E) 0

$1^2:$  ,  $2^2:$  ,  $3^2:$  ,  $4^2:$  ,  $5^3:$  ,  $6^2:$  ,  $7^2:$  ,  $8^2:$  ,  $9^2:$  ,  $10^1:$  ,  $11^1:$  ,  $12^3:$

,

Név:

Aláírás:

## 0.24. No.24.

- (1) Ird fel az  $\{1, 3, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{1, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -4, B) -6, C) -3, D) -5, E) -2

- (2) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= 9 \\ 2x - 7y - 9z &= 27 \\ -2x + y + z &= -7 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -1, B) 0, C) -4, D) -6, E) -3

- (3) Legyen  $u = 2 + 3i$ ,  $v = 3 + i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?

A)  $14 + 6i$ , B)  $14 + 7i$ , C)  $16 + 10i$ , D)  $16 + 6i$ , E)  $15 + 8i$ 

- (4) Legyen  $f(x) = 6x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjainak a helyet!

A) 0, B)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$ , C)  $-\frac{\sqrt{2}}{3}$ , D)  $-\frac{3}{\sqrt{2}}$ , E)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ 

- (5) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  és  $\{1, x, 3\}$  megoldás egymásra?

A) -11, B) -13, C) -15, D) -12, E) -14

- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 12, B) 16, C) 14, D) 15, E) 13

- (7) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?

A) 13, B)  $2\Delta x + 11$ , C)  $\Delta x + 10$ , D) 14, E)  $15 - 2\Delta x$ 

- (8) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 3, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?

A) -3, B) -1, C) 0, D) -2, E) 1

- (9) Legyen  $-2 + 2i + (-3 - 2i)z = 3 + 3i$ . Mennyi  $z$ ?

A)  $-\frac{16}{13} + \frac{5i}{13}$ , B)  $-\frac{17}{13} + \frac{7i}{13}$ , C)  $-\frac{18}{13} + \frac{5i}{13}$ , D)  $-\frac{16}{13} + \frac{8i}{13}$ , E)  $-\frac{19}{13} + \frac{9i}{13}$ 

- (10) Legyen  $f(x) = 6x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis minimumának a helyet!

A)  $-\frac{3}{\sqrt{2}}$ , B)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ , C)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$ , D)  $-\frac{\sqrt{2}}{3}$ , E) 0

- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{13}{6} \\ 0 & -\frac{13}{6} \end{pmatrix}$ 

- (12) Legyen  $f(x) = 1/x^4$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximaciját az  $x_0 = 4$  pont korül! Mennyi  $a + b$ ?

A)  $-\frac{3}{1024}$ , B)  $-\frac{3}{256}$ , C) 0, D)  $-\frac{5}{256}$ , E)  $-\frac{15}{1024}$ 

$1^2: \quad , 2^3: \quad , 3^2: \quad , 4^2: \quad , 5^1: \quad , 6^2: \quad , 7^2: \quad , 8^1: \quad , 9^2: \quad , 10^3: \quad , 11^2: \quad , 12^2: \quad$ ,

,

Név:

Aláírás:

## 0.25. No.25.

- (1) Ird fel az  $\{-2, 3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -2, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $-1$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D)  $-2$ , E)  $-\frac{5}{2}$
- (2) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 2x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$ ?
- A)  $\Delta x + 29$ , B)  $4\Delta x + 31$ , C)  $5\Delta x + 32$ , D)  $\Delta x + 35$ , E)  $3\Delta x + 35$
- (3) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokális minimumának a helyét!
- A)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , B)  $0$ , C)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , D)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , E)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$
- (4) Legyen  $2 - 3i + (-3 + i)z = -2 + 2i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $\frac{3}{2} - \frac{6i}{5}$ , B)  $\frac{3}{2} - i$ , C)  $\frac{17}{10} - \frac{11i}{10}$ , D)  $\frac{19}{10} - \frac{6i}{5}$ , E)  $\frac{9}{5} - \frac{6i}{5}$
- (5) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 3\}$ . Mennyi  $x$ , ha  $\bar{a}$  es  $\{1, x, 3\}$  megeleges egymásra?
- A)  $-7$ , B)  $-6$ , C)  $-4$ , D)  $-8$ , E)  $-5$
- (6) Legyen  $u = 3 + 4i$ ,  $v = 3 + 4i$ . Mennyi  $uv - i\bar{v} + u\bar{u}$ ?
- A)  $16 + 23i$ , B)  $16 + 20i$ , C)  $14 + 21i$ , D)  $12 + 22i$ , E)  $15 + 19i$
- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátterékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $3$ , B)  $1$ , C)  $2$ , D)  $0$ , E)  $4$
- (8) Legyen  $f(x) = 12x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  inflexios pontjának a helyét!
- A)  $\frac{3}{2}$ , B)  $\frac{2}{3}$ , C)  $-\frac{3}{2}$ , D)  $-\frac{2}{3}$ , E)  $0$
- (9) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{c} = \{3, 1, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a}\bar{b}\bar{c}$ ?
- A)  $-11$ , B)  $-7$ , C)  $-10$ , D)  $-8$ , E)  $-9$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + y + 2z &= 1 \\ -2x - 5y - 6z &= -3 \\ 2x - 4y + 2z &= -2 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-3$ , C)  $-1$ , D)  $0$ , E)  $2$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$
- (12) Legyen  $f(x) = 1/x^2$ . Ird fel az  $f(x_0 + \Delta x) \approx a + b\Delta x$  linearis approximacijat az  $x_0 = 3$  pont korul! Mennyi  $a + b$ ?
- A)  $-\frac{1}{9}$ , B)  $-\frac{5}{27}$ , C)  $-\frac{1}{27}$ , D)  $-\frac{8}{27}$ , E)  $\frac{1}{27}$

$1^2:$  ,  $2^2:$  ,  $3^3:$  ,  $4^2:$  ,  $5^1:$  ,  $6^2:$  ,  $7^2:$  ,  $8^2:$  ,  $9^1:$  ,  $10^3:$  ,  $11^2:$  ,  $12^2:$

,

## Megoldás

|    |                    |                    |                    |                    |                    |                    |                    |                    |                    |                     |                     |                     |
|----|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|---------------------|---------------------|---------------------|
| 1  | 1 <sup>1</sup> :A, | 2 <sup>2</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :A, | 4 <sup>2</sup> :C, | 5 <sup>2</sup> :C, | 6 <sup>1</sup> :D, | 7 <sup>3</sup> :B, | 8 <sup>2</sup> :B, | 9 <sup>2</sup> :E, | 10 <sup>3</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :E, |
| 2  | 1 <sup>3</sup> :D, | 2 <sup>1</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :A, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>3</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :B, | 7 <sup>2</sup> :C, | 8 <sup>1</sup> :D, | 9 <sup>2</sup> :C, | 10 <sup>2</sup> :A, | 11 <sup>2</sup> :D, | 12 <sup>2</sup> :D, |
| 3  | 1 <sup>2</sup> :D, | 2 <sup>2</sup> :C, | 3 <sup>3</sup> :D, | 4 <sup>2</sup> :D, | 5 <sup>2</sup> :D, | 6 <sup>2</sup> :E, | 7 <sup>1</sup> :B, | 8 <sup>2</sup> :D, | 9 <sup>3</sup> :E, | 10 <sup>2</sup> :C, | 11 <sup>1</sup> :E, | 12 <sup>2</sup> :B, |
| 4  | 1 <sup>2</sup> :A, | 2 <sup>2</sup> :B, | 3 <sup>2</sup> :E, | 4 <sup>2</sup> :B, | 5 <sup>1</sup> :E, | 6 <sup>2</sup> :B, | 7 <sup>2</sup> :B, | 8 <sup>2</sup> :A, | 9 <sup>1</sup> :B, | 10 <sup>2</sup> :D, | 11 <sup>3</sup> :B, | 12 <sup>3</sup> :A, |
| 5  | 1 <sup>1</sup> :B, | 2 <sup>2</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :A, | 4 <sup>2</sup> :B, | 5 <sup>2</sup> :C, | 6 <sup>3</sup> :A, | 7 <sup>2</sup> :A, | 8 <sup>1</sup> :C, | 9 <sup>2</sup> :B, | 10 <sup>2</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :C, | 12 <sup>3</sup> :B, |
| 6  | 1 <sup>2</sup> :C, | 2 <sup>3</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :B, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>2</sup> :C, | 6 <sup>2</sup> :C, | 7 <sup>1</sup> :C, | 8 <sup>2</sup> :C, | 9 <sup>1</sup> :B, | 10 <sup>2</sup> :E, | 11 <sup>2</sup> :A, | 12 <sup>3</sup> :B, |
| 7  | 1 <sup>2</sup> :C, | 2 <sup>2</sup> :A, | 3 <sup>1</sup> :A, | 4 <sup>3</sup> :D, | 5 <sup>2</sup> :C, | 6 <sup>3</sup> :E, | 7 <sup>1</sup> :C, | 8 <sup>2</sup> :D, | 9 <sup>2</sup> :B, | 10 <sup>2</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :C, |
| 8  | 1 <sup>2</sup> :A, | 2 <sup>2</sup> :D, | 3 <sup>2</sup> :A, | 4 <sup>3</sup> :D, | 5 <sup>1</sup> :A, | 6 <sup>3</sup> :D, | 7 <sup>1</sup> :A, | 8 <sup>2</sup> :A, | 9 <sup>2</sup> :C, | 10 <sup>2</sup> :A, | 11 <sup>2</sup> :E, | 12 <sup>2</sup> :E, |
| 9  | 1 <sup>2</sup> :B, | 2 <sup>1</sup> :D, | 3 <sup>2</sup> :E, | 4 <sup>2</sup> :C, | 5 <sup>2</sup> :C, | 6 <sup>2</sup> :E, | 7 <sup>3</sup> :D, | 8 <sup>2</sup> :E, | 9 <sup>3</sup> :C, | 10 <sup>2</sup> :B, | 11 <sup>1</sup> :E, | 12 <sup>2</sup> :A, |
| 10 | 1 <sup>2</sup> :E, | 2 <sup>1</sup> :C, | 3 <sup>3</sup> :B, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>2</sup> :D, | 6 <sup>1</sup> :E, | 7 <sup>2</sup> :B, | 8 <sup>2</sup> :B, | 9 <sup>3</sup> :E, | 10 <sup>2</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :B, |
| 11 | 1 <sup>2</sup> :A, | 2 <sup>3</sup> :D, | 3 <sup>2</sup> :C, | 4 <sup>1</sup> :A, | 5 <sup>2</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :E, | 7 <sup>2</sup> :A, | 8 <sup>2</sup> :B, | 9 <sup>2</sup> :D, | 10 <sup>1</sup> :B, | 11 <sup>2</sup> :E, | 12 <sup>3</sup> :D, |
| 12 | 1 <sup>1</sup> :A, | 2 <sup>1</sup> :C, | 3 <sup>2</sup> :B, | 4 <sup>2</sup> :E, | 5 <sup>2</sup> :E, | 6 <sup>2</sup> :E, | 7 <sup>2</sup> :D, | 8 <sup>2</sup> :A, | 9 <sup>3</sup> :C, | 10 <sup>2</sup> :E, | 11 <sup>3</sup> :A, | 12 <sup>2</sup> :D, |
| 13 | 1 <sup>2</sup> :A, | 2 <sup>2</sup> :E, | 3 <sup>2</sup> :D, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>2</sup> :A, | 6 <sup>1</sup> :D, | 7 <sup>3</sup> :E, | 8 <sup>2</sup> :C, | 9 <sup>3</sup> :D, | 10 <sup>2</sup> :C, | 11 <sup>2</sup> :D, | 12 <sup>1</sup> :C, |
| 14 | 1 <sup>1</sup> :E, | 2 <sup>2</sup> :B, | 3 <sup>1</sup> :A, | 4 <sup>2</sup> :D, | 5 <sup>2</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :B, | 7 <sup>2</sup> :D, | 8 <sup>2</sup> :E, | 9 <sup>3</sup> :E, | 10 <sup>2</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>3</sup> :A, |
| 15 | 1 <sup>1</sup> :C, | 2 <sup>2</sup> :C, | 3 <sup>2</sup> :C, | 4 <sup>2</sup> :C, | 5 <sup>2</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :D, | 7 <sup>2</sup> :C, | 8 <sup>3</sup> :A, | 9 <sup>2</sup> :C, | 10 <sup>1</sup> :E, | 11 <sup>2</sup> :D, | 12 <sup>3</sup> :B, |
| 16 | 1 <sup>1</sup> :B, | 2 <sup>2</sup> :E, | 3 <sup>2</sup> :D, | 4 <sup>2</sup> :D, | 5 <sup>2</sup> :B, | 6 <sup>2</sup> :C, | 7 <sup>1</sup> :B, | 8 <sup>2</sup> :D, | 9 <sup>3</sup> :A, | 10 <sup>3</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :C, | 12 <sup>2</sup> :C, |
| 17 | 1 <sup>3</sup> :E, | 2 <sup>1</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :A, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>2</sup> :C, | 6 <sup>2</sup> :D, | 7 <sup>2</sup> :D, | 8 <sup>2</sup> :A, | 9 <sup>2</sup> :E, | 10 <sup>3</sup> :E, | 11 <sup>1</sup> :D, | 12 <sup>2</sup> :D, |
| 18 | 1 <sup>1</sup> :B, | 2 <sup>2</sup> :C, | 3 <sup>2</sup> :D, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>3</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :D, | 7 <sup>2</sup> :A, | 8 <sup>1</sup> :D, | 9 <sup>2</sup> :A, | 10 <sup>3</sup> :B, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :E, |
| 19 | 1 <sup>2</sup> :A, | 2 <sup>1</sup> :C, | 3 <sup>2</sup> :B, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>2</sup> :B, | 6 <sup>3</sup> :A, | 7 <sup>2</sup> :B, | 8 <sup>3</sup> :C, | 9 <sup>2</sup> :E, | 10 <sup>2</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>1</sup> :A, |
| 20 | 1 <sup>1</sup> :E, | 2 <sup>2</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :E, | 4 <sup>3</sup> :C, | 5 <sup>2</sup> :E, | 6 <sup>3</sup> :C, | 7 <sup>2</sup> :E, | 8 <sup>2</sup> :E, | 9 <sup>2</sup> :E, | 10 <sup>1</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :C, |
| 21 | 1 <sup>3</sup> :B, | 2 <sup>2</sup> :E, | 3 <sup>2</sup> :B, | 4 <sup>1</sup> :B, | 5 <sup>3</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :B, | 7 <sup>1</sup> :B, | 8 <sup>2</sup> :B, | 9 <sup>2</sup> :D, | 10 <sup>2</sup> :B, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :B, |
| 22 | 1 <sup>1</sup> :C, | 2 <sup>2</sup> :E, | 3 <sup>3</sup> :D, | 4 <sup>2</sup> :B, | 5 <sup>2</sup> :B, | 6 <sup>2</sup> :A, | 7 <sup>1</sup> :C, | 8 <sup>2</sup> :A, | 9 <sup>2</sup> :C, | 10 <sup>2</sup> :C, | 11 <sup>2</sup> :A, | 12 <sup>3</sup> :A, |
| 23 | 1 <sup>2</sup> :C, | 2 <sup>2</sup> :E, | 3 <sup>2</sup> :E, | 4 <sup>2</sup> :C, | 5 <sup>3</sup> :A, | 6 <sup>2</sup> :D, | 7 <sup>2</sup> :E, | 8 <sup>2</sup> :C, | 9 <sup>2</sup> :A, | 10 <sup>1</sup> :A, | 11 <sup>1</sup> :A, | 12 <sup>3</sup> :C, |
| 24 | 1 <sup>2</sup> :E, | 2 <sup>3</sup> :A, | 3 <sup>2</sup> :E, | 4 <sup>2</sup> :A, | 5 <sup>1</sup> :D, | 6 <sup>2</sup> :C, | 7 <sup>2</sup> :B, | 8 <sup>1</sup> :C, | 9 <sup>2</sup> :B, | 10 <sup>3</sup> :D, | 11 <sup>2</sup> :C, | 12 <sup>2</sup> :C, |
| 25 | 1 <sup>2</sup> :C, | 2 <sup>2</sup> :C, | 3 <sup>3</sup> :E, | 4 <sup>2</sup> :C, | 5 <sup>1</sup> :E, | 6 <sup>2</sup> :C, | 7 <sup>2</sup> :C, | 8 <sup>2</sup> :E, | 9 <sup>1</sup> :D, | 10 <sup>3</sup> :E, | 11 <sup>2</sup> :B, | 12 <sup>2</sup> :E, |