

Név:

Aláírás:

## 0.1. №.1.

- (1) Legyen  $f(x) = 12x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
 A)  $\frac{3}{2}$ , B)  $-\frac{3}{2}$ , C) 0, D)  $\frac{2}{3}$ , E)  $-\frac{2}{3}$
- (2) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - 3y - 2z &= 4 \\ 2x - 9y - 2z &= 9 \\ x - 6z &= 5 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -4, B) -3, C) -8, D) -5, E) -6
- (3) Ird fel az  $\{3, -1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 0, B)  $-\frac{1}{7}$ , C)  $\frac{1}{14}$ , D)  $-\frac{3}{14}$ , E)  $-\frac{1}{14}$
- (4) Legyen  $z = (-2 - 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$ ?  
 A)  $\{-45^\circ, 64\}$ , B)  $\{45^\circ, 32\}$ , C)  $\{135^\circ, 32\}$ , D)  $\{45^\circ, 64\}$ , E)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$
- (5) Legyen  $3 + 2i + (-1 - i)z = -1 - 3i$ . Mennyi  $z$ ?  
 A)  $\frac{7}{2} + \frac{3i}{2}$ , B)  $5 - \frac{i}{2}$ , C)  $\frac{9}{2} + \frac{i}{2}$ , D)  $\frac{7}{2}$ , E) 4
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 1, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?  
 A)  $\{1, 1, 1\}$ , B)  $\{0, 0, 0\}$ , C) 13.2, D) 0, E) 3
- (7) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 5x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?  
 A)  $\Delta x + 25$ , B)  $25 - \Delta x$ , C)  $2\Delta x + 27$ , D)  $\Delta x + 31$ , E)  $3\Delta x + 29$
- (8) Legyen  $f(x) = e^{6x+1} + 3$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?  
 A)  $\frac{1}{6}(\log(x-3) + 1)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(3-x) - 1)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(x-3) - 1)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(-x-3) - 1)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(x-1) - 3)$
- (9) Legyen  $f = \frac{3x+4}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$ ?  
 A)  $\frac{1}{(5x+7)^2}$   
 B)  $-\frac{1}{(3x+4)^2}$   
 C)  $\frac{30x+41}{(5x+7)^2}$   
 D)  $\frac{1}{5x+7}$   
 E)  $\frac{13}{(5x+7)^2}$
- (10) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 2 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (12) Legyen  $x_0 = 2$ ,  $\phi(x) = -2x + 6$ . Mennyi  $\phi^6(x_0)$ ?  
 A) 130, B) 2, C) 126, D) -2, E) 0

1<sup>3</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>3</sup>:

Név:

Aláírás:

## 0.2. №.2.

- (1) Legyen  $f(x) = e^{6x+2} + 3$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{6}(\log(-x-3)-2)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(3-x)-2)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(x-3)+2)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(x-2)-3)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(x-3)-2)$
- (2) Legyen  $x_0 = -4$ ,  $\phi(x) = -2x + 9$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$  ?  
 A) 3587, B) 515, C) 2045, D) 509, E) 2051
- (3) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 5x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
 A)  $3\Delta x + 22$ , B)  $2\Delta x + 26$ , C)  $\Delta x + 22$ , D)  $5\Delta x + 25$ , E)  $3\Delta x + 27$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & -4 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{9}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- (5) Legyen  $z = (4 - 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\text{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$  ?  
 A)  $\{45^\circ, 256\}$ , B)  $\{45^\circ, 512\sqrt{2}\}$ , C)  $\{45^\circ, 512\}$ , D)  $\{135^\circ, 256\}$ , E)  $\{-135^\circ, 512\}$
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A)  $\{-7, -5, -1\}$ , B)  $-3$ , C)  $\{-7, 5, -1\}$ , D)  $\{2, 6, 3\}$ , E)  $11$
- (7) Ird fel az  $\{1, 3, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 1, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{1}{3}$ , B)  $-\frac{2}{3}$ , C)  $-\frac{5}{3}$ , D)  $-\frac{4}{3}$ , E)  $-1$
- (8) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (9) Legyen  $f = \frac{3x+5}{6x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $-\frac{9}{(6x+7)^2}$ , B)  $-\frac{9}{6x+7}$ , C)  $\frac{17}{(6x+7)^2}$ , D)  $\frac{30x+51}{(6x+7)^2}$ , E)  $\frac{9}{(3x+5)^2}$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + 3y - 3z &= -8 \\ 2x + 5y - 8z &= -17 \\ -2x - 8y + 4z &= 16 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A)  $-3$ , B)  $-5$ , C)  $-2$ , D)  $-6$ , E)  $-7$
- (11) Legyen  $f(x) = 6x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
 A)  $2$ , B)  $\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D)  $-2$ , E)  $0$
- (12) Legyen  $1 - 2i + (2 + 3i)z = -1 - i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{3}{13} + \frac{7i}{13}$ , B)  $-\frac{3}{13} + \frac{9i}{13}$ , C)  $\frac{6i}{13}$ , D)  $-\frac{2}{13} + \frac{6i}{13}$ , E)  $-\frac{1}{13} + \frac{8i}{13}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>3</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.3. №.3.

- (1) Legyen  $x_0 = -5$ ,  $\phi(x) = 2x - 1$ . Mennyi  $\phi^7(x_0)$  ?  
 A) -769, B) -639, C) -767, D) -768, E) -641

- (2) Legyen  $f = \frac{2x+4}{6x+8}$ . Mennyi  $f'$  ?

- A)  $-\frac{2}{(3x+4)^2}$   
 B)  $-\frac{4}{3x+4}$   
 C)  $\frac{2(3x+5)}{(3x+4)^2}$   
 D)  $\frac{2}{(x+2)^2}$   
 E)  $\frac{5}{(3x+4)^2}$

- (3) Legyen  $f(x) = 12x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A) 0, B)  $\frac{2}{3}$ , C)  $-\frac{2}{3}$ , D)  $-\frac{3}{2}$ , E)  $\frac{3}{2}$

- (4) Legyen  $-1 + 3i + (2 + 3i)z = -1 - 2i$ . Mennyi  $z$  ?

- A)  $-\frac{17}{13} - \frac{9i}{13}$ , B)  $-\frac{16}{13} - \frac{11i}{13}$ , C)  $-\frac{15}{13} - \frac{10i}{13}$ , D)  $-1 - \frac{9i}{13}$ , E)  $-\frac{14}{13} - \frac{12i}{13}$

- (5) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= 1 \\ -x - 5y - z &= -11 \\ x + 5y &= 9 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$  ?

- A) -1, B) 3, C) -2, D) 0, E) 1

- (6) Ird fel az  $\{2, -1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 1, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?

- A)  $-\frac{1}{9}$ , B)  $\frac{1}{9}$ , C)  $-\frac{1}{3}$ , D) 0, E)  $-\frac{2}{9}$

- (7) Legyen  $f(x) = e^{5x+1} + 2$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?

- A)  $\frac{1}{5}(\log(x-2) + 1)$ , B)  $\frac{1}{5}(\log(-x-2) - 1)$ , C)  $\frac{1}{5}(\log(2-x) - 1)$ , D)  $\frac{1}{5}(\log(x-2) - 1)$ , E)  $\frac{1}{5}(\log(x-1) - 2)$

- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetét!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & 2 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

- (9) Legyen  $z = 2 - 2i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$  ?

- A)  $\{135^\circ, 4\}$ , B)  $\{-90^\circ, 8\}$ , C)  $\{45^\circ, 8\sqrt{2}\}$ , D)  $\{45^\circ, 4\}$ , E)  $\{45^\circ, 8\}$

- (10) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?

- A) 11, B)  $\{0, 1, 2\}$ , C)  $\{0, -1, 2\}$ , D)  $\{6, 4, 1\}$ , E) 1

- (11) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 4x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$  ?

- A)  $2\Delta x + 35$ , B)  $5\Delta x + 34$ , C)  $4\Delta x + 30$ , D)  $\Delta x + 30$ , E)  $3\Delta x + 31$

- (12) Ird fel az  $\frac{\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

1<sup>3</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.4. №.4.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & \frac{3}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & 2 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- (2) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?
- A)  $\{3, -3, 0\}$ , B)  $\{3, 3, 0\}$ , C) 13, D)  $\{2, 2, 9\}$ , E) 0
- (3) Legyen  $x_0 = -3$ ,  $\phi(x) = -2x + 6$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$ ?
- A) 1538, B) 510, C) 514, D) 2562, E) 1534
- (4) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x - y + z &= 0 \\ -2x + 5y - 4z &= 1 \\ x - 7y + 8z &= -8 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -7, B) -2, C) -5, D) -4, E) -6
- (5) Ird fel az  $\{-2, -2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{2, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{1}{2}$ , C) -1, D)  $-\frac{3}{2}$ , E) 0
- (6) Legyen  $-3 + 2i + (2 + 3i)z = 2 + 2i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $\frac{9}{13} - i$ , B)  $\frac{10}{13} - \frac{15i}{13}$ , C)  $\frac{8}{13} - \frac{14i}{13}$ , D)  $\frac{11}{13} - \frac{14i}{13}$ , E)  $\frac{11}{13} - \frac{17i}{13}$
- (7) Legyen  $f = \frac{3x+5}{6x+7}$ . Mennyi  $f'$ ?
- A)  $-\frac{9}{(6x+7)^2}$   
 B)  $-\frac{9}{6x+7}$   
 C)  $\frac{17}{(6x+7)^2}$   
 D)  $\frac{36x+51}{(6x+7)^2}$   
 E)  $\frac{9}{(3x+5)^2}$
- (8) Legyen  $f(x) = 12x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokális maximumának a helyét!
- A)  $-\sqrt{2}$ , B)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , C)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , D)  $\sqrt{2}$ , E) 0
- (9) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 2x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$ ?
- A)  $\Delta x + 31$ , B)  $3\Delta x + 32$ , C)  $\Delta x + 35$ , D)  $28 - \Delta x$ , E)  $30 - \Delta x$
- (10) Ird fel az  $\frac{7\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (11) Legyen  $f(x) = e^{5x+1} + 4$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?
- A)  $\frac{1}{5}(\log(x-4)-1)$ , B)  $\frac{1}{5}(\log(4-x)-1)$ , C)  $\frac{1}{5}(\log(x-4)+1)$ , D)  $\frac{1}{5}(\log(-x-4)-1)$ , E)  $\frac{1}{5}(\log(x-1)-4)$
- (12) Legyen  $z = (-4 - 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$ ?
- A)  $\{135^\circ, 32\}$ , B)  $\{90^\circ, 64\}$ , C)  $\{45^\circ, 32\}$ , D)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , E)  $\{45^\circ, 64\}$

Név:

Aláírás:

## 0.5. №.5.

- (1) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 5x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$  ?  
 A)  $4\Delta x + 29$ , B)  $2\Delta x + 27$ , C)  $2\Delta x + 25$ , D) 27, E)  $6\Delta x + 27$
- (2) Ird fel az  $\{3, 2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A) -7, B) -6, C) -4, D) -3, E) -5
- (3) Legyen  $x_0 = -2$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$  ?  
 A) -1021, B) -2557, C) -2563, D) -2560, E) -1027
- (4) Legyen  $-2 - 3i + (-3 - i)z = 3 + 3i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{21}{10} - \frac{13i}{10}$ , B)  $-\frac{23}{10} - \frac{7i}{5}$ , C)  $-\frac{11}{5} - \frac{6i}{5}$ , D)  $-2 - \frac{6i}{5}$ , E)  $-2 - \frac{7i}{5}$
- (5) Legyen  $f(x) = 9x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
 A)  $\sqrt{\frac{3}{7}}$ , B)  $\sqrt{\frac{7}{3}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{7}{3}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{3}{7}}$ , E) 0
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A) {-2, 4, -2}, B) {-2, -4, -2}, C) 12, D) 0, E) {2, 4, 6}
- (7) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- (8) Legyen  $f = \frac{3x+5}{7x+9}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $\frac{8}{(3x+5)^2}$ , B)  $\frac{24}{(7x+9)^2}$ , C)  $-\frac{8}{7x+9}$ , D)  $\frac{42x+62}{(7x+9)^2}$ , E)  $-\frac{8}{(7x+9)^2}$
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (10) Legyen  $f(x) = e^{6x+3} + 7$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{6}(\log(x-7) + 3)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(-x-7) - 3)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(x-3) - 7)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(x-7) - 3)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(7-x) - 3)$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - y + 2z &= 8 \\ x + 2y + 5z &= 8 \\ -x - 5y - 5z &= -2 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) 0, B) -2, C) -3, D) 2, E) -1
- (12) Legyen  $z = (-2 + 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$  ?  
 A)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , B)  $\{135^\circ, 32\}$ , C)  $\{45^\circ, 64\}$ , D)  $\{135^\circ, 64\}$ , E)  $\{45^\circ, 32\}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.6. №.6.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{11}{6} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$
- (2) Legyen  $-2 - i + (-2 + 2i)z = 3 - 2i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $-2 - \frac{3i}{2}$ , B)  $-\frac{3}{2} - i$ , C)  $-1 - \frac{3i}{2}$ , D)  $-2 - \frac{i}{2}$ , E)  $-\frac{1}{2} - \frac{3i}{2}$
- (3) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?
- A)  $\{1, 7, -5\}$ , B)  $\{3, 2, 6\}$ , C)  $\{1, -7, -5\}$ , D) 11, E) 3
- (4) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 3x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$ ?
- A) 40, B)  $5\Delta x + 39$ , C)  $4\Delta x + 43$ , D)  $\Delta x + 44$ , E)  $\Delta x + 47$
- (5) Legyen  $z = (-2 - 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$ ?
- A)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , B)  $\{45^\circ, 64\}$ , C)  $\{135^\circ, 32\}$ , D)  $\{-45^\circ, 64\}$ , E)  $\{45^\circ, 32\}$
- (6) Legyen  $f = \frac{3x+5}{6x+8}$ . Mennyi  $f'$ ?
- A)  $-\frac{3}{3x+4}$   
 B)  $\frac{11}{2(3x+4)^2}$   
 C)  $\frac{6}{(3x+5)^2}$   
 D)  $-\frac{3}{2(3x+4)^2}$   
 E)  $\frac{9(2x+3)}{2(3x+4)^2}$
- (7) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (8) Legyen  $f(x) = 9x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!
- A)  $-\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$ , B)  $\frac{\sqrt{\frac{3}{2}}}{2}$ , C) 0, D)  $2\sqrt{\frac{2}{3}}$ , E)  $-2\sqrt{\frac{2}{3}}$
- (9) Legyen  $x_0 = -2$ ,  $\phi(x) = 2x - 2$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$ ?
- A) -2046, B) -2048, C) -2050, D) -1026, E) -1022
- (10) Legyen  $f(x) = e^{6x+1} + 4$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?
- A)  $\frac{1}{6}(\log(4-x) - 1)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(x-1) - 4)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(x-4) + 1)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(-x-4) - 1)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(x-4) - 1)$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 2y - 2z &= 1 \\ -x &= -1 \\ -x - 6y + 5z &= -2 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -2, B) 0, C) -1, D) 3, E) 2
- (12) Ird fel az  $\{3, -1, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{4}{13}$ , B)  $-\frac{5}{13}$ , C)  $-\frac{3}{13}$ , D)  $-\frac{6}{13}$ , E)  $-\frac{7}{13}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>3</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.7. №.7.

(1) Legyen  $1 + i + (3 + 2i)z = 3 - 3i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $-\frac{4}{13} - \frac{15i}{13}$
- , B)
- $-\frac{1}{13} - \frac{18i}{13}$
- , C)
- $-\frac{1}{13} - \frac{15i}{13}$
- , D)
- $-\frac{3}{13} - \frac{14i}{13}$
- , E)
- $-\frac{2}{13} - \frac{16i}{13}$

(2) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -2 & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -1 & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -2 & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -2 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$

(3) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A)
- $\{2, -4, 2\}$
- , B)
- $12$
- , C)
- $\{6, 4, 2\}$
- , D)
- $0$
- , E)
- $\{2, 4, 2\}$

(4) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(5) Legyen  $f(x) = 12x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumainak a helyet!

- A)
- $-\sqrt{\frac{2}{3}}$
- , B)
- $-\sqrt{\frac{3}{2}}$
- , C)
- $0$
- , D)
- $\sqrt{\frac{3}{2}}$
- , E)
- $\sqrt{\frac{2}{3}}$

(6) Legyen  $f(x) = e^{6x+4} + 8$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)
- $\frac{1}{6}(\log(x-8) + 4)$
- , B)
- $\frac{1}{6}(\log(x-8) - 4)$
- , C)
- $\frac{1}{6}(\log(8-x) - 4)$
- , D)
- $\frac{1}{6}(\log(-x-8) - 4)$
- , E)
- $\frac{1}{6}(\log(x-4) - 8)$

(7) Legyen  $x_0 = -6$ ,  $\phi(x) = -2x + 6$ . Mennyi  $\phi^6(x_0)$ ?

- A)
- $-382$
- , B)
- $-514$
- , C)
- $-386$
- , D)
- $-510$
- , E)
- $-512$

(8) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 3y - 2z &= 9 \\ x - 4y - 5z &= 14 \\ -2x + 8y + 11z &= -29 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)
- $-5$
- , B)
- $-7$
- , C)
- $-6$
- , D)
- $-2$
- , E)
- $-4$

(9) Legyen  $f = \frac{2x+3}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)
- $-\frac{1}{(5x+7)^2}$
- 
- B)
- $\frac{11}{(5x+7)^2}$
- 
- C)
- $\frac{20x+29}{(5x+7)^2}$
- 
- D)
- $\frac{1}{-5x-7}$
- 
- E)
- $\frac{1}{(2x+3)^2}$

(10) Legyen  $z = (2 - 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$ ?

- A)
- $\{45^\circ, 32\}$
- , B)
- $\{45^\circ, 64\}$
- , C)
- $\{-135^\circ, 64\}$
- , D)
- $\{135^\circ, 32\}$
- , E)
- $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$

(11) Ird fel az  $\{-3, 3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{1, 1, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{3}{2}$
- , B)
- $-\frac{5}{2}$
- , C)
- $-\frac{1}{2}$
- , D)
- $-2$
- , E)
- $-1$

(12) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 5x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?

- A)
- $\Delta x + 33$
- , B)
- $\Delta x + 26$
- , C)
- $\Delta x + 31$
- , D)
- $3\Delta x + 29$
- , E)
- $2\Delta x + 26$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>3</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.8. №.8.

- (1) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 5x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
 A)  $15 - 2\Delta x$ , B)  $17 - \Delta x$ , C)  $2\Delta x + 13$ , D)  $16 - \Delta x$ , E)  $10 - 2\Delta x$
- (2) Legyen  $z = (-2 + 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  es  $|z^3|$  ?  
 A)  $\{45^\circ, 32\}$ , B)  $\{45^\circ, 64\}$ , C)  $\{135^\circ, 64\}$ , D)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , E)  $\{135^\circ, 32\}$
- (3) Ird fel az  $\{-2, 1, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{1, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $-2$ , C)  $-\frac{5}{2}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{1}{2}$
- (4) Legyen  $x_0 = 1$ ,  $\phi(x) = 2x - 1$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$  ?  
 A) 0, B) 255, C) -1, D) 1, E) 257
- (5) Legyen  $-3 - 3i + (-1 + 3i)z = 2 + i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $\frac{7}{10} - \frac{19i}{10}$ , B)  $\frac{9}{10} - \frac{17i}{10}$ , C)  $\frac{1}{2} - 2i$ , D)  $\frac{9}{10} - \frac{9i}{5}$ , E)  $\frac{4}{5} - \frac{17i}{10}$
- (6) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A) 10, B) {2, 6, 2}, C) {4, 0, -4}, D) 13.2, E) 0
- (7) Ird fel az  $\frac{\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (8) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokális maximumának a helyét!  
 A)  $\sqrt{2}$ , B)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , C)  $-\sqrt{2}$ , D)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , E) 0
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{5}{6} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{7}{6} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{6} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (10) Legyen  $f = \frac{2x+4}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $\frac{20x+34}{(5x+7)^2}$ , B)  $-\frac{6}{5x+7}$ , C)  $-\frac{6}{(5x+7)^2}$ , D)  $\frac{18}{(5x+7)^2}$ , E)  $\frac{3}{2(x+2)^2}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - 3y - z &= 6 \\ -2x + 4y + 3z &= -12 \\ 2x - 4y - 2z &= 10 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -2, B) -7, C) -3, D) -4, E) -6
- (12) Legyen  $f(x) = e^{7x+3} + 6$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{7}(\log(-x - 6) - 3)$ , B)  $\frac{1}{7}(\log(6 - x) - 3)$ , C)  $\frac{1}{7}(\log(x - 3) - 6)$ , D)  $\frac{1}{7}(\log(x - 6) + 3)$ , E)  $\frac{1}{7}(\log(x - 6) - 3)$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>3</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>3</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.9. №.9.

(1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x - 2y - z &= 1 \\-x + y + 2z &= 3 \\x - 4y + 3z &= 13\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -3, B) -1, C) -6, D) -5, E) -4

(2) Legyen  $-1 + 3i + (-2 - 2i)z = 1 - 2i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $\frac{1}{2} + \frac{3i}{2}$
- , B)
- $\frac{1}{4} + \frac{3i}{2}$
- , C)
- $\frac{1}{4} + \frac{9i}{4}$
- , D)
- $\frac{3}{4} + \frac{7i}{4}$
- , E)
- $\frac{1}{2} + \frac{9i}{4}$

(3) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A) 8, B) {1, 5, -8}, C) {1, -5, -8}, D) {3, 3, 2}, E) -2

(4) Legyen  $f(x) = e^{5x+4} + 6$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)
- $\frac{1}{5}(\log(x-4)-6)$
- , B)
- $\frac{1}{5}(\log(x-6)+4)$
- , C)
- $\frac{1}{5}(\log(-x-6)-4)$
- , D)
- $\frac{1}{5}(\log(6-x)-4)$
- , E)
- $\frac{1}{5}(\log(x-6)-4)$

(5) Legyen  $f = \frac{2x+3}{4x+5}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)  $\frac{2}{(2x+3)^2}$   
 B)  $-\frac{2}{(4x+5)^2}$   
 C)  $-\frac{2}{4x+5}$   
 D)  $\frac{7}{(4x+5)^2}$   
 E)  $\frac{2(8x+11)}{(4x+5)^2}$

(6) Legyen  $x_0 = -7$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$ ?

- A) -2563, B) -1789, C) -2560, D) -2557, E) -1795

(7) Ird fel az  $\{-1, -3, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $\frac{4}{9}$
- , B)
- $\frac{5}{18}$
- , C)
- $\frac{1}{3}$
- , D)
- $\frac{7}{18}$
- , E)
- $\frac{1}{6}$

(8) Ird fel az  $\frac{7\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{\sqrt{2}}{2} \\ -\frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{7}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{5}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(10) Legyen  $f(x) = 4x^2 + 3x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?

- A) 34, B)
- $3\Delta x + 34$
- , C)
- $4\Delta x + 35$
- , D) 32, E)
- $3\Delta x + 32$

(11) Legyen  $z = -4 - 4i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$ ?

- A)
- $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$
- , B)
- $\{-45^\circ, 128\sqrt{2}\}$
- , C)
- $\{135^\circ, 256\}$
- , D)
- $\{45^\circ, 128\sqrt{2}\}$
- , E)
- $\{45^\circ, 256\}$

(12) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A)
- $\frac{\sqrt{7}}{2}$
- , B) 0, C)
- $-\frac{\sqrt{7}}{2}$
- , D)
- $-\frac{2}{\sqrt{7}}$
- , E)
- $\frac{2}{\sqrt{7}}$

1<sup>3</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>3</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.10. №.10.

(1) Legyen  $f(x) = e^{7x+4} + 5$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)  $\frac{1}{7}(\log(x-5)-4)$ , B)  $\frac{1}{7}(\log(-x-5)-4)$ , C)  $\frac{1}{7}(\log(x-5)+4)$ , D)  $\frac{1}{7}(\log(x-4)-5)$ , E)  $\frac{1}{7}(\log(5-x)-4)$

(2) Ird fel az  $\frac{\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

(3) Legyen  $f = \frac{3x+4}{6x+8}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A) 13.2  
B)  $\frac{7}{2(3x+4)^2}$   
C) 17.3  
D)  $\frac{3}{3x+4}$   
E) 0

(4) Ird fel az  $\{1, -2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{2, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-\frac{1}{2}$ , B) 1, C) 0, D)  $\frac{1}{2}$ , E) -1

(5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{19}{6} \\ 0 & -\frac{6}{6} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{7}{10} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$$

(6) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 3x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$ ?

- A) 34, B)  $\Delta x + 35$ , C)  $2\Delta x + 31$ , D)  $2\Delta x + 29$ , E)  $3\Delta x + 33$

(7) Legyen  $z = 2 - 2i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$ ?

- A)  $\{135^\circ, 32\}$ , B)  $\{45^\circ, 32\}$ , C)  $\{-135^\circ, 16\sqrt{2}\}$ , D)  $\{45^\circ, 16\sqrt{2}\}$ , E)  $\{45^\circ, 8\sqrt{2}\}$

(8) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A)  $\{3, 6, 6\}$ , B) 15, C) 0, D)  $\{0, -7, -7\}$ , E)  $\{0, 7, -7\}$

(9) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 3y + z &= 1 \\ -2x - 3y + z &= 1 \\ -2x - 12y - 5z &= -2 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 1, B) 2, C) -1, D) -2, E) 3

(10) Legyen  $1 - i + (-3 - i)z = 2 - 2i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)  $-\frac{3}{5} + \frac{i}{5}$ , B)  $-\frac{1}{5} + \frac{2i}{5}$ , C)  $-\frac{3}{5} + \frac{3i}{5}$ , D)  $\frac{1}{5} + \frac{3i}{5}$ , E)  $\frac{1}{5} + \frac{4i}{5}$

(11) Legyen  $x_0 = -7$ ,  $\phi(x) = 2x - 2$ . Mennyi  $\phi^6(x_0)$ ?

- A) -576, B) -446, C) -578, D) -450, E) -574

(12) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A)  $\frac{\sqrt{7}}{2}$ , B) 0, C)  $\frac{2}{\sqrt{7}}$ , D)  $-\frac{\sqrt{7}}{2}$ , E)  $-\frac{2}{\sqrt{7}}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>3</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.11. №.11.

(1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 3y - 2z = -8$$

$$x - 5y + z = -4$$

$$-x - y + 11z = 22$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$  ?

- A) -3, B) 1, C) -2, D) -1, E) 2

(2) Legyen  $f(x) = 6x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumanak a helyet!

- A) 0, B)  $\frac{\sqrt{2}}{3}$ , C)  $\frac{3}{\sqrt{2}}$ , D)  $-\frac{3}{\sqrt{2}}$ , E)  $-\frac{\sqrt{2}}{3}$

(3) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?

- A) {5, -8, 1}, B) -2, C) 8, D) {3, 2, 3}, E) {5, 8, 1}

(4) Legyen  $1 + i + (2 + 3i)z = 3 + i$ . Mennyi  $z$  ?

- A)  $\frac{3}{13} - \frac{5i}{13}$ , B)  $\frac{4}{13} - \frac{6i}{13}$ , C)  $\frac{2}{13} - \frac{7i}{13}$ , D)  $\frac{6}{13} - \frac{4i}{13}$ , E)  $\frac{3}{13} - \frac{7i}{13}$

(5) Legyen  $f = \frac{2x+4}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?

- A)  $-\frac{6}{5x+7}$   
 B)  $-\frac{6}{(5x+7)^2}$   
 C)  $\frac{18}{(5x+7)^2}$   
 D)  $\frac{20x+34}{(5x+7)^2}$   
 E)  $\frac{3}{2(x+2)^2}$

(6) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

(7) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 2x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?

- A)  $2\Delta x + 20$ , B)  $3\Delta x + 18$ , C)  $5\Delta x + 22$ , D)  $\Delta x + 18$ , E)  $\Delta x + 26$

(8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & 1 \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} -4 & \frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{4}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

(9) Ird fel az  $\{-2, -3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{3, 3, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?

- A) 0, B)  $\frac{1}{7}$ , C)  $-\frac{1}{7}$ , D)  $-\frac{2}{7}$ , E)  $-\frac{3}{7}$

(10) Legyen  $f(x) = e^{4x+2} + 5$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?

- A)  $\frac{1}{4}(\log(-x-5)-2)$ , B)  $\frac{1}{4}(\log(x-5)+2)$ , C)  $\frac{1}{4}(\log(x-5)-2)$ , D)  $\frac{1}{4}(\log(x-2)-5)$ , E)  $\frac{1}{4}(\log(5-x)-2)$

(11) Legyen  $z = (-2 + 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  es  $|z^2|$  ?

- A)  $\{45^\circ, 16\sqrt{2}\}$ , B)  $\{-90^\circ, 16\}$ , C)  $\{135^\circ, 8\}$ , D)  $\{45^\circ, 8\}$ , E)  $\{45^\circ, 16\}$

(12) Legyen  $x_0 = -5$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^7(x_0)$  ?

- A) -643, B) -637, C) -1021, D) -1024, E) -1027

1<sup>3</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>3</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.12. No.12.

(1) Legyen  $x_0 = 7$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$ ?

- A) 1024, B) 1027, C) 1789, D) 1795, E) 1021

(2) Legyen  $f = \frac{2x+3}{5x+6}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)  $-\frac{3}{(5x+6)^2}$   
 B)  $-\frac{3}{5x+6}$   
 C)  $\frac{20x+27}{(5x+6)^2}$   
 D)  $\frac{3}{(2x+3)^2}$   
 E)  $\frac{8}{(5x+6)^2}$

(3) Ird fel az  $\frac{\pi}{4}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{ B) } \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \text{ C) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{ D) } \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}, \text{ E) } \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

(4) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x - 2y + 2z = -4$$

$$2x - 5y + 3z = -7$$

$$-2x + 2y - 8z = 14$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -4, B) -3, C) 1, D) 0, E) -1

(5) Legyen  $z = (2 - 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$ ?

- A)
- $\{45^\circ, 8\}$
- , B)
- $\{-90^\circ, 16\}$
- , C)
- $\{135^\circ, 8\}$
- , D)
- $\{45^\circ, 16\sqrt{2}\}$
- , E)
- $\{45^\circ, 16\}$

(6) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 3x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$ ?

- A)
- $2\Delta x + 29$
- , B)
- $3\Delta x + 30$
- , C)
- $5\Delta x + 33$
- , D)
- $4\Delta x + 31$
- , E)
- $\Delta x + 34$

(7) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A)
- $\frac{2}{\sqrt{7}}$
- , B)
- $-\frac{\sqrt{7}}{2}$
- , C)
- $-\frac{2}{\sqrt{7}}$
- , D)
- $\frac{\sqrt{7}}{2}$
- , E) 0

(8) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A)
- $\{-1, 6, -3\}$
- , B) 14, C) 2, D)
- $\{-1, -6, -3\}$
- , E)
- $\{9, 2, 3\}$

(9) Legyen  $f(x) = e^{5x+4} + 8$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)
- $\frac{1}{5}(\log(x-8) - 4)$
- , B)
- $\frac{1}{5}(\log(x-4) - 8)$
- , C)
- $\frac{1}{5}(\log(-x-8) - 4)$
- , D)
- $\frac{1}{5}(\log(x-8) + 4)$
- , E)
- $\frac{1}{5}(\log(8-x) - 4)$

(10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{9}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{9}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{9}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$

(11) Ird fel az  $\{-1, -1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -3, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -2, B)
- $-\frac{3}{2}$
- , C)
- $-\frac{7}{2}$
- , D) -3, E)
- $-\frac{5}{2}$

(12) Legyen  $1 - i + (-3 + 3i)z = -2 - i$ . Mennyi  $z$ ?

- A) 1, B)
- $\frac{3}{2} + i$
- , C)
- $\frac{1}{2} + \frac{i}{2}$
- , D)
- $\frac{3}{2} + \frac{3i}{2}$
- , E)
- $i$

Név:

Aláírás:

## 0.13. №.13.

- (1) Legyen  $-2 - 3i + (1 - 3i)z = 1 + 2i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{7}{5} + \frac{8i}{5}$ , B)  $-\frac{6}{5} + \frac{7i}{5}$ , C)  $-\frac{4}{5} + \frac{8i}{5}$ , D)  $-\frac{4}{5} + i$ , E)  $-1 + \frac{8i}{5}$
- (2) Legyen  $x_0 = -4$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$  ?  
 A) -1795, B) -1021, C) -1027, D) -1792, E) -1789
- (3) Ird fel az  $\{1, -1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{5}{2}$ , C) -2, D) -1, E)  $-\frac{3}{2}$
- (4) Ird fel az  $\frac{5\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 6 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- (6) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + 2y + 2z &= -4 \\ 2x + y + 6z &= -4 \\ 2x + 7y - z &= -9 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -5, B) -1, C) -2, D) -4, E) -6
- (7) Legyen  $f(x) = e^{2x+4} + 6$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{2}(\log(x-6) + 4)$ , B)  $\frac{1}{2}(\log(6-x) - 4)$ , C)  $\frac{1}{2}(\log(x-6) - 4)$ , D)  $\frac{1}{2}(\log(-x-6) - 4)$ , E)  $\frac{1}{2}(\log(x-4) - 6)$
- (8) Legyen  $\bar{a} = \{1, 1, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A) 0, B) 8, C)  $\{-5, 5, 0\}$ , D)  $\{-5, -5, 0\}$ , E)  $\{3, 3, 2\}$
- (9) Legyen  $f(x) = 9x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
 A) 0, B)  $\sqrt{\frac{3}{7}}$ , C)  $\sqrt{\frac{7}{3}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{7}{3}}$ , E)  $-\sqrt{\frac{3}{7}}$
- (10) Legyen  $z = (-4 + 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$  ?  
 A)  $\{45^\circ, 512\sqrt{2}\}$ , B)  $\{45^\circ, 512\}$ , C)  $\{45^\circ, 256\}$ , D)  $\{135^\circ, 512\}$ , E)  $\{135^\circ, 256\}$
- (11) Legyen  $f = \frac{3x+5}{7x+9}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $-\frac{8}{7x+9}$   
 B)  $\frac{42x+62}{(7x+9)^2}$   
 C)  $-\frac{8}{(7x+9)^2}$   
 D)  $\frac{8}{(3x+5)^2}$   
 E)  $\frac{24}{(7x+9)^2}$
- (12) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 3x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 5$  ?  
 A)  $3\Delta x + 33$ , B) 29, C) 32, D)  $36 - \Delta x$ , E)  $34 - \Delta x$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.14. №.14.

(1) Legyen  $f = \frac{2x+4}{5x+6}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)  $\frac{4(5x+8)}{(5x+6)^2}$   
 B)  $-\frac{8}{(5x+6)^2}$   
 C)  $\frac{14}{(5x+6)^2}$   
 D)  $\frac{2}{(x+2)^2}$   
 E)  $-\frac{8}{5x+6}$

(2) Legyen  $f(x) = e^{6x+3} + 4$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)  $\frac{1}{6}(\log(-x-4)-3)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(x-4)-3)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(4-x)-3)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(x-4)+3)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(x-3)-4)$

(3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{7}{9} \\ 0 & -\frac{9}{28} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{8}{9} \\ 0 & -\frac{9}{28} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{9} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{2}{25} \\ 0 & -\frac{3}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{7}{9} \\ 0 & -\frac{26}{9} \end{pmatrix}$

(4) Ird fel az  $\{-2, 1, 1\}$  normalvektoru, és a  $\{-2, -2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -4, B) 1, C) -3, D) -2, E) 0

(5) Ird fel az  $\frac{5\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(6) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 3, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A) 0, B)  $\{-2, 2, 4\}$ , C)  $\{2, 6, 4\}$ , D) 12, E)  $\{-2, -2, 4\}$

(7) Legyen  $-2 - 3i + (3+i)z = 3 - 2i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)  $\frac{8}{5} - \frac{i}{5}$ , B)  $\frac{9}{5} + \frac{i}{5}$ , C)  $\frac{9}{5} - \frac{2i}{5}$ , D)  $\frac{6}{5} + \frac{i}{5}$ , E)  $\frac{7}{5} + \frac{i}{5}$

(8) Legyen  $x_0 = -2$ ,  $\phi(x) = 2x - 2$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$ ?

- A) -1026, B) -510, C) -1024, D) -1022, E) -514

(9) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?

- A)  $9 - 2\Delta x$ , B)  $\Delta x + 12$ , C)  $7 - 2\Delta x$ , D)  $\Delta x + 8$ , E)  $2\Delta x + 11$

(10) Legyen  $z = (2 - 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\text{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$ ?

- A)  $\{135^\circ, 32\}$ , B)  $\{45^\circ, 32\}$ , C)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , D)  $\{-135^\circ, 64\}$ , E)  $\{45^\circ, 64\}$

(11) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , B) 0, C)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , E)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$

(12) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x - 2y + 3z = -7$$

$$x - 3y = -5$$

$$-2x + 3y - 10z = 17$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -6, B) -2, C) -5, D) -4, E) -7

Név:

Aláírás:

## 0.15. №.15.

(1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x - 2y + 2z &= 0 \\-x + 4y - z &= -5 \\-x + 4y - 3z &= -3\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -10, B) -9, C) -8, D) -7, E) -5

(2) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumanak a helyet!

- A)
- $\sqrt{2}$
- , B)
- $-\sqrt{2}$
- , C)
- $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- , D)
- $-\frac{1}{\sqrt{2}}$
- , E) 0

(3) Legyen  $\bar{a} = \{2, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 2, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A) {7, 5, 1}, B) 11, C) {2, 6, 3}, D) {7, -5, 1}, E) 3

(4) Legyen  $f = \frac{3x+4}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)  $\frac{1}{(5x+7)^2}$   
 B)  $\frac{1}{5x+7}$   
 C)  $-\frac{1}{(3x+4)^2}$   
 D)  $\frac{13}{(5x+7)^2}$   
 E)  $\frac{30x+41}{(5x+7)^2}$

(5) Legyen  $z = 2 + 2i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  es  $|z^3|$ ?

- A) {135°,
- $16\sqrt{2}$
- }, B) {135°, 32}, C) {45°, 32}, D) {45°,
- $8\sqrt{2}$
- }, E) {45°,
- $16\sqrt{2}$
- }

(6) Ird fel az  $\frac{\pi}{4}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

(7) Legyen  $x_0 = 6$ ,  $\phi(x) = -2x + 3$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$ ?

- A) -3583, B) -3585, C) -2559, D) -3073, E) -3071

(8) Legyen  $f(x) = e^{4x+1} + 3$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)
- $\frac{1}{4}(\log(x-3)-1)$
- , B)
- $\frac{1}{4}(\log(x-1)-3)$
- , C)
- $\frac{1}{4}(\log(3-x)-1)$
- , D)
- $\frac{1}{4}(\log(x-3)+1)$
- , E)
- $\frac{1}{4}(\log(-x-3)-1)$

(9) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 5x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0+\Delta x)-f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?

- A)
- $\Delta x + 16$
- , B)
- $19 - \Delta x$
- , C)
- $3\Delta x + 17$
- , D)
- $\Delta x + 14$
- , E)
- $20 - \Delta x$

(10) Legyen  $-2 - i + (-1 + i)z = 2 + i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $-3 - i$
- , B)
- $-1 - 3i$
- , C)
- $-2 - 5i$
- , D)
- $-2 - 4i$
- , E)
- $1 - 5i$

(11) Ird fel az  $\{1, 2, -1\}$  normalvektor, es a  $\{2, 2, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $\frac{2}{9}$
- , B)
- $-\frac{1}{9}$
- , C) 0, D)
- $\frac{1}{9}$
- , E)
- $-\frac{2}{9}$

(12) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{26}{9} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{10}{3} \\ 0 & \frac{25}{9} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{25}{9} \\ 0 & \frac{9}{3} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{25}{9} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$

1<sup>3</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.16. No.16.

- (1) Legyen  $f(x) = e^{3x+2} + 4$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{3}(\log(4-x)-2)$ , B)  $\frac{1}{3}(\log(x-2)-4)$ , C)  $\frac{1}{3}(\log(x-4)-2)$ , D)  $\frac{1}{3}(\log(x-4)+2)$ , E)  $\frac{1}{3}(\log(-x-4)-2)$
- (2) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A) 9, B)  $\{1, 1, -4\}$ , C)  $\{2, 6, 1\}$ , D) -2, E)  $\{1, -1, -4\}$
- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (4) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
 A)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , B)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$ , C)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$ , D) 0, E)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$
- (5) Ird fel az  $\frac{\pi}{4}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel az  $\{-3, 1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -3, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A) 0, B)  $\frac{3}{10}$ , C)  $\frac{1}{10}$ , D)  $\frac{2}{5}$ , E)  $\frac{1}{5}$
- (7) Legyen  $1 + 2i + (1 - 3i)z = -2 - 3i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $\frac{8}{5} - \frac{8i}{5}$ , B)  $\frac{4}{5} - \frac{8i}{5}$ , C)  $\frac{8}{5} - \frac{9i}{5}$ , D)  $\frac{7}{5} - \frac{8i}{5}$ , E)  $\frac{6}{5} - \frac{7i}{5}$
- (8) Legyen  $f = \frac{2x+3}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $\frac{1}{(2x+3)^2}$   
 B)  $\frac{11}{(5x+7)^2}$   
 C)  $\frac{20x+29}{(5x+7)^2}$   
 D)  $-\frac{1}{(5x+7)^2}$   
 E)  $\frac{1}{-5x-7}$
- (9) Legyen  $z = 2 + 2i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$  ?  
 A)  $\{135^\circ, 4\}$ , B)  $\{45^\circ, 8\sqrt{2}\}$ , C)  $\{45^\circ, 4\}$ , D)  $\{90^\circ, 8\}$ , E)  $\{45^\circ, 8\}$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 2y + 3z &= 1 \\ x + 5y + 2z &= 5 \\ 2x + 10y + 5z &= 9 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -1, B) 0, C) -3, D) 2, E) -2
- (11) Legyen  $x_0 = -2$ ,  $\phi(x) = -2x + 6$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$  ?  
 A) 2050, B) 1022, C) -2, D) 1026, E) 2
- (12) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 4x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$  ?  
 A)  $\Delta x + 40$ , B)  $\Delta x + 46$ , C)  $3\Delta x + 40$ , D)  $3\Delta x + 47$ , E)  $5\Delta x + 44$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>3</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>3</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.17. №.17.

- (1) Legyen  $2 - i + (2 - 3i)z = -1 - i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{7}{13} - \frac{8i}{13}$ , B)  $-\frac{5}{13} - \frac{8i}{13}$ , C)  $-\frac{4}{13} - \frac{10i}{13}$ , D)  $-\frac{6}{13} - \frac{9i}{13}$ , E)  $-\frac{8}{13} - \frac{11i}{13}$

- (2) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 3x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$  ?  
 A)  $5\Delta x + 23$ , B)  $2\Delta x + 21$ , C)  $\Delta x + 20$ , D)  $6\Delta x + 24$ , E)  $\Delta x + 25$

- (3) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 2y + z &= -2 \\ x + y - z &= -1 \\ -x + 8y - 3z &= 0 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$  ?

- A) -9, B) -8, C) -7, D) -5, E) -6

- (4) Legyen  $x_0 = -2$ ,  $\phi(x) = -2x + 6$ . Mennyi  $\phi^6(x_0)$  ?  
 A) -258, B) -130, C) -126, D) -254, E) -256

- (5) Ird fel az  $\{3, 1, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A) -1, B)  $-\frac{4}{5}$ , C)  $-\frac{3}{5}$ , D)  $-\frac{6}{5}$ , E)  $-\frac{7}{5}$

- (6) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
 A)  $\sqrt{2}$ , B) 0, C)  $-\sqrt{2}$ , D)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , E)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$

- (7) Legyen  $f = \frac{2x+3}{4x+5}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $-\frac{2}{4x+5}$   
 B)  $\frac{7}{(4x+5)^2}$   
 C)  $\frac{2(8x+11)}{(4x+5)^2}$   
 D)  $-\frac{2}{(4x+5)^2}$   
 E)  $\frac{2}{(2x+3)^2}$

- (8) Legyen  $f(x) = e^{4x+3} + 7$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{4}(\log(-x-7)-3)$ , B)  $\frac{1}{4}(\log(x-7)+3)$ , C)  $\frac{1}{4}(\log(x-7)-3)$ , D)  $\frac{1}{4}(\log(x-3)-7)$ , E)  $\frac{1}{4}(\log(7-x)-3)$

- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{11}{6} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$

- (10) Legyen  $z = (4 - 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$  ?  
 A)  $\{135^\circ, 256\}$ , B)  $\{45^\circ, 256\}$ , C)  $\{45^\circ, 512\sqrt{2}\}$ , D)  $\{45^\circ, 512\}$ , E)  $\{-135^\circ, 512\}$

- (11) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (12) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 3, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A) 0, B) {6, 6, 1}, C) {-1, -1, 0}, D) 13, E) {-1, 1, 0}

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>3</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>3</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>1</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.18. №.18.

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x + 3y + 3z &= -8 \\-2x - 7y - 7z &= 19 \\x + y &= -1\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -5, B) -6, C) -7, D) -4, E) -2

- (2) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$
- inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{25}{9} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{8}{9} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{28}{9} \\ 0 & \frac{29}{9} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{25}{9} \\ 0 & \frac{25}{9} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$

- (3) Legyen
- $f(x) = 6x - 8x^3$
- . Keresd meg
- $f$
- lokalis maximumanak a helyet!

- A) 0, B)
- $-\frac{1}{2}$
- , C)
- $\frac{1}{2}$
- , D) -2, E) 2

- (4) Ird fel az
- $\{3, -3, -1\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-2, -3, 1\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A)
- $-\frac{5}{2}$
- , B) -1, C)
- $-\frac{1}{2}$
- , D)
- $-\frac{3}{2}$
- , E) -2

- (5) Legyen
- $2 + 2i + (2 + 2i)z = 2 - i$
- . Mennyi
- $z$
- ?

- A)
- $-\frac{3}{4} - \frac{3i}{4}$
- , B)
- $-\frac{1}{2} - i$
- , C)
- $-\frac{5}{4} - \frac{i}{2}$
- , D)
- $-\frac{5}{4} - \frac{5i}{4}$
- , E)
- $-\frac{1}{4} - \frac{i}{4}$

- (6) Legyen
- $f = \frac{3x+4}{6x+8}$
- . Mennyi
- $f'$
- ?

- A)
- $\frac{7}{2(3x+4)^2}$
- 
- B) 17.3
- 
- C) 13.2
- 
- D) 0
- 
- E)
- $\frac{3}{3x+4}$

- (7) Legyen
- $\bar{a} = \{1, 2, 1\}$
- ,
- $\bar{b} = \{3, 1, 2\}$
- . Mennyi
- $\bar{a} \times \bar{b}$
- ?

- A) {3, 2, 2}, B) {3, 1, -5}, C) 7, D) {3, -1, -5}, E) -1

- (8) Ird fel az
- $\frac{7\pi}{4}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (9) Legyen
- $f(x) = 3x^2 + 4x + 5$
- . Mennyi
- $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$
- , ha
- $x_0 = 2$
- ?

- A)
- $3\Delta x + 16$
- , B)
- $\Delta x + 13$
- , C)
- $17 - \Delta x$
- , D) 13, E)
- $\Delta x + 15$

- (10) Legyen
- $x_0 = 5$
- ,
- $\phi(x) = -2x + 9$
- . Mennyi
- $\phi^8(x_0)$
- ?

- A) 509, B) 1283, C) 515, D) 1277, E) 512

- (11) Legyen
- $f(x) = e^{3x+1} + 5$
- . Mennyi
- $f^{-1}$
- ?

- A)
- $\frac{1}{3}(\log(-x - 5) - 1)$
- , B)
- $\frac{1}{3}(\log(5 - x) - 1)$
- , C)
- $\frac{1}{3}(\log(x - 5) - 1)$
- , D)
- $\frac{1}{3}(\log(x - 5) + 1)$
- , E)
- $\frac{1}{3}(\log(x - 1) - 5)$

- (12) Legyen
- $z = (-2 - 2i)\sqrt{2}$
- . Mennyi
- $\text{Arg}(z^3)$
- és
- $|z^3|$
- ?

- A)
- $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$
- , B)
- $\{45^\circ, 64\}$
- , C)
- $\{135^\circ, 32\}$
- , D)
- $\{-45^\circ, 64\}$
- , E)
- $\{45^\circ, 32\}$

Név:

Aláírás:

## 0.19. №.19.

(1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{3}{1} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{3}{4} \end{pmatrix}$

(2) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 3$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?

- A)
- $18 - 2\Delta x$
- , B)
- $2\Delta x + 19$
- , C)
- $16$
- , D)
- $18$
- , E)
- $17 - \Delta x$

(3) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(4) Legyen  $f = \frac{2x+3}{5x+6}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)
- $-\frac{3}{(5x+6)^2}$
- 
- B)
- $\frac{20x+27}{(5x+6)^2}$
- 
- C)
- $-\frac{3}{5x+6}$
- 
- D)
- $\frac{8}{(5x+6)^2}$
- 
- E)
- $\frac{3}{(2x+3)^2}$

(5) Legyen  $z = (-2 + 2i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$ ?

- A)
- $\{45^\circ, 16\}$
- , B)
- $\{45^\circ, 8\}$
- , C)
- $\{45^\circ, 16\sqrt{2}\}$
- , D)
- $\{-90^\circ, 16\}$
- , E)
- $\{135^\circ, 8\}$

(6) Legyen  $-2 - 3i + (-2 + 2i)z = -3 - 2i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)
- $\frac{1}{2}$
- , B)
- $\frac{i}{2}$
- , C)
- $-\frac{1}{2} - i$
- , D)
- $-\frac{i}{2}$
- , E)
- $1 - i$

(7) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= 2 \\ 2x + 7y - 5z &= 5 \\ x + y + 2z &= 2 \end{aligned}$$

egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 1, B) 0, C) -3, D) -4, E) -1

(8) Ird fel az  $\{1, 1, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $\frac{1}{3}$
- , B)
- $-\frac{1}{3}$
- , C)
- $-\frac{2}{3}$
- , D) 0, E) -1

(9) Legyen  $f(x) = e^{4x+1} + 5$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)
- $\frac{1}{4}(\log(x-1) - 5)$
- , B)
- $\frac{1}{4}(\log(-x-5) - 1)$
- , C)
- $\frac{1}{4}(\log(x-5) - 1)$
- , D)
- $\frac{1}{4}(\log(x-5) + 1)$
- , E)
- $\frac{1}{4}(\log(5-x) - 1)$

(10) Legyen  $f(x) = 6x - 9x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A)
- $-\frac{\sqrt{2}}{3}$
- , B)
- $\frac{3}{\sqrt{2}}$
- , C) 0, D)
- $-\frac{3}{\sqrt{2}}$
- , E)
- $\frac{\sqrt{2}}{3}$

(11) Legyen  $x_0 = 7$ ,  $\phi(x) = 2x - 2$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$ ?

- A) 1794, B) 1790, C) 1282, D) 1280, E) 1278

(12) Legyen  $\bar{a} = \{1, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A)
- $\{5, 1, -3\}$
- , B)
- $\{2, 2, 3\}$
- , C) 1, D)
- $\{5, -1, -3\}$
- , E) 7

Név:

Aláírás:

## 0.20. No.20.

- (1) Ird fel az  $\{2, 1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -5, B) -4, C) -3, D) -2, E) -1
- (2) Legyen  $f(x) = 6x - 5x^3$ . Keresd meg  $f$  lokális maximumának a helyét!
- A) 0, B)  $\sqrt{\frac{5}{2}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{5}{2}}$ , D)  $\sqrt{\frac{2}{5}}$ , E)  $-\sqrt{\frac{2}{5}}$
- (3) Legyen  $z = -4 + 4i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$ ?
- A)  $\{-90^\circ, 32\}$ , B)  $\{45^\circ, 32\sqrt{2}\}$ , C)  $\{135^\circ, 16\}$ , D)  $\{45^\circ, 32\}$ , E)  $\{45^\circ, 16\}$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{6}{5} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\frac{5\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (6) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?
- A)  $20 - 2\Delta x$ , B)  $17 - \Delta x$ , C)  $2\Delta x + 19$ , D)  $18 - \Delta x$ , E)  $17 - 2\Delta x$
- (7) Legyen  $\bar{a} = \{1, 3, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?
- A) 0, B)  $\{2, 6, 2\}$ , C) 10, D)  $\{4, 0, -4\}$ , E) 13.2
- (8) Legyen  $3 + 3i + (3 + i)z = 3 + 3i$ . Mennyi  $z$ ?
- A)  $-1 - 2i$ , B)  $-2 + 2i$ , C)  $1 - i$ , D) 0, E)  $-2 - i$
- (9) Legyen  $x_0 = 3$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$ ?
- A) 0, B) 771, C) 765, D) -3, E) 3
- (10) Oldd meg Gauss-elimináció segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= -11 \\ -2x - 7y + 2z &= 20 \\ -x - 4y - 3z &= 3 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -3, B) -1, C) -4, D) -5, E) -6
- (11) Legyen  $f(x) = e^{2x+3} + 5$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?
- A)  $\frac{1}{2}(\log(-x - 5) - 3)$ , B)  $\frac{1}{2}(\log(x - 3) - 5)$ , C)  $\frac{1}{2}(\log(x - 5) + 3)$ , D)  $\frac{1}{2}(\log(x - 5) - 3)$ , E)  $\frac{1}{2}(\log(5 - x) - 3)$
- (12) Legyen  $f = \frac{2x+3}{4x+6}$ . Mennyi  $f'$ ?
- A)  $\frac{2}{2x+3}$   
 B) 17.3  
 C) 13.2  
 D)  $\frac{5}{2(2x+3)^2}$   
 E) 0

1<sup>2</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>3</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.21. No.21.

- (1) Legyen  $f = \frac{3x+4}{6x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?  
 A)  $\frac{10}{(6x+7)^2}$   
 B)  $-\frac{3}{(6x+7)^2}$   
 C)  $\frac{9(4x+5)}{(6x+7)^2}$   
 D)  $\frac{3}{(3x+4)^2}$   
 E)  $-\frac{3}{6x+7}$
- (2) Legyen  $f(x) = e^{6x+1} + 5$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
 A)  $\frac{1}{6}(\log(x-5)+1)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(-x-5)-1)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(x-1)-5)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(5-x)-1)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(x-5)-1)$
- (3) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{1, 1, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
 A) 12, B) {3, 3, 6}, C) 0, D) {7, 7, 0}, E) {7, -7, 0}
- (4) Legyen  $z = (-4 + 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  es  $|z^3|$  ?  
 A)  $\{135^\circ, 512\}$ , B)  $\{45^\circ, 256\}$ , C)  $\{135^\circ, 256\}$ , D)  $\{45^\circ, 512\sqrt{2}\}$ , E)  $\{45^\circ, 512\}$
- (5) Legyen  $2 + 3i + (1 + 2i)z = 1 + 3i$ . Mennyi  $z$  ?  
 A)  $-\frac{2}{5}$ , B)  $-\frac{2}{5} + \frac{3i}{5}$ , C)  $-\frac{1}{5} + \frac{2i}{5}$ , D)  $-\frac{2}{5} + \frac{i}{5}$ , E)  $-\frac{3}{5}$
- (6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{7}{3} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{7}{3} \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + y - 2z &= 4 \\ 2x + 3y - 5z &= 10 \\ x + 2y - 5z &= 8 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -4, B) 0, C) -2, D) -3, E) 1
- (8) Legyen  $f(x) = 6x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumanak a helyet!  
 A)  $-\sqrt{\frac{7}{2}}$ , B)  $\sqrt{\frac{2}{7}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{2}{7}}$ , D) 0, E)  $\sqrt{\frac{7}{2}}$
- (9) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 2x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$  ?  
 A)  $3\Delta x + 29$ , B)  $\Delta x + 33$ , C)  $2\Delta x + 34$ , D)  $5\Delta x + 32$ , E)  $3\Delta x + 33$
- (10) Ird fel az  $\{-1, -3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{3, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $\frac{4}{3}$ , B)  $\frac{2}{3}$ , C) 1, D)  $\frac{1}{3}$ , E) 0
- (11) Legyen  $x_0 = 6$ ,  $\phi(x) = 2x - 2$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$  ?  
 A) 1026, B) 1538, C) 1022, D) 1534, E) 1024
- (12) Ird fel az  $\frac{5\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>3</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.22. No.22.

(1) Legyen  $f = \frac{2x+4}{6x+7}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)  $\frac{24x+38}{(6x+7)^2}$   
 B)  $\frac{5}{2(x+2)^2}$   
 C)  $\frac{16}{(6x+7)^2}$   
 D)  $-\frac{10}{(6x+7)^2}$   
 E)  $-\frac{10}{6x+7}$

(2) Ird fel az  $\frac{3\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

(3) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x + 2y + 3z &= -9 \\ -x - 4y - 2z &= 11 \\ 2x + 8y + 6z &= -26 \end{aligned}$$

egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -7, B) -4, C) -6, D) -3, E) -5

(4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetét!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} 0 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{3}{3} \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} 0 & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{3}{3} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} 0 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} 0 & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{3}{3} \end{pmatrix}$$

(5) Legyen  $f(x) = 12x - 7x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

$$\text{A) } \frac{2}{\sqrt{7}}, \text{B) } -\frac{\sqrt{7}}{2}, \text{C) } \frac{\sqrt{7}}{2}, \text{D) } 0, \text{E) } -\frac{2}{\sqrt{7}}$$

(6) Ird fel az  $\{-3, -1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

$$\text{A) } \frac{2}{5}, \text{B) } \frac{6}{5}, \text{C) } \frac{4}{5}, \text{D) } \frac{3}{5}, \text{E) } 1$$

(7) Legyen  $x_0 = -6$ ,  $\phi(x) = -2x + 9$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$ ?

$$\text{A) } 4611, \text{B) } 1539, \text{C) } 3069, \text{D) } 3075, \text{E) } 1533$$

(8) Legyen  $f(x) = e^{5x+4} + 8$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

$$\text{A) } \frac{1}{5}(\log(-x - 8) - 4), \text{B) } \frac{1}{5}(\log(x - 4) - 8), \text{C) } \frac{1}{5}(\log(x - 8) - 4), \text{D) } \frac{1}{5}(\log(8 - x) - 4), \text{E) } \frac{1}{5}(\log(x - 8) + 4)$$

(9) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 2x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 2$ ?

$$\text{A) } 5\Delta x + 22, \text{B) } 3\Delta x + 26, \text{C) } 2\Delta x + 25, \text{D) } \Delta x + 26, \text{E) } 4\Delta x + 26$$

(10) Legyen  $\bar{a} = \{3, 2, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 1, 2\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

$$\text{A) } \{2, -2, -1\}, \text{B) } 12, \text{C) } \{6, 2, 4\}, \text{D) } -1, \text{E) } \{2, 2, -1\}$$

(11) Legyen  $z = (-4 + 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$ ?

$$\text{A) } \{45^\circ, 64\sqrt{2}\}, \text{B) } \{-90^\circ, 64\}, \text{C) } \{45^\circ, 64\}, \text{D) } \{45^\circ, 32\}, \text{E) } \{135^\circ, 32\}$$

(12) Legyen  $3 + i + (-1 + 3i)z = -2 + 3i$ . Mennyi  $z$ ?

$$\text{A) } \frac{6}{5} + \frac{6i}{5}, \text{B) } \frac{6}{5} + \frac{7i}{5}, \text{C) } \frac{11}{10} + \frac{13i}{10}, \text{D) } \frac{9}{10} + \frac{3i}{2}, \text{E) } 1 + \frac{7i}{5}$$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>3</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.23. №.23.

- (1) Legyen  $z = (4 + 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^2)$  és  $|z^2|$  ?  
 A)  $\{45^\circ, 32\}$ , B)  $\{90^\circ, 64\}$ , C)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , D)  $\{135^\circ, 32\}$ , E)  $\{45^\circ, 64\}$

- (2) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x - y + 2z &= 4 \\-x + 2y - z &= 0 \\-x + 2y + 2z &= 6\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$  ?

- A) 2, B) 3, C) 1, D) 5, E) 6

- (3) Ird fel az  $\{2, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $\frac{1}{2}$ , B) 0, C)  $\frac{3}{2}$ , D)  $-\frac{1}{2}$ , E) 1

- (4) Legyen  $3 - 3i + (-2 - 3i)z = -2 - 3i$ . Mennyi  $z$  ?

- A)  $\frac{8}{13} - \frac{17i}{13}$ , B)  $\frac{11}{13} - \frac{17i}{13}$ , C)  $\frac{12}{13} - \frac{14i}{13}$ , D)  $\frac{8}{13} - \frac{14i}{13}$ , E)  $\frac{10}{13} - \frac{15i}{13}$

- (5) Legyen  $\bar{a} = \{2, 2, 1\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?

- A) {4, 4, 0}, B) {4, 4, 3}, C) 0, D) 11, E) {4, -4, 0}

- (6) Legyen  $f = \frac{3x+4}{6x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?

- A)  $\frac{3}{(3x+4)^2}$   
 B)  $-\frac{3}{(6x+7)^2}$   
 C)  $\frac{10}{(6x+7)^2}$   
 D)  $-\frac{3}{6x+7}$   
 E)  $\frac{9(4x+5)}{(6x+7)^2}$

- (7) Legyen  $f(x) = 9x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A) 0, B)  $-\sqrt{2}$ , C)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , D)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , E)  $\sqrt{2}$

- (8) Legyen  $f(x) = e^{7x+4} + 8$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?

- A)  $\frac{1}{7}(\log(x-4) - 8)$ , B)  $\frac{1}{7}(\log(x-8) - 4)$ , C)  $\frac{1}{7}(\log(x-8) + 4)$ , D)  $\frac{1}{7}(\log(-x-8) - 4)$ , E)  $\frac{1}{7}(\log(8-x) - 4)$

- (9) Legyen  $x_0 = 1$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^8(x_0)$  ?

- A) -509, B) 259, C) 253, D) -512, E) -515

- (10) Legyen  $f(x) = 3x^2 + 5x + 2$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$  ?

- A)  $20 - \Delta x$ , B)  $2\Delta x + 21$ , C)  $27 - \Delta x$ , D)  $2\Delta x + 19$ , E)  $3\Delta x + 23$

- (11) Ird fel az  $\frac{7\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

- (12) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{8}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>3</sup>: , 8<sup>2</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.24. No.24.

- (1) Legyen  $z = 4 + 4i$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  és  $|z^3|$  ?  
A)  $\{45^\circ, 64\sqrt{2}\}$ , B)  $\{135^\circ, 256\}$ , C)  $\{45^\circ, 256\}$ , D)  $\{135^\circ, 128\sqrt{2}\}$ , E)  $\{45^\circ, 128\sqrt{2}\}$
- (2) Legyen  $x_0 = -6$ ,  $\phi(x) = 2x - 3$ . Mennyi  $\phi^9(x_0)$  ?  
A) -4605, B) -4611, C) -3069, D) -3075, E) -4608
- (3) Legyen  $f(x) = 12x - 8x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!  
A)  $-\frac{1}{\sqrt{2}}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$ , D)  $-\sqrt{2}$ , E)  $\sqrt{2}$
- (4) Legyen  $f(x) = e^{4x+2} + 6$ . Mennyi  $f^{-1}$  ?  
A)  $\frac{1}{4}(\log(x-2) - 6)$ , B)  $\frac{1}{4}(\log(6-x) - 2)$ , C)  $\frac{1}{4}(\log(x-6) - 2)$ , D)  $\frac{1}{4}(\log(-x-6) - 2)$ , E)  $\frac{1}{4}(\log(x-6) + 2)$
- (5) Legyen  $\bar{a} = \{3, 3, 2\}$ ,  $\bar{b} = \{2, 2, 3\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$  ?  
A) 0, B) 18, C)  $\{6, 6, 6\}$ , D)  $\{5, 5, 0\}$ , E)  $\{5, -5, 0\}$
- (6) Legyen  $3 - 3i + (-2 + 3i)z = 1 - i$ . Mennyi  $z$  ?  
A)  $\frac{10}{13} + \frac{2i}{13}$ , B)  $\frac{11}{13}$ , C)  $\frac{11}{13} + \frac{3i}{13}$ , D)  $\frac{9}{13} + \frac{4i}{13}$ , E)  $\frac{9}{13} + \frac{i}{13}$
- (7) Ird fel az  $\frac{5\pi}{4}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 2y - 2z &= -1 \\ x + 4y + z &= -8 \\ -2x - 8y - 3z &= 17 \end{aligned}$$
  
egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
A) -7, B) -3, C) -4, D) -2, E) -5
- (9) Legyen  $f(x) = 2x^2 + 3x + 5$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 3$  ?  
A)  $3\Delta x + 13$ , B)  $2\Delta x + 15$ , C)  $\Delta x + 12$ , D) 19, E)  $\Delta x + 13$
- (10) Legyen  $f = \frac{3x+4}{5x+7}$ . Mennyi  $f'$  ?  
A)  $\frac{13}{(5x+7)^2}$   
B)  $\frac{1}{5x+7}$   
C)  $\frac{30x+41}{(5x+7)^2}$   
D)  $\frac{1}{(5x+7)^2}$   
E)  $-\frac{1}{(3x+4)^2}$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{9}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{9}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (12) Ird fel az  $\{-1, -3, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
A)  $-\frac{8}{17}$ , B)  $-\frac{7}{17}$ , C)  $-\frac{9}{17}$ , D)  $-\frac{11}{17}$ , E)  $-\frac{10}{17}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>3</sup>: , 3<sup>3</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>3</sup>: , 9<sup>2</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>2</sup>: , 12<sup>2</sup>:

,

Név:

Aláírás:

## 0.25. No.25.

(1) Ird fel az  $\frac{5\pi}{4}$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} & -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(2) Legyen  $f = \frac{3x+4}{5x+6}$ . Mennyi  $f'$ ?

- A)  $\frac{30x+38}{(5x+6)^2}$   
 B)  $\frac{2}{(3x+4)^2}$   
 C)  $-\frac{2}{(5x+6)^2}$   
 D)  $-\frac{2}{5x+6}$   
 E)  $\frac{9}{(5x+6)^2}$

(3) Legyen  $f(x) = e^{6x+3} + 7$ . Mennyi  $f^{-1}$ ?

- A)  $\frac{1}{6}(\log(7-x)-3)$ , B)  $\frac{1}{6}(\log(x-7)-3)$ , C)  $\frac{1}{6}(\log(x-3)-7)$ , D)  $\frac{1}{6}(\log(x-7)+3)$ , E)  $\frac{1}{6}(\log(-x-7)-3)$

(4) Legyen  $-1-i+(1+2i)z=1-3i$ . Mennyi  $z$ ?

- A)  $-\frac{1}{5}-\frac{7i}{5}$ , B)  $-\frac{7i}{5}$ , C)  $-\frac{3}{5}-\frac{4i}{5}$ , D)  $-\frac{1}{5}-\frac{8i}{5}$ , E)  $-\frac{2}{5}-\frac{6i}{5}$

(5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{17}{6} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ \frac{2}{5} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$

(6) Legyen  $f(x) = 5x^2 + 5x + 4$ . Mennyi  $\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(x_0+\Delta x)-f(x_0)}{\Delta x}$ , ha  $x_0 = 4$ ?

- A)  $3\Delta x + 43$ , B)  $3\Delta x + 46$ , C)  $3\Delta x + 41$ , D)  $5\Delta x + 45$ , E)  $2\Delta x + 42$

(7) Ird fel az  $\{-3, 1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$ ?

- A) 0, B) 2, C) -3, D) -2, E) 1

(8) Legyen  $\bar{a} = \{3, 1, 3\}$ ,  $\bar{b} = \{3, 1, 1\}$ . Mennyi  $\bar{a} \times \bar{b}$ ?

- A)  $\{-2, 6, 0\}$ , B)  $\{9, 1, 3\}$ , C) 4, D)  $\{-2, -6, 0\}$ , E) 13

(9) Legyen  $x_0 = -7$ ,  $\phi(x) = -2x + 6$ . Mennyi  $\phi^6(x_0)$ ?

- A) -450, B) -578, C) -574, D) -446, E) -576

(10) Legyen  $z = (-4 + 4i)\sqrt{2}$ . Mennyi  $\operatorname{Arg}(z^3)$  es  $|z^3|$ ?

- A)  $\{45^\circ, 512\}$ , B)  $\{135^\circ, 256\}$ , C)  $\{45^\circ, 512\sqrt{2}\}$ , D)  $\{135^\circ, 512\}$ , E)  $\{45^\circ, 256\}$

(11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + y + 3z &= -1 \\ -2x + y - 3z &= 2 \\ y - 2x &= -1 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 0, B) -2, C) -1, D) -4, E) 1

(12) Legyen  $f(x) = 12x - 6x^3$ . Keresd meg  $f$  lokalis maximumának a helyét!

- A) 0, B)  $\sqrt{\frac{3}{2}}$ , C)  $-\sqrt{\frac{2}{3}}$ , D)  $-\sqrt{\frac{3}{2}}$ , E)  $\sqrt{\frac{2}{3}}$

1<sup>2</sup>: , 2<sup>2</sup>: , 3<sup>2</sup>: , 4<sup>2</sup>: , 5<sup>2</sup>: , 6<sup>2</sup>: , 7<sup>2</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>3</sup>: , 10<sup>2</sup>: , 11<sup>3</sup>: , 12<sup>3</sup>:

,

## Megoldas

1	1 <sup>3</sup> :D,	2 <sup>3</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :E,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :E,	11 <sup>2</sup> :E,	12 <sup>3</sup> :B,
2	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>3</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>3</sup> :C,	11 <sup>3</sup> :B,	12 <sup>2</sup> :E,
3	1 <sup>3</sup> :C,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>3</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>3</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>2</sup> :B,	12 <sup>2</sup> :B,
4	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>3</sup> :D,	4 <sup>3</sup> :B,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>3</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :B,	11 <sup>2</sup> :A,	12 <sup>2</sup> :B,
5	1 <sup>2</sup> :A,	2 <sup>2</sup> :D,	3 <sup>3</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>3</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :E,	8 <sup>2</sup> :E,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :D,	11 <sup>3</sup> :D,	12 <sup>2</sup> :C,
6	1 <sup>2</sup> :C,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :D,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :B,	8 <sup>3</sup> :B,	9 <sup>3</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :E,	11 <sup>3</sup> :D,	12 <sup>2</sup> :C,
7	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>3</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>3</sup> :D,	8 <sup>3</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :C,	11 <sup>2</sup> :C,	12 <sup>2</sup> :D,
8	1 <sup>2</sup> :C,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>3</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>2</sup> :B,	8 <sup>3</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :E,	10 <sup>2</sup> :C,	11 <sup>3</sup> :A,	12 <sup>2</sup> :E,
9	1 <sup>3</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>3</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :E,	10 <sup>2</sup> :C,	11 <sup>2</sup> :B,	12 <sup>3</sup> :E,
10	1 <sup>2</sup> :A,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :D,	6 <sup>2</sup> :E,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>3</sup> :E,	10 <sup>2</sup> :B,	11 <sup>3</sup> :E,	12 <sup>3</sup> :C,
11	1 <sup>3</sup> :E,	2 <sup>3</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :B,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :C,	11 <sup>2</sup> :B,	12 <sup>3</sup> :C,
12	1 <sup>3</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>2</sup> :D,	4 <sup>3</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>3</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :C,	11 <sup>2</sup> :B,	12 <sup>2</sup> :C,
13	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>3</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>3</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>3</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :B,	11 <sup>2</sup> :C,	12 <sup>2</sup> :A,
14	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>2</sup> :A,	8 <sup>3</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :E,	10 <sup>2</sup> :D,	11 <sup>3</sup> :C,	12 <sup>3</sup> :B,
15	1 <sup>3</sup> :E,	2 <sup>3</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>3</sup> :C,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :B,	11 <sup>2</sup> :A,	12 <sup>2</sup> :A,
16	1 <sup>2</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>3</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>2</sup> :E,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>3</sup> :D,	11 <sup>3</sup> :A,	12 <sup>2</sup> :E,
17	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :A,	3 <sup>3</sup> :D,	4 <sup>3</sup> :D,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>3</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :E,	11 <sup>2</sup> :D,	12 <sup>1</sup> :E,
18	1 <sup>3</sup> :E,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>3</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>2</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>2</sup> :B,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>3</sup> :C,	11 <sup>2</sup> :C,	12 <sup>2</sup> :D,
19	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :B,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>2</sup> :D,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>3</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :A,	9 <sup>2</sup> :C,	10 <sup>3</sup> :E,	11 <sup>3</sup> :C,	12 <sup>1</sup> :D,
20	1 <sup>2</sup> :E,	2 <sup>3</sup> :D,	3 <sup>2</sup> :A,	4 <sup>2</sup> :B,	5 <sup>2</sup> :D,	6 <sup>2</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :D,	9 <sup>3</sup> :E,	10 <sup>3</sup> :B,	11 <sup>2</sup> :D,	12 <sup>2</sup> :E,
21	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>2</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :C,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>3</sup> :E,	8 <sup>3</sup> :B,	9 <sup>2</sup> :D,	10 <sup>2</sup> :B,	11 <sup>3</sup> :A,	12 <sup>2</sup> :E,
22	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>3</sup> :D,	4 <sup>2</sup> :A,	5 <sup>3</sup> :A,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>3</sup> :A,	8 <sup>2</sup> :C,	9 <sup>2</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>2</sup> :B,	12 <sup>2</sup> :C,
23	1 <sup>2</sup> :B,	2 <sup>3</sup> :E,	3 <sup>2</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :B,	7 <sup>3</sup> :D,	8 <sup>2</sup> :B,	9 <sup>3</sup> :A,	10 <sup>2</sup> :E,	11 <sup>2</sup> :A,	12 <sup>2</sup> :A,
24	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>3</sup> :A,	3 <sup>3</sup> :C,	4 <sup>2</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>2</sup> :A,	7 <sup>2</sup> :D,	8 <sup>3</sup> :D,	9 <sup>2</sup> :B,	10 <sup>2</sup> :D,	11 <sup>2</sup> :E,	12 <sup>2</sup> :B,
25	1 <sup>2</sup> :D,	2 <sup>2</sup> :C,	3 <sup>2</sup> :B,	4 <sup>2</sup> :E,	5 <sup>2</sup> :D,	6 <sup>2</sup> :D,	7 <sup>2</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>3</sup> :C,	10 <sup>2</sup> :A,	11 <sup>3</sup> :E,	12 <sup>3</sup> :E,