

Név:

Aláírás:

## 0.1. No.1.

- (1) Ird fel az  $\{-3, -1, -2\}$ ,  $\{1, 1, -3\}$  es  $\{3, 3, -3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{2}{3}$ , B)  $-\frac{5}{3}$ , C)  $-\frac{1}{3}$ , D)  $-\frac{4}{3}$ , E)  $-1$
- (2) Ird fel a  $\{-2, -2, -2\}$  es  $\{1, -3, -5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{10, 2, -2\}$ , B)  $\{1, -7, -11\}$ , C)  $\{1, -11, -17\}$ , D)  $\{4, -4, -8\}$ , E)  $\{4, 0, -2\}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{-2, -3, -2\}$ ,  $\{-3, 2, 3\}$  es  $\{-1, 1, 1\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{3, -6, 6\}$ , B)  $\{2, -9, 12\}$ , C)  $\{5, -8, 9\}$ , D)  $\{2, -10, 6\}$ , E)  $\{2, -7, 6\}$
- (4) Ird fel az  $\frac{5\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\{1, 1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -1, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{10}$ , B)  $0$ , C)  $-\frac{1}{5}$ , D)  $\frac{1}{10}$ , E)  $-\frac{3}{10}$
- (6) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 3y - 3z &= -5 \\ -2x + 4y + 7z &= 5 \\ -2x + 10y + 7z &= 17 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-5$ , B)  $-4$ , C)  $-2$ , D)  $-1$ , E)  $0$
- (7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{2}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{3}{6} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$
- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 9 & 4 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 9 & 4 \\ 10 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 9 & 5 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 5 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$
- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $5$ , B)  $4$ , C)  $3$ , D)  $6$ , E)  $2$
- (11) Ird fel az  $\{2, -1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -3, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, -3, -3\}$  es  $\{-1, 0, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{8}{11}$ , B)  $-\frac{7}{11}$ , C)  $-1$ , D)  $-\frac{9}{11}$ , E)  $-\frac{10}{11}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.2. No.2.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 4, B) 3, C) 2, D) 5, E) 6
- (2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{3}{2} \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{1, 3, -2\}, \{-1, -3, 1\}$  és  $\{3, -2, 3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{12, -17, -25\}$ , B)  $\{12, -14, -20\}$ , C)  $\{12, -14, -24\}$ , D)  $\{12, -15, -20\}$ , E)  $\{15, -16, -22\}$
- (4) Ird fel az  $\{3, 1, -3\}, \{1, -2, -2\}$  és  $\{1, -3, -3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -2, B) -3, C) 0, D) -1, E) 1
- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 8 & 13 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 13 \\ 12 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 9 & 12 \\ 10 & 11 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 7 & 11 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 10 \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$
- (6) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - y + 3z &= -3 \\ -x + 3y - z &= -5 \\ -x + 3y - 4z &= 1 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -8, B) -6, C) -5, D) -3, E) -7
- (7) Ird fel az  $\frac{\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$
- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -4 & 0 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -5 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & -4 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel a  $\{-2, -3, -1\}$  és  $\{-5, -1, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-7, -4, 0\}$ , B)  $\{-12, -5, 1\}$ , C)  $\{-7, 9, 7\}$ , D)  $\{-6, 4, 4\}$ , E)  $\{-8, 1, 3\}$
- (10) Ird fel az  $\{2, 2, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -1, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 2, 3\}$  és  $\{1, 0, 6\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $\frac{26}{5}$ , B)  $\frac{27}{5}$ , C)  $\frac{29}{5}$ , D) 5, E)  $\frac{28}{5}$
- (11) Ird fel az  $\{1, -2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -1, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{5}$ , B) -1, C)  $-\frac{3}{5}$ , D)  $-\frac{4}{5}$ , E)  $-\frac{2}{5}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.3. No.3.

(1) Ird fel az  $\{-3, -3, 3\}$ ,  $\{-1, 2, -2\}$  és  $\{-3, 3, 2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-1$ , B)  $-\frac{16}{15}$ , C)  $-\frac{17}{15}$ , D)  $-\frac{13}{15}$ , E)  $-\frac{14}{15}$

(2) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x - y - 2z = 6$$

$$2z - 2x = -6$$

$$x - 5y - 4z = 14$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $-4$ , B)  $-2$ , C)  $-6$ , D)  $-7$ , E)  $-5$

(3) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 1, -1\}$ ,  $\{-1, 1, 1\}$  és  $\{-3, -3, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)  $\{-9, -1, 6\}$ , B)  $\{-11, 2, 1\}$ , C)  $\{-10, 3, 3\}$ , D)  $\{-10, 3, 7\}$ , E)  $\{-8, 1, 4\}$

(4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & \frac{10}{3} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{11}{3} \\ 0 & \frac{11}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$

(5) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{10}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{11}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{7}{11} \\ 0 & -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$

(6) Ird fel az  $\{1, -1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 1, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 2, -1\}$  es  $\{0, -1, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $1$ , B)  $\frac{2}{3}$ , C)  $\frac{4}{3}$ , D)  $\frac{1}{3}$ , E)  $\frac{5}{3}$

(7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A)  $10$ , B)  $12$ , C)  $14$ , D)  $13$ , E)  $11$

(8) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

(9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 10 & 16 \\ 8 & 13 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 20 \\ 7 & 16 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 17 \\ 10 & 16 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 12 & 18 \\ 9 & 15 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 20 \\ 8 & 15 \end{pmatrix}$

(10) Ird fel a  $\{-2, 2, -1\}$  es  $\{-4, 3, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{4, -1, -7\}$ , B)  $\{-2, 3, -3\}$ , C)  $\{7, -3, -9\}$ , D)  $\{8, -4, -9\}$ , E)  $\{3, 0, -7\}$

(11) Ird fel az  $\{3, 2, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -3, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $\frac{1}{2}$ , B)  $\frac{7}{6}$ , C)  $\frac{2}{3}$ , D)  $\frac{4}{3}$ , E)  $\frac{5}{6}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.4. №.4.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{8}{9} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{7}{9} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{11}{9} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{4}{28} \\ 0 & \frac{8}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (2) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel a  $\{1, -2, -2\}$  és  $\{0, -3, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{2, -2, 5\}$ , B)  $\{3, 2, -8\}$ , C)  $\{0, -5, 6\}$ , D)  $\{3, 1, -3\}$ , E)  $\{2, -1, 0\}$
- (4) Ird fel az  $\{2, 1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{2, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, -1, 1\}$  és  $\{-6, -3, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{6}{7}$ , B)  $-\frac{10}{7}$ , C)  $-\frac{8}{7}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{9}{7}$
- (5) Melyik vektor lehet az  $\{-1, 2, -1\}$ ,  $\{3, 3, -2\}$  és  $\{-1, 1, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-1, -3, 7\}$ , B)  $\{0, -6, 7\}$ , C)  $\{0, -7, 2\}$ , D)  $\{2, -4, 4\}$ , E)  $\{-1, -3, 5\}$
- (6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 10 & 12 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 10 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 10 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel az  $\{-3, 2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{2}{5}$ , B)  $\frac{3}{5}$ , C)  $\frac{1}{5}$ , D)  $0$ , E)  $\frac{4}{5}$
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y - 2z &= 0 \\ 2x - 3y - 6z &= 4 \\ 2x - 3y - 8z &= 6 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $0$ , B)  $-1$ , C)  $3$ , D)  $1$ , E)  $-2$
- (10) Ird fel az  $\{-2, 1, 3\}$ ,  $\{-2, 3, -2\}$  és  $\{2, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{3}{11}$ , B)  $\frac{6}{11}$ , C)  $\frac{5}{11}$ , D)  $\frac{7}{11}$ , E)  $\frac{4}{11}$
- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $14$ , B)  $11$ , C)  $10$ , D)  $13$ , E)  $12$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.5. №.5.

- (1) Ird fel az  $\{2, -2, 2\}$ ,  $\{-1, 2, -3\}$  és  $\{-1, -1, -1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -1, B) -4, C) -5, D) -3, E) -2
- (2) Ird fel a  $\{-2, 2, -3\}$  és  $\{-1, 4, -6\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-9, 2, -6\}$ , B)  $\{-7, -1, 0\}$ , C)  $\{2, -4, 9\}$ , D)  $\{-4, -2, 3\}$ , E)  $\{-2, -5, 9\}$
- (3) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 4 & 11 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 4 & 13 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 10 \\ 2 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 10 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 12 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$
- (4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 9, B) 11, C) 12, D) 8, E) 10
- (5) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel az  $\{2, -1, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{3}{2}$ , B) 0, C) 1, D)  $-\frac{1}{2}$ , E)  $\frac{1}{2}$
- (7) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= -2 \\ -x + 3y + 5z &= 2 \\ -x + y - z &= 4 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -3, B) -4, C) -5, D) -2, E) 0
- (8) Melyik vektor lehet az  $\{3, 2, -2\}$ ,  $\{-3, 1, 2\}$  és  $\{-1, 1, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{-7, 13, -3\}$ , B)  $\{-7, 17, 1\}$ , C)  $\{-7, 14, -1\}$ , D)  $\{-4, 16, -2\}$ , E)  $\{-7, 19, -3\}$
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{8}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & -4 \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & -4 \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{3, 2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 1, 3\}$  és  $\{-2, 4, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 0, B) 2, C) 3, D) 4, E) 1
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{5}{4} \\ 0 & \frac{3}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.6. №.6.

(1) Ird fel az  $\{-3, -3, -2\}$ ,  $\{3, -2, -1\}$  és  $\{1, 2, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -2, B) -4, C) -1, D) -3, E) 0

(2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  mátrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajaterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 15, B) 13, C) 14, D) 12, E) 16

(3) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 2, 2\}$ ,  $\{3, -2, -3\}$  és  $\{1, 2, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)  $\{-19, -2, -17\}$ , B)  $\{-19, -7, -15\}$ , C)  $\{-19, -5, -13\}$ , D)  $\{-19, -5, -19\}$ , E)  $\{-16, -4, -16\}$

(4) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x - 3y + z &= -5 \\ -2x + 3y - 3z &= 8 \\ -x + 6y - 3z &= 10 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -6, B) -5, C) 0, D) -4, E) -1

(5) Ird fel a  $\{3, 3, 2\}$  és  $\{6, 5, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{0, 1, 3\}$ , B)  $\{6, 3, -3\}$ , C)  $\{-3, 1, 8\}$ , D)  $\{0, 0, 1\}$ , E)  $\{-3, 0, 6\}$

(6) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(7) Ird fel az  $\{-1, -2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 0, B) -4, C) -2, D) 1, E) -3

(8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & 1 \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & \frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

(9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 8 & 13 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 11 & 10 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 11 & 13 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 7 & 8 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 11 & 10 \end{pmatrix}$

(10) Ird fel az  $\{2, -3, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 1, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, 3, 3\}$  és  $\{3, 6, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $\frac{100}{13}$ , B)  $\frac{99}{13}$ , C)  $\frac{98}{13}$ , D)  $\frac{96}{13}$ , E)  $\frac{97}{13}$

(11) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.7. No.7.

- (1) Ird fel az  $\{2, -2, 3\}$ ,  $\{-3, -3, 3\}$  es  $\{-2, 2, 3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{2}{3}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{3}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{1}{3}$
- (2) Ird fel a  $\{-3, 1, 2\}$  es  $\{-4, 0, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{5, 5, 4\}$ , B)  $\{3, 5, -1\}$ , C)  $\{0, 4, -4\}$ , D)  $\{-6, 2, -10\}$ , E)  $\{-2, 4, -9\}$
- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{9}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{11}{4} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Melyik vektor lehet az  $\{2, -1, -2\}$ ,  $\{1, -2, 2\}$  es  $\{2, 2, -3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{8, -1, 1\}$ , B)  $\{11, 1, 3\}$ , C)  $\{8, 4, 6\}$ , D)  $\{8, 0, 1\}$ , E)  $\{8, 3, 4\}$
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 4, B) 2, C) 0, D) 3, E) 1
- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségével az
- $$\begin{aligned} x - y + 3z &= 7 \\ -2x - 9z &= -16 \\ -x - y - 8z &= -13 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 0, B) -2, C) -6, D) -1, E) -4
- (8) Ird fel az  $\{1, 2, -1\}$  normalvektorú, es a  $\{1, 3, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) 0, B)  $\frac{1}{4}$ , C)  $-\frac{1}{4}$ , D)  $-\frac{1}{2}$ , E)  $-\frac{3}{4}$
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetét!
- A)  $\begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 7 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{-3, -2, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, -3, -1\}$  es  $\{5, -5, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{15}{11}$ , B)  $-\frac{16}{11}$ , C)  $-\frac{17}{11}$ , D)  $-\frac{18}{11}$ , E)  $-\frac{19}{11}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.8. №.8.

(1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{11}{6} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{7}{10} \\ 0 & \frac{3}{10} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{13}{17} \\ 0 & \frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{3}{17} \\ 0 & \frac{2}{17} \end{pmatrix}$

(2) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(3) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 2y + z &= -2 \\ x + y + 3z &= 6 \\ x - 5y &= -9 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 1, B) 0, C) 2, D) 4, E) 3

(4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -3 \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$

(5) Ird fel az  $\{3, 1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -1, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, -1, -3\}$  és  $\{0, 2, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -38, B) -37, C) -35, D) -34, E) -36

(6) Ird fel az  $\{1, -3, 1\}$ ,  $\{-1, 1, -3\}$  és  $\{-2, 3, 2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -3, B) -5, C) -7, D) -4, E) -6

(7) Melyik vektor lehet az  $\{2, -2, -1\}$ ,  $\{-3, 2, 3\}$  és  $\{-1, -2, 2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)
- $\{-12, -3, -12\}$
- , B)
- $\{-15, -2, -9\}$
- , C)
- $\{-15, -5, -9\}$
- , D)
- $\{-15, -6, -9\}$
- , E)
- $\{-15, -2, -11\}$

(8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 6 & 8 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 7 \\ 6 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 7 & 7 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 6 & 11 \\ 7 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 9 \\ 8 & 10 \end{pmatrix}$

(9) Ird fel az  $\{-2, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{1}{7}$
- , B)
- $-\frac{6}{7}$
- , C)
- $-\frac{4}{7}$
- , D)
- $-\frac{2}{7}$
- , E)
- $-\frac{5}{7}$

(10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 4, B) 2, C) 3, D) 13.2, E) 1

(11) Ird fel a  $\{-1, -3, -2\}$  és  $\{2, -4, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{-8, -4, -9\}$
- , B)
- $\{-12, -1, -13\}$
- , C)
- $\{-10, 0, -11\}$
- , D)
- $\{-9, 3, -10\}$
- , E)
- $\{-11, 2, -12\}$

Név:

Aláírás:

## 0.9. №.9.

- (1) Ird fel az  $\{3, -3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 3, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, -2, 2\}$  és  $\{1, -4, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $\frac{44}{7}$ , B)  $\frac{43}{7}$ , C) 6, D)  $\frac{41}{7}$ , E)  $\frac{40}{7}$ 

- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & 7 \\ 7 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 15, B) 14, C) 12, D) 13, E) 16

- (3) Ird fel az  $\{-2, -2, -2\}, \{1, 1, -1\}$  és  $\{-2, -1, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -2, B)  $-\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{5}{2}$ , D)  $-\frac{3}{2}$ , E) -1

- (4) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 2y - 2z &= -3 \\ x + 3y - 5z &= -2 \\ -x - y - 4z &= 7 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -6, B) -7, C) -9, D) -8, E) -4

- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & \frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$ 

- (6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 9 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ 

- (7) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ 

- (8) Ird fel az  $\{1, -3, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{1}{8}$ , B)  $-\frac{1}{4}$ , C)  $-\frac{1}{8}$ , D)  $-\frac{3}{8}$ , E) 0

- (9) Ird fel a  $\{1, -1, 2\}$  és  $\{2, -4, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{4, -8, 1\}$ , B)  $\{2, -3, 3\}$ , C)  $\{1, -3, -6\}$ , D)  $\{2, -4, -1\}$ , E)  $\{1, -2, -2\}$ 

- (10) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ 

- (11) Melyik vektor lehet az  $\{1, 2, -3\}, \{-1, -2, -1\}$  és  $\{3, 2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{-2, -6, -9\}$ , B)  $\{-2, -3, -11\}$ , C)  $\{-3, -1, -6\}$ , D)  $\{-2, -7, -5\}$ , E)  $\{0, -4, -8\}$

Név:

Aláírás:

## 0.10. №.10.

- (1) Ird fel a  $\{-3, -2, 2\}$  és  $\{-6, -5, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{9, 10, -2\}$ , B)  $\{6, 7, 5\}$ , C)  $\{0, 1, 11\}$ , D)  $\{9, 10, 2\}$ , E)  $\{6, 7, 9\}$
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$  mátrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 9, B) 7, C) 10, D) 6, E) 8
- (3) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatás mátrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetét!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{7}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{5}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\{1, 2, 1\}, \{-3, -3, 1\}$  és  $\{3, 1, -2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $\frac{13}{5}$ , B)  $\frac{14}{5}$ , C)  $\frac{19}{5}$ , D)  $\frac{17}{5}$ , E) 3
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -2, 2\}, \{-1, -2, -1\}$  és  $\{-3, -3, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{1, -9, 3\}$ , B)  $\{1, -9, 0\}$ , C)  $\{0, -12, 5\}$ , D)  $\{0, -9, 5\}$ , E)  $\{3, -10, 2\}$
- (7) Ird fel az  $\{1, 1, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 1, B)  $\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D)  $\frac{3}{2}$ , E) 2
- (8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 4 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 7 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 3 & 9 \end{pmatrix}$
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 1 \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= 6 \\ 2x + 7y - 3z &= 15 \\ x + 4y + 2z &= 12 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 5, B) 2, C) 4, D) 1, E) 0
- (11) Ird fel az  $\{2, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 2, 2\}$  és  $\{3, 3, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $\frac{1}{3}$ , B)  $\frac{2}{3}$ , C)  $\frac{4}{3}$ , D)  $\frac{5}{3}$ , E) 1

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.11. №.11.

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -2, -3\}$ ,  $\{-1, -3, -3\}$  és  $\{2, 1, 1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{1, 11, -9\}$ , B)  $\{2, 9, -8\}$ , C)  $\{1, 5, -8\}$ , D)  $\{4, 8, -11\}$ , E)  $\{1, 7, -10\}$
- (2) Ird fel az  $\{3, -3, -1\}$ ,  $\{-3, 2, -1\}$  és  $\{2, -3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-4$ , C)  $-1$ , D)  $-3$ , E)  $-5$
- (3) Ird fel a  $\{-3, -3, 1\}$  és  $\{-5, -6, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-10, -12, 4\}$ , B)  $\{-7, -9, 5\}$ , C)  $\{-1, -3, 7\}$ , D)  $\{-15, -18, 5\}$ , E)  $\{-2, -3, 4\}$
- (4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{7}{3} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 3, B) 2, C) 0, D) 4, E) 13.2
- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y + 2z &= 11 \\ x + 4y + 5z &= 19 \\ -x - 2y - 2z &= -9 \end{aligned}$$
- egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 2, B) 0, C) 5, D) 1, E) 3
- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 7 & 9 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 4 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 8 & 13 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 6 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 6 & 11 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{1, 2, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{3}$ , B)  $\frac{4}{9}$ , C) 0, D)  $\frac{1}{9}$ , E)  $\frac{2}{9}$
- (11) Ird fel az  $\{-1, -2, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -3, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet!
- Ird fel a  $\{-1, 2, 2\}$  es  $\{-2, 1, 5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 3, B)  $\frac{8}{3}$ , C)  $\frac{26}{9}$ , D)  $\frac{28}{9}$ , E)  $\frac{25}{9}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.12. No.12.

- (1) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$  ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{4}{5} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{9}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (2) Ird fel az  $\{-2, 3, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{3, 2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, -2, 1\}$  es  $\{-3, -4, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjat! Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -83, B) -85, C) -86, D) -82, E) -84
- (3) Ird fel az  $\{1, -2, 1\}$ ,  $\{-1, -1, -1\}$  es  $\{-1, 3, -2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A) -4, B) -2, C) -3, D) -1, E) -5
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\{1, 2, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, 2, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A) 1, B)  $\frac{5}{3}$ , C)  $\frac{4}{3}$ , D)  $\frac{2}{3}$ , E)  $\frac{1}{3}$
- (6) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + y - z &= 2 \\ -x - 2z &= 6 \\ 2x + y &= -2 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) -7, B) -5, C) -2, D) -6, E) -4
- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 5, B) 3, C) 2, D) 4, E) 6
- (8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$  ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 7 & 7 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 8 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel az  $\frac{5\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel a  $\{1, -1, -1\}$  es  $\{-2, -3, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-2, -3, -4\}$ , B)  $\{4, -1, -6\}$ , C)  $\{-5, -4, -3\}$ , D)  $\{4, 0, -2\}$ , E)  $\{-11, -7, -5\}$
- (11) Melyik vektor lehet az  $\{1, 3, -3\}$ ,  $\{-1, -3, -2\}$  es  $\{2, -2, 2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{24, -14, -14\}$ , B)  $\{23, -12, -19\}$ , C)  $\{22, -12, -19\}$ , D)  $\{25, -11, -16\}$ , E)  $\{24, -13, -17\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.13. No.13.

- (1) Ird fel az  $\{-1, -3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-1$ , B)  $0$ , C)  $\frac{1}{3}$ , D)  $-\frac{1}{3}$ , E)  $-\frac{2}{3}$
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & 6 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $14$ , B)  $10$ , C)  $11$ , D)  $12$ , E)  $13$
- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{1}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{5}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{1}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel a  $\{1, 1, 2\}$  es  $\{-2, -1, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{10, 7, -4\}$ , B)  $\{11, 3, 2\}$ , C)  $\{6, 9, -8\}$ , D)  $\{11, 10, -8\}$ , E)  $\{12, 6, -2\}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 3, -2\}$ ,  $\{-3, -2, 1\}$  es  $\{-3, -1, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{12, -5, 4\}$ , B)  $\{11, -4, -1\}$ , C)  $\{11, -3, 3\}$ , D)  $\{11, -5, 3\}$ , E)  $\{13, -2, 1\}$
- (7) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 15 & 13 \\ 8 & 10 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 14 & 13 \\ 11 & 10 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 13 & 14 \\ 11 & 10 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 15 & 15 \\ 9 & 9 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 13 & 14 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{1, 3, -1\}$ ,  $\{2, -1, -2\}$  es  $\{-3, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{3}{7}$ , B)  $-\frac{4}{7}$ , C)  $-\frac{5}{7}$ , D)  $-\frac{2}{7}$ , E)  $-\frac{6}{7}$
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y + 3z &= -2 \\ x + 5y &= -9 \\ x - y + 7z &= 10 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-5$ , B)  $0$ , C)  $-1$ , D)  $-3$ , E)  $-2$
- (10) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{-1, -1, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{1, -2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, -3, 3\}$  es  $\{-4, -2, 6\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{15}{11}$ , B)  $-\frac{14}{11}$ , C)  $-\frac{18}{11}$ , D)  $-\frac{16}{11}$ , E)  $-\frac{17}{11}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.14. №.14.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) -1, B) 3, C) 0, D) 2, E) 1
- (2) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -2, 2\}$ ,  $\{-1, 3, -2\}$  és  $\{-3, -2, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{20, -8, -10\}$ , B)  $\{18, -7, -12\}$ , C)  $\{18, -7, -9\}$ , D)  $\{17, -11, -13\}$ , E)  $\{17, -5, -9\}$
- (4) Ird fel az  $\{2, 1, -3\}$  normalvektoru, és a  $\{3, -1, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, 3, -1\}$  és  $\{0, 6, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-\frac{17}{13}$ , B)  $-\frac{19}{13}$ , C)  $-\frac{21}{13}$ , D)  $-\frac{18}{13}$ , E)  $-\frac{20}{13}$
- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 10 \\ 4 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 11 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 11 \\ 2 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$
- (6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel az  $\{-3, -1, 3\}$ ,  $\{3, -3, -1\}$  és  $\{-3, -2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{19}{39}$ , B)  $-\frac{20}{39}$ , C)  $-\frac{23}{39}$ , D)  $-\frac{22}{39}$ , E)  $-\frac{7}{13}$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + y - 3z &= -6 \\ 2x + y - 8z &= -17 \\ 2x + y - 7z &= -15 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 2, B) -2, C) 0, D) -1, E) 3
- (9) Ird fel a  $\{3, -1, 2\}$  és  $\{4, 0, 4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-3, 3, -4\}$ , B)  $\{2, -2, 0\}$ , C)  $\{8, -6, 6\}$ , D)  $\{-1, 0, -3\}$ , E)  $\{4, -5, 1\}$
- (10) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{-3, -3, 2\}$  normalvektoru, és a  $\{-2, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -2, B) 2, C) 1, D) 0, E) -1

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.15. №.15.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 3, B) 0, C) 2, D) 1, E) -1
- (2) Ird fel az  $\{-3, -3, -2\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, -3, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet!  
 Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{8}{9}$ , B)  $-\frac{7}{9}$ , C)  $-\frac{5}{9}$ , D)  $-\frac{2}{3}$ , E)  $-\frac{4}{9}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{2, 2, 1\}, \{-3, 1, -3\}$  es  $\{-1, -2, 3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{18, -22, -17\}$ , B)  $\{16, -20, -20\}$ , C)  $\{16, -24, -18\}$ , D)  $\{15, -23, -15\}$ , E)  $\{16, -24, -19\}$
- (4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 10 & 10 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 14 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 13 & 10 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 11 & 7 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 12 & 9 \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel a  $\{-3, 3, -3\}$  es  $\{-6, 6, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-12, 11, 1\}$ , B)  $\{-18, 16, 2\}$ , C)  $\{-12, 12, 6\}$ , D)  $\{-9, 10, 8\}$ , E)  $\{-9, 11, 13\}$
- (7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{15}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{-3, -1, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, 3, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, 2\}$  es  $\{0, 0, 3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját!  
 Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -2, B) 1, C) 0, D) -1, E) 2
- (9) Ird fel az  $\{3, -1, -2\}, \{-2, -1, -3\}$  es  $\{-2, -3, 2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{11}{17}$ , B)  $-\frac{12}{17}$ , C)  $-\frac{13}{17}$ , D)  $-\frac{14}{17}$ , E)  $-\frac{15}{17}$
- (10) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szogú ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x - 3y + z &= 7 \\ -x + 4y + z &= -4 \\ x - 4y + z &= 8 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 0, B) 3, C) -2, D) 1, E) 2

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.16. No.16.

- (1) Ird fel a  $\{3, -2, -3\}$  és  $\{4, -5, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{10, -1, -4\}$ , B)  $\{1, -7, 2\}$ , C)  $\{4, -5, 0\}$ , D)  $\{6, 0, -5\}$ , E)  $\{-1, -12, 7\}$

- (2) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$

- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

$$\text{A) } \begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{3}{3} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{17}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{19}{9} \\ 0 & \frac{25}{9} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{17}{9} \\ 0 & \frac{29}{9} \end{pmatrix}$$

- (4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 6, B) 13.2, C) 4, D) 7, E) 8

- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x+3y \\ 2x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x+1y \\ 3x+1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

$$\text{A) } \begin{pmatrix} 11 & 7 \\ 13 & 7 \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} 11 & 7 \\ 14 & 5 \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} 12 & 4 \\ 15 & 3 \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} 11 & 7 \\ 11 & 3 \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} 13 & 5 \\ 13 & 5 \end{pmatrix}$$

- (6) Ird fel az  $\{-2, 2, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -1, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{1}{2}$ , B) 1, C)  $-\frac{3}{2}$ , D) 0, E)  $-\frac{1}{2}$

- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 2y - 3z &= -3 \\ -x + y + 4z &= 8 \\ -2x - 10y + z &= -10 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 2, B) 0, C) 1, D) 4, E) -1

- (8) Melyik vektor lehet az  $\{1, 3, -3\}$ ,  $\{-3, -3, 2\}$  és  $\{3, -3, 1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{-8, -25, -38\}$ , B)  $\{-8, -24, -39\}$ , C)  $\{-8, -29, -38\}$ , D)  $\{-8, -29, -34\}$ , E)  $\{-6, -26, -36\}$

- (9) Ird fel az  $\{1, -2, 2\}$ ,  $\{1, -3, 2\}$  és  $\{-3, 3, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{4}{9}$ , B)  $\frac{2}{9}$ , C)  $\frac{5}{9}$ , D)  $\frac{1}{3}$ , E)  $\frac{1}{9}$

- (10) Ird fel az  $\{-2, -3, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 2, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet!

Ird fel a  $\{2, 2, -1\}$  es  $\{5, 0, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 1, B) 2, C) -1, D) 0, E) 3

- (11) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

$$\text{A) } \begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}, \text{B) } \begin{pmatrix} 0 & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}, \text{C) } \begin{pmatrix} 0 & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}, \text{D) } \begin{pmatrix} 1 & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}, \text{E) } \begin{pmatrix} 0 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$$

Név:

Aláírás:

## 0.17. №.17.

(1) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$

(2) Ird fel a  $\{1, 1, 2\}$  és  $\{-1, -2, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{7, 10, -3\}$ , B)  $\{7, 10, -2\}$ , C)  $\{1, 1, 1\}$ , D)  $\{3, 4, 0\}$ , E)  $\{-3, -5, 4\}$

(3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetét!

A)  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & -5 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -5 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$

(4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 8, B) 4, C) 5, D) 7, E) 6

(5) Ird fel az  $\{3, 1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 3, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 1, 3\}$  és  $\{4, 3, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 15, B)  $\frac{31}{2}$ , C)  $\frac{29}{2}$ , D) 14, E)  $\frac{27}{2}$

(6) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -3, 2\}$ ,  $\{1, 1, 2\}$  és  $\{-1, -3, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)  $\{-4, 2, 0\}$ , B)  $\{-7, 4, 1\}$ , C)  $\{-7, 4, -3\}$ , D)  $\{-7, -1, -3\}$ , E)  $\{-7, -1, -2\}$

(7) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x - y - 2z &= 5 \\ -x + 4y - z &= -5 \\ 2x + y - 5z &= 6 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -8, B) -7, C) -5, D) -6, E) -10

(8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 7 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 6 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$

(9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(10) Ird fel az  $\{-3, -2, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 1, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -6, B) -5, C) -3, D) -4, E) -2

(11) Ird fel az  $\{-2, -2, 2\}$ ,  $\{-2, -3, -2\}$  és  $\{2, 1, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -1, B) -4, C) 0, D) -3, E) -2

Név:

Aláírás:

## 0.18. No.18.

- (1) Ird fel az  $\{-2, 2, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{1, -2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -3, 2\}$  és  $\{0, -6, 5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 4, B) 5, C) 6, D) 7, E) 3
- (2) Ird fel az  $\{-1, -3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{11}$ , B)  $\frac{4}{11}$ , C)  $\frac{6}{11}$ , D)  $\frac{2}{11}$ , E)  $\frac{5}{11}$
- (3) Ird fel a  $\{-1, 3, 1\}$  és  $\{1, 1, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{1, 1, 4\}$ , B)  $\{3, 5, 8\}$ , C)  $\{0, 5, 3\}$ , D)  $\{1, -5, 3\}$ , E)  $\{0, -1, 2\}$
- (4) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetét!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -4 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & -\frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{9}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 10 & 7 \\ 10 & 9 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 12 & 8 \\ 12 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 6 \\ 12 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 7 \\ 12 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 7 \\ 14 & 9 \end{pmatrix}$
- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{2}{5} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{5}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (8) Melyik vektor lehet az  $\{3, -2, -2\}$ ,  $\{-1, 3, 3\}$  és  $\{3, -2, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-28, -22, 3\}$ , B)  $\{-28, -23, 1\}$ , C)  $\{-28, -21, -2\}$ , D)  $\{-28, -19, 1\}$ , E)  $\{-25, -20, 0\}$
- (9) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 1, B) 0, C) 3, D) 2, E) -1
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + y + 2z &= -3 \\ -2x - y - 6z &= 6 \\ -2x - 4y + z &= 5 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -4, B) -2, C) -5, D) -7, E) -6
- (11) Ird fel az  $\{-3, 3, 2\}$ ,  $\{3, -3, 2\}$  és  $\{3, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) 0, B) -2, C) -1, D) 1, E) -3

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.19. №.19.

(1) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(2) Ird fel az  $\{2, 2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -3, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{11}{8}$ , B)  $-\frac{9}{8}$ , C)  $-\frac{7}{8}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{5}{4}$

(3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$

(4) Ird fel az  $\{-2, -2, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -3, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 3, 1\}$  és  $\{1, 0, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 4, B)  $-1$ , C) 2, D) 3, E) 1

(5) Ird fel az  $\{-3, 1, 3\}$ ,  $\{-1, 1, -3\}$  és  $\{-3, -2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{7}{11}$ , B)  $-\frac{6}{11}$ , C)  $-\frac{8}{11}$ , D)  $-\frac{5}{11}$ , E)  $-\frac{4}{11}$

(6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 8, B) 7, C) 4, D) 5, E) 6

(7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{9}{4} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 14 & 8 \\ 11 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 13 & 8 \\ 14 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 15 & 9 \\ 12 & 8 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 13 & 8 \\ 12 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 13 & 7 \\ 12 & 8 \end{pmatrix}$

(9) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 3, -3\}$ ,  $\{3, 3, -1\}$  és  $\{-1, 3, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{-2, 33, -1\}$ , B)  $\{0, 32, 0\}$ , C)  $\{-3, 29, -2\}$ , D)  $\{-3, 30, 3\}$ , E)  $\{-3, 35, 2\}$

(10) Ird fel a  $\{3, 2, -1\}$  és  $\{5, 4, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{5, 6, -4\}$ , B)  $\{5, 5, -4\}$ , C)  $\{11, 8, -13\}$ , D)  $\{7, 6, -7\}$ , E)  $\{7, 5, -7\}$

(11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x - y + 3z &= 3 \\ x - 3y + 6z &= 7 \\ -2x - 2y - 2z &= -2 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $-3$ , B)  $-1$ , C)  $0$ , D)  $1$ , E)  $-2$

Név:

Aláírás:

## 0.20. No.20.

- (1) Ird fel az  $\{-3, -1, 3\}$ ,  $\{3, -2, 2\}$  és  $\{1, 3, 1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{21}{29}$ , B)  $\frac{17}{29}$ , C)  $\frac{19}{29}$ , D)  $\frac{20}{29}$ , E)  $\frac{18}{29}$
- (2) Ird fel az  $\{-1, 3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -2, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -2, B) -4, C) 0, D) -1, E) -3
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 2, -1\}$ ,  $\{-2, 3, 3\}$  és  $\{1, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{1, -13, 6\}$ , B)  $\{4, -12, 3\}$ , C)  $\{1, -9, 1\}$ , D)  $\{1, -10, 0\}$ , E)  $\{1, -15, 1\}$
- (4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 2, B) 4, C) 3, D) 0, E) 1
- (5) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 2y + z &= 1 \\ 2x + 7y + 4z &= 4 \\ 2x + y - 3z &= 6 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -5, B) -4, C) -2, D) -1, E) -3
- (6) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel a  $\{-3, 1, -1\}$  és  $\{0, -1, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletét! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{8, -7, 8\}$ , B)  $\{4, -4, 4\}$ , C)  $\{7, -5, -3\}$ , D)  $\{5, -4, -1\}$ , E)  $\{6, -5, 2\}$
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 5 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 5 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetét!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & \frac{19}{6} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 11 & 10 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 9 \\ 9 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 9 & 8 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 9 & 12 \\ 7 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 9 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{-2, -3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -1, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, -1, -3\}$  és  $\{1, 1, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -3, B) -1, C) -2, D) -5, E) -4

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.21. No.21.

- (1) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{7}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$
- (2) Ird fel az  $\{1, 1, -3\}$  normalvektor, es a  $\{2, 3, 3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 0, B)  $\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{3}{4}$ , D)  $-\frac{1}{4}$ , E)  $\frac{1}{4}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{1, 1, 2\}$ ,  $\{1, -1, -3\}$  es  $\{2, 3, 1\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?  
 A)  $\{-15, 3, -3\}$ , B)  $\{-15, 4, 1\}$ , C)  $\{-12, 5, -2\}$ , D)  $\{-15, 6, -4\}$ , E)  $\{-15, 2, -4\}$
- (4) Ird fel az  $\{2, 1, 2\}$  normalvektor, es a  $\{-3, -1, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 2, 1\}$  es  $\{0, 0, 2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -10, B)  $-\frac{28}{3}$ , C)  $-\frac{29}{3}$ , D)  $-\frac{31}{3}$ , E)  $-\frac{32}{3}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{6} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + 2y - z &= 2 \\ -x - 3y - z &= -5 \\ -2x - 6y &= -8 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -1, B) 3, C) 1, D) 0, E) -2
- (8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 9 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 8 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 10 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 9 & 6 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$
- (9) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 3, B) 0, C) 1, D) 2, E) 4
- (10) Ird fel a  $\{-2, 2, -1\}$  es  $\{-3, -1, 1\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{1, 15, -7\}$ , B)  $\{2, 10, -9\}$ , C)  $\{2, 6, -9\}$ , D)  $\{-1, 13, -3\}$ , E)  $\{1, 11, -7\}$
- (11) Ird fel az  $\{2, 2, -3\}$ ,  $\{3, -1, 1\}$  es  $\{-3, -1, 3\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 5, B) 3, C) 2, D) 1, E) 4

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.22. No.22.

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -1, -2\}$ ,  $\{-2, 1, -3\}$  és  $\{-3, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-15, -9, 1\}$ , B)  $\{-15, -4, -4\}$ , C)  $\{-15, -10, 1\}$ , D)  $\{-12, -7, -2\}$ , E)  $\{-15, -4, -5\}$
- (2) Ird fel az  $\{3, -2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{3}$ , B)  $-\frac{4}{3}$ , C)  $-\frac{2}{3}$ , D)  $-\frac{5}{3}$ , E)  $-1$
- (3) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 15 & 12 \\ 15 & 12 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 13 & 12 \\ 13 & 14 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 13 & 10 \\ 14 & 14 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 13 & 14 \\ 16 & 12 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 13 & 14 \\ 15 & 11 \end{pmatrix}$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{17}{6} & -\frac{7}{5} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{2}{13} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{6} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{4}{7} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{2}{11} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$
- (5) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 3y - z &= 4 \\ 6y - x &= -11 \\ -2x + 3y + 4z &= 0 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-7$ , C)  $-6$ , D)  $-5$ , E)  $-4$
- (6) Ird fel az  $\{-2, 2, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, 1, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, -3, 2\}$  és  $\{4, 0, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $10$ , B)  $13$ , C)  $14$ , D)  $11$ , E)  $9$
- (7) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{4}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{1}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel a  $\{-2, -2, -2\}$  és  $\{-3, -3, -5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egye- sen?
- A)  $\{-2, -2, -5\}$ , B)  $\{-10, -10, -20\}$ , C)  $\{-5, -5, -11\}$ , D)  $\{-1, -1, -5\}$ , E)  $\{-7, -7, -14\}$
- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $1$ , B)  $2$ , C)  $3$ , D)  $4$ , E)  $0$
- (11) Ird fel az  $\{1, 1, -2\}$ ,  $\{3, -2, -1\}$  és  $\{-3, -3, 1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{11}{5}$ , B)  $-\frac{8}{5}$ , C)  $-\frac{7}{5}$ , D)  $-2$ , E)  $-\frac{9}{5}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.23. No.23.

- (1) Ird fel a  $\{1, 2, 2\}$  és  $\{0, 4, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{3, -2, -2\}$ , B)  $\{4, -4, 0\}$ , C)  $\{3, -2, -6\}$ , D)  $\{4, -4, 4\}$ , E)  $\{1, 2, -6\}$
- (2) Ird fel az  $\{-2, -1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{2, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, 2, -1\}$  és  $\{0, 5, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 9, B) 11, C) 8, D) 7, E) 10
- (3) Ird fel az  $\{-2, 1, -3\}$ ,  $\{-1, -2, -3\}$  és  $\{-3, 1, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{14}{19}$ , B)  $-\frac{15}{19}$ , C)  $-\frac{11}{19}$ , D)  $-\frac{12}{19}$ , E)  $-\frac{13}{19}$
- (4) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -1, -3\}$ ,  $\{-3, 3, -1\}$  és  $\{2, -1, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{-11, -7, 23\}$ , B)  $\{-10, -11, 19\}$ , C)  $\{-11, -13, 21\}$ , D)  $\{-8, -10, 20\}$ , E)  $\{-11, -9, 23\}$
- (5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 7 & 7 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 15, B) 16, C) 12, D) 14, E) 13
- (6) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 2y + 3z &= 4 \\ x + 5y + 5z &= 9 \\ -2x - y - 3z &= -2 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -1, B) -3, C) -4, D) -2, E) 1
- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{19}{6} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{19}{6} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\pi$  szögű két dimenziós elforgatás matrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{19}{27} \\ 0 & \frac{9}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{17}{10} \\ 0 & \frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{2}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{19}{8} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{7}{27} \\ 0 & \frac{3}{9} \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{-2, 3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{5}{6}$ , C)  $-\frac{1}{3}$ , D)  $-\frac{1}{6}$ , E)  $-\frac{2}{3}$
- (11) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 8 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 8 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 10 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 5 \\ 8 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 9 & 6 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.24. №.24.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{4}{3} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{4}{13} \\ 0 & \frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{2}{11} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{6} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 1, B) 3, C) 2, D) 5, E) 4

- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{13}{3} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{9}{4} \\ 0 & -\frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{13}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{5}{4} \end{pmatrix}$

- (4) Ird fel az  $\{-2, -3, -2\}, \{-3, -3, -2\}$  es  $\{2, 2, -3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{7}{13}$ , B)  $-\frac{10}{13}$ , C)  $-\frac{9}{13}$ , D)  $-\frac{5}{13}$ , E)  $-\frac{6}{13}$

- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 10 & 14 \\ 9 & 10 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 15 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 13 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 12 & 13 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 14 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$

- (6) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x + 3y - 3z = 1$$

$$x + 6y - 4z = 3$$

$$2x + 3y - 2z = 3$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -2, B) 2, C) -1, D) 0, E) 3

- (7) Ird fel az  $\{-1, 1, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 1, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, 2, 3\}$  es  $\{1, 4, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 2, B) 4, C) 0, D) 1, E) 5

- (8) Ird fel a  $\{-1, 3, 2\}$  es  $\{2, 2, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-9, 8, -5\}$ , B)  $\{-12, 2, -2\}$ , C)  $\{-14, 5, -5\}$ , D)  $\{-5, 9, -4\}$ , E)  $\{-10, 6, -4\}$

- (9) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (10) Melyik vektor lehet az  $\{2, -2, -1\}, \{3, -1, -1\}$  es  $\{-1, 2, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)  $\{-2, -4, -9\}$ , B)  $\{-2, 0, -4\}$ , C)  $\{-2, -4, -5\}$ , D)  $\{-2, 0, -10\}$ , E)  $\{1, -1, -7\}$

- (11) Ird fel az  $\{1, 2, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, -3, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -4, B) -1, C) -3, D) 0, E) -2

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.25. №.25.

- (1) Ird fel az  $\{-3, 2, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{5}$ , B)  $\frac{2}{5}$ , C)  $-\frac{1}{5}$ , D)  $-\frac{2}{5}$ , E) 0
- (2) Melyik vektor lehet az  $\{-2, -2, -1\}$ ,  $\{-3, -2, -3\}$  es  $\{1, -2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-2, 7, -3\}$ , B)  $\{-3, 9, 3\}$ , C)  $\{-3, 7, -2\}$ , D)  $\{-3, 11, -1\}$ , E)  $\{0, 8, 0\}$
- (3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 7 & 5 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 11, B) 10, C) 8, D) 9, E) 12
- (4) Ird fel az  $\{-3, 3, -1\}$ ,  $\{-2, -3, 3\}$  es  $\{1, -3, 1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{11}{3}$ , B)  $-\frac{14}{3}$ , C)  $-4$ , D)  $-3$ , E)  $-\frac{10}{3}$
- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 6 & 7 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$
- (6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 1 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel az  $\{-1, 3, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{3, 3, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, -3, -1\}$  es  $\{-2, -6, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 15, B) 14, C) 11, D) 13, E) 12
- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel a  $\{2, 1, 3\}$  es  $\{0, 0, 5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{2, 1, 9\}$ , B)  $\{0, 0, 2\}$ , C)  $\{0, 0, 5\}$ , D)  $\{-4, -2, 3\}$ , E)  $\{2, 1, 6\}$
- (10) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x + y - 3z &= -3 \\ -2x - y + 3z &= 2 \\ 2x - 2z &= 0 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -4, B) -1, C) 0, D) -2, E) 1

Név:

Aláírás:

0.26. **No.26.**

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & -\frac{4}{5} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) -1, B) 1, C) 0, D) 2, E) -2
- (3) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 9 & 10 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 10 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 9 & 12 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 10 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 7 \\ 9 & 10 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{17}{7} \\ 0 & \frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{19}{7} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{17}{5} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -2, 1\}, \{-3, -1, -3\}$  es  $\{3, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{-17, 23, 5\}$ , B)  $\{-17, 26, 5\}$ , C)  $\{-17, 25, 4\}$ , D)  $\{-14, 24, 6\}$ , E)  $\{-17, 23, 4\}$
- (7) Ird fel a  $\{-1, -3, -1\}$  es  $\{1, -2, -4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-3, -4, 7\}$ , B)  $\{-3, -4, 2\}$ , C)  $\{1, -2, 6\}$ , D)  $\{-5, -5, -5\}$ , E)  $\{-5, -5, 0\}$
- (8) Ird fel az  $\{-1, -1, 3\}, \{1, -2, -1\}$  es  $\{3, -1, 3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{4}{7}$ , B)  $-\frac{3}{7}$ , C) -1, D)  $-\frac{5}{7}$ , E)  $-\frac{6}{7}$
- (9) Ird fel az  $\{1, -2, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, 3, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -3, B) -2, C) -4, D) -1, E) 0
- (10) Ird fel az  $\{1, -3, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, -2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, -3, -3\}$  es  $\{0, -5, -1\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -10, B) -12, C) -8, D) -9, E) -13
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 2y + 3z &= 3 \\ -x + 4y - z &= -9 \\ 2x + 13z &= -9 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -1, B) -6, C) -5, D) -4, E) -3

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.27. No.27.

- (1) Ird fel az  $\{-3, 3, 3\}$  normalvektoru, es a  $\{-3, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{1}{3}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{3}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{2}{3}$ 

- (2) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned}x - 3y - 2z &= -4 \\2x - 7y - 6z &= -6 \\-2x + 8y + 11z &= -2\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?A)  $-2$ , B)  $-5$ , C)  $-7$ , D)  $-6$ , E)  $-4$ 

- (3) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ 

- (4) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 9 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 4 & 7 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 7 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 10 & 9 \end{pmatrix}$ 

- (5) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -2, -3\}$ ,  $\{-2, -2, -1\}$  es  $\{3, 3, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A)  $\{7, -12, 2\}$ , B)  $\{7, -10, 4\}$ , C)  $\{7, -11, 6\}$ , D)  $\{10, -9, 5\}$ , E)  $\{7, -7, 2\}$ 

- (6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -3 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ 

- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -3 & -4 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -3 & -4 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & 1 \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ 

- (8) Ird fel a  $\{-2, -3, -2\}$  es  $\{-5, -1, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{-5, -3, -3\}$ , B)  $\{-8, 1, -4\}$ , C)  $\{-8, 2, -4\}$ , D)  $\{-14, 7, -6\}$ , E)  $\{-5, -2, -3\}$ 

- (9) Ird fel az  $\{3, -1, 3\}$  normalvektoru, es a  $\{3, 3, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 2, 2\}$  es  $\{2, 3, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $\frac{46}{7}$ , B)  $\frac{48}{7}$ , C)  $\frac{44}{7}$ , D)  $\frac{47}{7}$ , E)  $\frac{45}{7}$ 

- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 3, B) 0, C) 1, D) 4, E) 2

- (11) Ird fel az  $\{2, 2, -2\}$ ,  $\{1, -2, -1\}$  es  $\{-2, -3, -1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{17}{18}$ , B)  $-\frac{7}{9}$ , C)  $-\frac{13}{18}$ , D)  $-\frac{5}{6}$ , E)  $-\frac{8}{9}$ 1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.28. No.28.

- (1) Ird fel az  $\{-3, 2, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) 0, B)  $-\frac{1}{11}$ , C)  $\frac{1}{11}$ , D)  $-\frac{3}{11}$ , E)  $\frac{2}{11}$
- (2) Melyik vektor lehet az  $\{3, 2, 2\}$ ,  $\{-3, -2, 3\}$  és  $\{1, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-13, 18, 17\}$ , B)  $\{-13, 23, 17\}$ , C)  $\{-14, 17, 15\}$ , D)  $\{-13, 19, 15\}$ , E)  $\{-11, 20, 14\}$
- (3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 13, B) 11, C) 10, D) 12, E) 14
- (4) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y - 2z &= 0 \\ -x - y + 4z &= -7 \\ -2x + 7y + z &= 9 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -2, B) -5, C) -8, D) -6, E) -3
- (6) Ird fel az  $\{-2, 2, -1\}$ ,  $\{1, -2, -1\}$  és  $\{3, -2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -4, B) -3, C) -5, D) -1, E) -2
- (7) Ird fel az  $\{-1, -3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -1, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, -1, -2\}$  és  $\{1, -3, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{17}{5}$ , B)  $-\frac{19}{5}$ , C)  $-\frac{18}{5}$ , D)  $-\frac{16}{5}$ , E) -4
- (8) Ird fel a  $\{1, -3, -2\}$  és  $\{0, -4, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-3, -7, -8\}$ , B)  $\{0, -4, -5\}$ , C)  $\{-1, -5, -5\}$ , D)  $\{-1, -5, -6\}$ , E)  $\{0, -4, -6\}$
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & 6 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 4 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{11}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{11}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{11}{3} \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.29. No.29.

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -1, -1\}$ ,  $\{-1, -1, -1\}$  és  $\{3, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-3, 2, -9\}$ , B)  $\{-3, -3, -9\}$ , C)  $\{-3, 2, -8\}$ , D)  $\{0, 0, -6\}$ , E)  $\{-3, 2, -3\}$
- (2) Ird fel a  $\{-1, -3, -2\}$  és  $\{-2, -4, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletét! Melyik pont fekszik ezen az egyen-  
sen?
- A)  $\{-8, -10, -2\}$ , B)  $\{-4, -6, -8\}$ , C)  $\{-5, -7, -3\}$ , D)  $\{-1, -3, -16\}$ , E)  $\{-2, -4, -11\}$
- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{4}{3} \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\{1, 1, 1\}$ ,  $\{-1, -2, 3\}$  és  $\{3, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  
 $(A + B + C)/D$ ?
- A) -1, B) 1, C) 0, D) -2, E) -3
- (5) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y + 3z &= -2 \\ x + 4y + 5z &= 0 \\ x + 4y + 7z &= 4 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -4, B) -2, C) -5, D) -6, E) -7
- (6) Ird fel az  $\{2, -3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  
 $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{4}$ , B) 0, C)  $-\frac{3}{4}$ , D)  $\frac{1}{4}$ , E)  $-\frac{1}{2}$
- (7) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{3, 2, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 1, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  
 $\{1, 3, 2\}$  és  $\{3, 2, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját!  
Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $\frac{38}{5}$ , B)  $\frac{34}{5}$ , C)  $\frac{37}{5}$ , D) 7, E)  $\frac{36}{5}$
- (9) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 18, B) 14, C) 15, D) 16, E) 17
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$
- (11) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & \frac{4}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & \frac{4}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.30. **No.30.**

- (1) Ird fel az  $\{-2, 3, 2\}$ ,  $\{-2, 1, -3\}$  és  $\{2, 1, -3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{3}{11}$ , B) 0, C)  $-\frac{1}{11}$ , D)  $\frac{2}{11}$ , E)  $\frac{1}{11}$
- (2) Ird fel az  $\{3, 3, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -1, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{7}{5}$ , B)  $-1$ , C)  $-\frac{8}{5}$ , D)  $-\frac{6}{5}$ , E)  $-\frac{4}{5}$
- (3) Ird fel az  $\{3, 2, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -3, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, 3, 3\}$  és  $\{0, 4, 5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-1$ , B)  $-4$ , C)  $-5$ , D)  $-2$ , E)  $-3$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{9}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{4}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -2 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel a  $\{-2, -1, 1\}$  és  $\{-3, 1, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-5, 1, 6\}$ , B)  $\{4, -9, -7\}$ , C)  $\{0, -5, -1\}$ , D)  $\{3, -9, -5\}$ , E)  $\{-2, -3, 2\}$
- (6) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (7) Melyik vektor lehet az  $\{3, 1, 3\}$ ,  $\{-3, 2, -2\}$  és  $\{-3, 2, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-8, -31, -1\}$ , B)  $\{-5, -30, 0\}$ , C)  $\{-8, -33, 3\}$ , D)  $\{-8, -27, -3\}$ , E)  $\{-8, -32, 3\}$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 5, B) 6, C) 2, D) 4, E) 3
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 9 & 11 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 11 \\ 4 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 9 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 9 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 7 & 13 \\ 4 & 7 \end{pmatrix}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y + z &= -6 \\ -2x + 5y - 5z &= 19 \\ 2x - 3y + z &= -9 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-5$ , B)  $-7$ , C)  $-8$ , D)  $-6$ , E)  $-3$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.31. №.31.

(1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & -\frac{7}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

(2) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - y - 2z = -6$$

$$2x - z = -4$$

$$x + y + 3z = 6$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 1, B) -2, C) 2, D) 0, E) -3

(3) Ird fel a  $\{-1, -2, 1\}$  és  $\{2, -5, 2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{11, -10, 3\}$
- , B)
- $\{2, -13, 6\}$
- , C)
- $\{2, -9, 4\}$
- , D)
- $\{8, -11, 4\}$
- , E)
- $\{17, -12, 3\}$

(4) Ird fel az  $\{-3, -2, 3\}$ ,  $\{1, -3, -3\}$  és  $\{-2, 2, 1\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{49}{31}$
- , B)
- $-\frac{46}{31}$
- , C)
- $-\frac{45}{31}$
- , D)
- $-\frac{48}{31}$
- , E)
- $-\frac{47}{31}$

(5) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 12 & 15 \\ 13 & 15 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 10 & 14 \\ 12 & 13 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 10 & 15 \\ 13 & 15 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 10 & 14 \\ 11 & 16 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 10 & 15 \\ 11 & 17 \end{pmatrix}$

(7) Ird fel az  $\{3, 3, 3\}$  normalvektor, es a  $\{-1, -1, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 2, 2\}$  es  $\{1, 5, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -2, B) -1, C) -5, D) -4, E) -3

(8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 8, B) 7, C) 4, D) 6, E) 5

(9) Ird fel az  $\{-1, -2, -3\}$  normalvektor, es a  $\{1, -2, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -2, B)
- $-\frac{3}{2}$
- , C) -1, D)
- $-\frac{1}{2}$
- , E)
- $-\frac{5}{2}$

(10) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{11}{4} \\ 0 & -\frac{4}{5} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{9}{4} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{9}{4} \end{pmatrix}$

(11) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 1, 1\}$ ,  $\{2, 3, -1\}$  es  $\{2, 2, 1\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)
- $\{-5, 11, 4\}$
- , B)
- $\{-2, 10, 5\}$
- , C)
- $\{-5, 11, 3\}$
- , D)
- $\{-5, 7, 8\}$
- , E)
- $\{-5, 9, 4\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.32. No.32.

- (1) Ird fel a  $\{3, 1, 2\}$  és  $\{4, 4, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{13, 15, 2\}$ , B)  $\{6, 10, -1\}$ , C)  $\{9, 11, 1\}$ , D)  $\{0, 8, -5\}$ , E)  $\{2, 6, -2\}$

- (2) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 6 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$

- (3) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 2y - z &= 5 \\ 2x - 5y - 4z &= 15 \\ -2x + 5y + 7z &= -21 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -4, B) -6, C) -7, D) -5, E) -2

- (4) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -2, 1\}$ ,  $\{3, 3, 1\}$  és  $\{-3, 1, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)  $\{20, -16, -22\}$ , B)  $\{17, -15, -24\}$ , C)  $\{17, -13, -25\}$ , D)  $\{17, -19, -21\}$ , E)  $\{17, -17, -20\}$

- (5) Ird fel az  $\{2, 2, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, -1\}$  és  $\{-6, 6, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -5, B) -4, C) -6, D) -3, E) -7

- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) -1, B) -2, C) 0, D) 1, E) 2

- (7) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$

- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{16}{25} \\ 0 & \frac{25}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{2}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{19}{26} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{5}{25} \\ 0 & \frac{25}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$

- (10) Ird fel az  $\{-1, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -3, B) -2, C) -5, D) -4, E) -1

- (11) Ird fel az  $\{-3, 1, -2\}$ ,  $\{-2, 2, -1\}$  és  $\{-2, 2, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -1, B) -3, C) -2, D) -4, E) 0

Név:

Aláírás:

## 0.33. №.33.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 3, B) 6, C) 4, D) 2, E) 5
- (2) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 7 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 11 \\ 3 & 10 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 12 \\ 5 & 10 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & 9 \\ 3 & 9 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 4 & 10 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\{2, -2, 1\}$  normalvektoru, es a  $\{-3, 1, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 2, 3\}$  es  $\{0, 1, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-\frac{35}{3}$ , B)  $-12$ , C)  $-11$ , D)  $-\frac{34}{3}$ , E)  $-\frac{32}{3}$
- (4) Ird fel a  $\{-3, -2, -3\}$  es  $\{-1, -3, -6\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-1, -7, -11\}$ , B)  $\{5, 2, -5\}$ , C)  $\{-1, -11, -16\}$ , D)  $\{1, -4, -9\}$ , E)  $\{1, 0, -4\}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{13}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -2, -1\}$ ,  $\{-3, -1, -1\}$  es  $\{3, 2, 2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{-6, -4, 11\}$ , B)  $\{-6, -7, 10\}$ , C)  $\{-6, -4, 15\}$ , D)  $\{-5, -9, 13\}$ , E)  $\{-3, -6, 12\}$
- (7) Ird fel az  $\{1, -2, -1\}$  normalvektoru, es a  $\{2, -2, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{5}{7}$ , B)  $-\frac{2}{7}$ , C)  $-\frac{3}{7}$ , D)  $-\frac{4}{7}$ , E)  $-\frac{6}{7}$
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{9}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (9) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - y + 2z &= -5 \\ -x + 4y - z &= 7 \\ -x - 5y - 2z &= -1 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-6$ , B)  $-5$ , C)  $-7$ , D)  $-4$ , E)  $-2$
- (10) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{1, -1, 2\}$ ,  $\{-3, -3, -1\}$  es  $\{-2, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $0$ , B)  $\frac{1}{3}$ , C)  $-1$ , D)  $-\frac{1}{3}$ , E)  $-\frac{2}{3}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.34. №.34.

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x + 2y + 3z &= 3 \\ -2x - 6y - 5z &= -11 \\ -x + 2y - 4z &= 6\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -1, B) 2, C) -2, D) 3, E) 0

- (2) Ird fel az
- $\{3, -1, -2\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-1, -3, 3\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) 0, B) -1, C) -4, D) -2, E) -3

- (3) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -2 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{9}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (4) Ird fel a
- $\{-2, -3, -2\}$
- és
- $\{-5, -5, -5\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A) {-6, -4, -4}, B) {-8, -7, -8}, C) {-9, -11, -13}, D) {-7, -8, -9}, E) {-10, -5, -6}

- (5) Ird fel az
- $\{1, -3, 1\}$
- ,
- $\{1, -1, -2\}$
- és
- $\{2, -1, -2\}$
- pontokat tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A)
- $-\frac{5}{7}$
- , B)
- $-\frac{8}{7}$
- , C) -1, D)
- $-\frac{9}{7}$
- , E)
- $-\frac{6}{7}$

- (6) Ird fel az
- $\frac{5\pi}{6}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$

- (7) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{10} \\ 0 & -\frac{19}{3} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & \frac{8}{6} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$

- (8) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajáttertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) 11, B) 8, C) 10, D) 12, E) 9

- (9) Ird fel az
- $\{2, -3, 3\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-1, 1, -3\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{1, 3, -2\}$
- és
- $\{-2, 2, -3\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszéspontját! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A)
- $\frac{5}{6}$
- , B)
- $\frac{2}{3}$
- , C)
- $\frac{7}{6}$
- , D)
- $\frac{1}{2}$
- , E) 1

- (10) Melyik vektor lehet az
- $\{-2, -3, 3\}$
- ,
- $\{2, 2, -3\}$
- es
- $\{2, -2, 1\}$
- pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A) {1, 13, 19}, B) {1, 14, 15}, C) {1, 15, 17}, D) {1, 14, 13}, E) {4, 16, 16}

- (11) Legyen
- $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
- , mennyi
- $C$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.35. №.35.

- (1) Ird fel az  $\{-3, 2, 3\}$ ,  $\{1, -3, 3\}$  és  $\{-3, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-\frac{7}{2}$ , C)  $-\frac{5}{2}$ , D)  $-\frac{9}{2}$ , E)  $-3$
- (2) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 3, -1\}$ ,  $\{3, -3, -2\}$  és  $\{-2, 1, -1\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{2, 1, 6\}$ , B)  $\{-1, -2, 7\}$ , C)  $\{-1, 4, 9\}$ , D)  $\{-1, 4, 5\}$ , E)  $\{-1, -2, 3\}$
- (4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & -4 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel a  $\{2, 2, -1\}$  és  $\{-1, 3, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{3, 0, 5\}$ , B)  $\{-2, 0, 5\}$ , C)  $\{9, 3, -4\}$ , D)  $\{10, 1, 2\}$ , E)  $\{5, 1, 2\}$
- (7) Ird fel az  $\{3, 3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, -1, -2\}$  és  $\{-1, -2, -5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{25}{9}$ , B)  $-\frac{26}{9}$ , C)  $-\frac{8}{3}$ , D)  $-\frac{23}{9}$ , E)  $-3$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - y - 3z &= -6 \\ x + 2y &= 3 \\ 2x - 8y - 14z &= -32 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-3$ , B)  $-2$ , C)  $-1$ , D)  $2$ , E)  $0$
- (9) Ird fel az  $\{-3, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -3, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{5}{2}$ , D)  $-2$ , E)  $-1$
- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $2$ , B)  $4$ , C)  $0$ , D)  $3$ , E)  $1$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{17}{6} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

0.36. **No.36.**

- (1) Ird fel a  $\{-3, 1, -1\}$  és  $\{-4, -2, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-6, -8, -7\}$ , B)  $\{-9, -11, -4\}$ , C)  $\{-2, -2, -8\}$ , D)  $\{-13, -17, -3\}$ , E)  $\{0, -2, -13\}$
- (2) Ird fel az  $\{1, 1, 2\}$ ,  $\{-1, 1, 2\}$  és  $\{2, -2, 2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax+By+Cz-D=0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$ ?  
 A)  $-1$ , B)  $\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D)  $-\frac{3}{2}$ , E)  $0$

- (3) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x - 2y - 2z &= -5 \\-x + 3y + 5z &= 9 \\2x - 5y - 6z &= -13\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $-1$ , B)  $-2$ , C)  $-3$ , D)  $0$ , E)  $1$

- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (5) Ird fel az  $\{2, 2, 1\}$  normalvektor, es a  $\{-3, -2, -2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, 1, 2\}$  es  $\{1, -2, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-15$ , B)  $-13$ , C)  $-12$ , D)  $-14$ , E)  $-11$

- (6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{9}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{9}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{9}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 7 & 1 \\ 1 & 7 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A)  $1$ , B)  $3$ , C)  $2$ , D)  $4$ , E)  $0$

- (8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 13 & 13 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 11 & 12 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 14 & 13 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 12 & 13 \end{pmatrix}$

- (9) Ird fel az  $\frac{2\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (10) Ird fel az  $\{1, 2, 1\}$  normalvektor, es a  $\{-2, 3, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $4$ , B)  $3$ , C)  $2$ , D)  $1$ , E)  $0$

- (11) Melyik vektor lehet az  $\{1, -2, 1\}$ ,  $\{-3, 2, 2\}$  es  $\{1, 2, -1\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)  $\{10, 10, 13\}$ , B)  $\{10, 10, 14\}$ , C)  $\{10, 5, 17\}$ , D)  $\{10, 11, 14\}$ , E)  $\{12, 8, 16\}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.37. №.37.

- (1) Ird fel az  $\{1, -3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{5}{2}$ , B)  $-\frac{7}{2}$ , C)  $-2$ , D)  $-\frac{3}{2}$ , E)  $-3$
- (2) Ird fel az  $\frac{2\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\{-2, -3, 1\}$ ,  $\{2, -1, 2\}$  és  $\{3, -3, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{3}{17}$ , B)  $\frac{4}{17}$ , C)  $\frac{7}{17}$ , D)  $\frac{6}{17}$ , E)  $\frac{8}{17}$
- (4) Ird fel a  $\{-1, -2, 2\}$  és  $\{-2, -5, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{6, -5, 6\}$ , B)  $\{-3, 4, 3\}$ , C)  $\{4, 1, 7\}$ , D)  $\{-7, 4, 0\}$ , E)  $\{0, 1, 4\}$
- (5) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - y - 2z &= 1 \\ -x - y + 5z &= 4 \\ -x - 3y + 7z &= 8 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-1$ , B)  $2$ , C)  $0$ , D)  $-2$ , E)  $-3$
- (6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -4 & -4 \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & -4 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel az  $\{2, 1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{1, -3, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, -3\}$  és  $\{-5, 5, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-6$ , B)  $-5$ , C)  $-2$ , D)  $-1$ , E)  $-4$
- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetét!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$
- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $0$ , B)  $2$ , C)  $4$ , D)  $1$ , E)  $3$
- (11) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 3, -3\}$ ,  $\{-1, -1, 1\}$  és  $\{-1, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{16, 4, -4\}$ , B)  $\{14, 5, -1\}$ , C)  $\{13, 3, -2\}$ , D)  $\{13, 2, -5\}$ , E)  $\{13, 1, -1\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.38. No.38.

- (1) Ird fel az  $\{-1, 1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -3, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{5}{2}$
- (2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\{3, -2, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 1, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -2, 1\}$  és  $\{0, -1, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $\frac{12}{13}$ , B)  $\frac{15}{13}$ , C)  $\frac{14}{13}$ , D)  $\frac{16}{13}$ , E)  $1$
- (4) Melyik vektor lehet az  $\{-1, 1, 1\}$ ,  $\{1, -1, -1\}$  és  $\{3, 1, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-9, 0, -6\}$ , B)  $\{-9, 4, -11\}$ , C)  $\{-9, 3, -7\}$ , D)  $\{-6, 2, -8\}$ , E)  $\{-9, 0, -11\}$
- (5) Ird fel az  $\{1, -1, -2\}$ ,  $\{2, 2, 2\}$  és  $\{3, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $-\frac{1}{2}$ , C)  $-1$ , D)  $1$ , E)  $\frac{1}{2}$
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $6$ , B)  $7$ , C)  $4$ , D)  $3$ , E)  $5$
- (7) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$
- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{29}{9} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & \frac{25}{9} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{25}{9} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{26}{9} \\ 0 & -\frac{28}{9} \end{pmatrix}$
- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y - 3z &= 11 \\ -2x - 5y + 8z &= -25 \\ -x - 5y - 2z &= -3 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-3$ , C)  $-1$ , D)  $1$ , E)  $-4$
- (11) Ird fel a  $\{-1, -2, -3\}$  és  $\{1, 0, -4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{3, 0, 0\}$ , B)  $\{2, 0, -2\}$ , C)  $\{5, 4, -6\}$ , D)  $\{6, 6, -9\}$ , E)  $\{9, 10, -13\}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.39. №.39.

- (1) Ird fel az  $\{-2, -1, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, 1\}$  és  $\{0, 4, -2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $\frac{11}{16}$ , B)  $\frac{7}{16}$ , C)  $\frac{1}{2}$ , D)  $\frac{5}{8}$ , E)  $\frac{9}{16}$
- (2) Ird fel az  $\{-2, 3, 2\}$ ,  $\{-1, 2, -2\}$  és  $\{-3, -3, -3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{4}{3}$ , B)  $-\frac{5}{3}$ , C)  $-\frac{2}{3}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{1}{3}$
- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{11}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{15}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{15}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\frac{5\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 7, B) 4, C) 6, D) 3, E) 5
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{1, 3, 2\}$ ,  $\{-3, -2, -1\}$  és  $\{-2, -2, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-5, 7, -5\}$ , B)  $\{-6, 4, -2\}$ , C)  $\{-8, 4, -4\}$ , D)  $\{-8, 6, -2\}$ , E)  $\{-7, 6, -6\}$
- (7) Ird fel az  $\{2, 3, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-1$ , B)  $-2$ , C)  $-5$ , D)  $-3$ , E)  $-4$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + y - 2z &= -1 \\ 2x + 5y - z &= 7 \\ 2x - 4y - 7z &= -14 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 0, B) 5, C) 4, D) 3, E) 1
- (9) Ird fel a  $\{1, 3, -2\}$  és  $\{2, 2, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-5, 4, -10\}$ , B)  $\{-7, 1, -6\}$ , C)  $\{-1, 5, -8\}$ , D)  $\{2, 7, -9\}$ , E)  $\{6, 8, -7\}$
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 12 & 12 \\ 11 & 14 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 12 & 12 \\ 15 & 11 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 11 & 14 \\ 11 & 15 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 13 & 13 \\ 13 & 13 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 11 & 12 \\ 14 & 14 \end{pmatrix}$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.40. №.40.

(1) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x+3y \\ 3x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x+2y \\ 3x+1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 16 & 10 \\ 20 & 9 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 16 & 7 \\ 20 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 18 & 9 \\ 18 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 16 & 9 \\ 16 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 16 & 7 \\ 18 & 10 \end{pmatrix}$

(2) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 2y - 2z &= 3 \\ -2x + y + 7z &= -6 \\ -2x - 2y + 7z &= -3 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -8, B) -5, C) -3, D) -7, E) -6

(3) Ird fel a  $\{-3, -2, -2\}$  es  $\{-2, -4, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{-6, -8, 2\}$
- , B)
- $\{0, -2, -1\}$
- , C)
- $\{-2, -4, 0\}$
- , D)
- $\{3, -2, 0\}$
- , E)
- $\{-5, -4, -1\}$

(4) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

(5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{16}{9} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{7}{28} \\ 0 & \frac{28}{9} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{16}{27} \\ 0 & \frac{27}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{7}{28} \\ 0 & \frac{28}{9} \end{pmatrix}$

(6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & 4 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

(7) Ird fel az  $\{2, -3, 2\}$  normalvektor, es a  $\{1, 2, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax+By+Cz-D=0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 1, -2\}$  es  $\{2, 4, -4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x+y+z$ ?

- A) 0, B) 1, C) -2, D) -1, E) 2

(8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 0, B) 3, C) -1, D) 2, E) 1

(9) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -3, 1\}$ ,  $\{1, 3, 2\}$  es  $\{-1, 3, -3\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)
- $\{27, -19, -11\}$
- , B)
- $\{30, -18, -12\}$
- , C)
- $\{27, -21, -9\}$
- , D)
- $\{27, -21, -10\}$
- , E)
- $\{27, -21, -14\}$

(10) Ird fel az  $\{-1, 2, -1\}$  normalvektor, es a  $\{-2, -3, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax+By+Cz-D=0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$ ?

- A) 0, B) -2, C) 1, D) -1, E) -4

(11) Ird fel az  $\{1, 3, -1\}$ ,  $\{-1, 2, 2\}$  es  $\{3, 3, 3\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax+By+Cz-D=0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{2}{3}$
- , B)
- $\frac{1}{3}$
- , C)
- $\frac{2}{3}$
- , D) -1, E) 0

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.41. №.41.

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x + 2y - 2z &= -8 \\-2x - 7y + z &= 13 \\-2x - 7y &= 11\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -1, B) -6, C) -5, D) -3, E) -4

- (2) Ird fel az
- $\{-3, -1, -2\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-3, 3, 1\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -3, B)
- $-\frac{7}{2}$
- , C)
- $-\frac{5}{2}$
- , D) -2, E)
- $-\frac{3}{2}$

- (3) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & -\frac{7}{6} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{6} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & -\frac{7}{6} \\ 0 & \frac{17}{6} \end{pmatrix}$

- (4) Melyik vektor lehet az
- $\{-3, 3, 2\}$
- ,
- $\{-3, 2, -3\}$
- és
- $\{-1, -1, -2\}$
- pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A) {13, 13, -1}, B) {16, 10, -2}, C) {14, 8, -1}, D) {13, 8, 0}, E) {13, 9, -5}

- (5) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$
- inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{29}{8} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{26}{9} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$

- (6) Ird fel az
- $\frac{\pi}{2}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (7) Legyen
- $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$
- , mennyi
- $C$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 1 & 6 \\ 5 & 4 \end{pmatrix}$

- (8) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) 4, B) 5, C) 3, D) 2, E) 1

- (9) Ird fel a
- $\{2, -1, 2\}$
- és
- $\{5, 1, 4\}$
- pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A) {12, 9, 8}, B) {7, -1, 6}, C) {8, 3, 6}, D) {6, 0, 5}, E) {7, 4, 5}

- (10) Ird fel az
- $\{2, -3, 2\}$
- ,
- $\{-1, -3, -2\}$
- és
- $\{1, 2, -1\}$
- pontokat tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -4, B) -2, C) -1, D) -3, E) 0

- (11) Ird fel az
- $\{1, 1, 1\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-2, 3, -3\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{3, 3, -3\}$
- és
- $\{2, 2, -2\}$
- pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszespontját! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A) -4, B) -3, C) -5, D) -2, E) -6

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.42. No.42.

(1) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(2) Ird fel az  $\{-2, 3, 1\}, \{-1, 3, 2\}$  és  $\{-3, 3, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{2}{3}$ , B) 0, C)  $-1$ , D)  $\frac{1}{3}$ , E)  $-\frac{1}{3}$

(3) Ird fel az  $\{-3, 3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, 2\}$  és  $\{-4, 2, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletét! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $\frac{77}{6}$ , B)  $\frac{38}{3}$ , C)  $\frac{73}{6}$ , D)  $\frac{37}{3}$ , E)  $\frac{25}{2}$

(4) Ird fel a  $\{-1, 1, 1\}$  és  $\{0, -2, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{2, -5, 3\}$ , B)  $\{-2, -2, 2\}$ , C)  $\{1, -5, 3\}$ , D)  $\{-1, -2, 2\}$ , E)  $\{5, -11, 5\}$

(5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 3, B) 5, C) 2, D) 6, E) 4

(6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & 1 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(7) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x - 2y + z = 1$$

$$x - 2z = -3$$

$$2x - 2y - 4z = -8$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 1, B) 0, C) 2, D)  $-1$ , E) 4

(8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{11}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{15}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{9}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{11}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$

(9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 11 & 13 \\ 14 & 16 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 12 & 14 \\ 10 & 15 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 11 & 13 \\ 13 & 16 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 12 & 13 \\ 11 & 17 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 13 & 15 \\ 12 & 15 \end{pmatrix}$

(10) Melyik vektor lehet az  $\{-2, -2, 3\}, \{-3, 3, -2\}$  és  $\{3, -3, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{30, 30, 24\}$ , B)  $\{27, 32, 22\}$ , C)  $\{27, 28, 23\}$ , D)  $\{27, 29, 25\}$ , E)  $\{27, 29, 26\}$

(11) Ird fel az  $\{1, -1, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 2, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) 1, B)  $-\frac{1}{2}$ , C)  $\frac{3}{2}$ , D)  $\frac{1}{2}$ , E) 0

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.43. No.43.

(1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + 2y - 2z = 5$$

$$2x + 3y - 6z = 11$$

$$2x + 2y - 11z = 15$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -1, B) -2, C) 1, D) 0, E) -3

(2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 6, B) 7, C) 5, D) 4, E) 8

(3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & \frac{26}{9} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & \frac{26}{9} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & \frac{28}{9} \\ 0 & \frac{26}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$

(4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

(5) Ird fel az  $\{1, -2, -1\}, \{-2, -3, -1\}$  es  $\{-3, -3, -1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -3, B) -4, C) -5, D) -1, E) -2

(6) Ird fel az  $\{1, -3, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, -1, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 2, -1\}$  es  $\{1, 4, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $-\frac{8}{5}$ , B)  $-\frac{6}{5}$ , C) -1, D)  $-\frac{4}{5}$ , E)  $-\frac{7}{5}$

(7) Melyik vektor lehet az  $\{2, 2, 2\}, \{3, -1, 1\}$  es  $\{-1, -3, 1\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)  $\{-1, -7, 11\}$ , B)  $\{2, -4, 14\}$ , C)  $\{-1, -1, 16\}$ , D)  $\{-1, -5, 17\}$ , E)  $\{0, -7, 16\}$

(8) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$

(9) Ird fel az  $\{-2, 2, -2\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, -2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 1, B) -2, C) -3, D) 0, E) -1

(10) Ird fel a  $\{3, -3, 2\}$  es  $\{1, -2, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{0, -5, 2\}$ , B)  $\{1, -2, 4\}$ , C)  $\{4, 0, 4\}$ , D)  $\{3, 4, 8\}$ , E)  $\{-3, -7, 2\}$

(11) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.44. №.44.

- (1) Ird fel az  $\{3, -1, 2\}$ ,  $\{-2, -2, 3\}$  és  $\{-2, -2, 1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{2}$ , B)  $-2$ , C)  $-\frac{5}{2}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{3}{2}$
- (2) Ird fel az  $\{2, -3, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-5$ , C)  $-1$ , D)  $-4$ , E)  $-3$
- (3) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 6 & 11 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 6 & 12 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & 6 \\ 7 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 7 & 12 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\{-2, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{1, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -2, 2\}$  és  $\{1, -5, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 12, B) 15, C) 14, D) 11, E) 13
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -4 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 5, B) 7, C) 4, D) 8, E) 6
- (7) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel a  $\{-1, 1, 2\}$  és  $\{-4, -1, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{8, 7, 3\}$ , B)  $\{5, 5, -2\}$ , C)  $\{5, 5, 0\}$ , D)  $\{-1, 1, -2\}$ , E)  $\{8, 7, 1\}$
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségével az
- $$\begin{aligned} x + 3y + 2z &= 4 \\ 2x + 7y + 7z &= 12 \\ -x - 5y - 6z &= -10 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 1, B)  $-4$ , C)  $-2$ , D)  $-1$ , E)  $-3$
- (10) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 2, 1\}$ ,  $\{3, 3, 1\}$  és  $\{-2, -1, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{1, -18, 16\}$ , B)  $\{0, -12, 13\}$ , C)  $\{0, -16, 16\}$ , D)  $\{0, -17, 13\}$ , E)  $\{3, -15, 15\}$
- (11) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{1}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.45. №.45.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{9}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{9}{4} & -\frac{15}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{13}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (2) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 10 \\ 11 & 20 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 9 \\ 9 & 18 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 8 & 19 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 11 & 17 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 7 & 19 \end{pmatrix}$
- (3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 0, B) 1, C) 4, D) 2, E) 3
- (4) Ird fel a  $\{3, 2, 2\}$  es  $\{6, 1, -1\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-11, 8, 12\}$ , B)  $\{-4, 3, 13\}$ , C)  $\{1, 0, 12\}$ , D)  $\{-6, 5, 11\}$ , E)  $\{-10, 9, 7\}$
- (5) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x + y - z &= 3 \\ 4z - 2x &= -6 \\ 2x - 2y - 4z &= 4 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 1, B) -1, C) -3, D) -2, E) -4
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{3, 3, -3\}$ ,  $\{1, 2, -1\}$  es  $\{1, -2, -3\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?
- A)  $\{-13, 2, -6\}$ , B)  $\{-13, 3, -10\}$ , C)  $\{-10, 4, -8\}$ , D)  $\{-13, 5, -5\}$ , E)  $\{-13, 5, -9\}$
- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel az  $\{2, -1, 3\}$  normalvektor, es a  $\{-3, -2, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -6, B) -8, C) -7, D) -4, E) -5
- (10) Ird fel az  $\{3, 3, -3\}$ ,  $\{2, -2, -3\}$  es  $\{1, -2, -1\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{10}{9}$ , B)  $\frac{5}{3}$ , C)  $\frac{14}{9}$ , D)  $\frac{13}{9}$ , E)  $\frac{16}{9}$
- (11) Ird fel az  $\{1, 2, -2\}$  normalvektor, es a  $\{3, 1, -1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, 1\}$  es  $\{-2, 4, 4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -12, B) -9, C) -11, D) -13, E) -10

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.46. №.46.

(1) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x+3y \\ 1x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+3y \\ 3x+1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 10 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 9 & 11 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 11 & 9 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 9 & 9 \\ 12 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$

(2) Melyik vektor lehet az  $\{3, -3, 3\}$ ,  $\{-3, -3, 3\}$  es  $\{3, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)  $\{-3, 26, 28\}$ , B)  $\{-3, 21, 32\}$ , C)  $\{0, 24, 30\}$ , D)  $\{-2, 22, 27\}$ , E)  $\{-3, 27, 28\}$

(3) Ird fel az  $\{1, -3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 1, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 3, 1\}$  es  $\{0, 6, -1\}$  pontonk atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $\frac{47}{8}$ , B)  $\frac{49}{8}$ , C)  $\frac{25}{4}$ , D)  $\frac{45}{8}$ , E) 6

(4) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szogú ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(5) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{13}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$

(6) Ird fel az  $\{2, -3, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 0, B) -2, C) 1, D) -1, E) 2

(7) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 3y - 2z &= 5 \\ -x + 4y + 4z &= -5 \\ -2x + 7y + 4z &= -12 \end{aligned}$$

egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -4, B) 0, C) -2, D) 1, E) -3

(8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{4}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$

(9) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 3, B) 7, C) 5, D) 4, E) 6

(10) Ird fel a  $\{1, -2, 1\}$  es  $\{-2, 1, 2\}$  pontonk atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{9, -10, -4\}$ , B)  $\{8, -9, -6\}$ , C)  $\{4, -5, 0\}$ , D)  $\{2, -3, 3\}$ , E)  $\{-3, 2, 7\}$

(11) Ird fel az  $\{-2, -2, -3\}$ ,  $\{1, -1, 3\}$  es  $\{-2, 2, -2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-\frac{11}{8}$ , B)  $-\frac{7}{8}$ , C)  $-\frac{5}{4}$ , D)  $-\frac{3}{4}$ , E) -1

Név:

Aláírás:

## 0.47. No.47.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 9, B) 10, C) 12, D) 8, E) 11

- (2) Ird fel az  $\frac{\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

- (3) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + y + z &= 0 \\ 2x + y + 3z &= 0 \\ -2x - 2z &= -2 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -3, B) -5, C) -4, D) -2, E) 0

- (4) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -1, -1\}, \{2, 2, 2\}$  és  $\{1, -2, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{-3, -20, 19\}$ , B)  $\{-3, -19, 16\}$ , C)  $\{-2, -18, 16\}$ , D)  $\{0, -17, 17\}$ , E)  $\{-3, -19, 20\}$ 

- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 10 & 11 \\ 14 & 10 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 11 & 10 \\ 12 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 11 & 10 \\ 12 & 11 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 12 \\ 11 & 9 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 12 & 11 \\ 13 & 9 \end{pmatrix}$

- (6) Ird fel a  $\{-1, 3, 1\}$  és  $\{-3, 2, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletét! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{-3, 4, 0\}$ , B)  $\{-7, 0, -2\}$ , C)  $\{-13, -7, -5\}$ , D)  $\{-3, 6, 0\}$ , E)  $\{-9, -3, -3\}$ 

- (7) Ird fel az  $\{-3, -2, 3\}, \{3, -2, -1\}$  és  $\{1, 3, -2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) 31, B) 29, C) 32, D) 28, E) 30

- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -5 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$

- (10) Ird fel az  $\{-2, -3, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, 3, 2\}$  és  $\{-4, 6, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $\frac{33}{13}$ , B)  $\frac{27}{13}$ , C)  $\frac{30}{13}$ , D)  $\frac{32}{13}$ , E)  $\frac{31}{13}$ 

- (11) Ird fel az  $\{-2, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -1, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{3}{5}$ , B)  $-\frac{4}{5}$ , C)  $-\frac{2}{5}$ , D)  $-\frac{1}{5}$ , E) -1

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.48. №.48.

- (1) Ird fel az  $\{-3, 1, -3\}$ ,  $\{3, 3, 3\}$  és  $\{2, 2, -2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{3}$ , B) 1, C)  $-\frac{2}{3}$ , D)  $-1$ , E)  $\frac{2}{3}$
- (2) Ird fel az  $\{2, -2, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -3, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) 0, B)  $-1$ , C)  $-3$ , D) 1, E)  $-2$

- (3) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned}x + 3y + 3z &= -2 \\-x - 4y - 4z &= 2 \\-x - 2y - z &= 3\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $-2$ , B)  $-6$ , C)  $-3$ , D)  $-4$ , E)  $-7$

- (4) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 9 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 6 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 4 \\ 8 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 9 & 4 \\ 7 & 6 \end{pmatrix}$

- (5) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{7}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & \frac{8}{3} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

- (6) Ird fel az  $\{-2, 3, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 1, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -3, 3\}$  és  $\{5, -4, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 4, B) 6, C) 7, D) 5, E) 3

- (7) Ird fel a  $\{-1, -2, -1\}$  és  $\{-2, -5, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-1, -8, 10\}$ , B)  $\{1, -8, 15\}$ , C)  $\{-4, -11, 8\}$ , D)  $\{-6, -11, 3\}$ , E)  $\{-10, -17, 4\}$

- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 3, B) 1, C)  $-1$ , D) 2, E) 0

- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{10}{3} \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & -4 \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & -4 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$

- (10) Melyik vektor lehet az  $\{2, 3, -1\}$ ,  $\{3, -3, 3\}$  és  $\{-1, -2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-32, 10, 23\}$ , B)  $\{-34, 9, 21\}$ , C)  $\{-34, 9, 20\}$ , D)  $\{-35, 9, 25\}$ , E)  $\{-34, 7, 22\}$

- (11) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.49. №.49.

- (1) Ird fel a  $\{-3, 2, 3\}$  és  $\{-6, 1, 6\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-8, 3, 18\}$ , B)  $\{-9, 0, 9\}$ , C)  $\{-7, 2, 12\}$ , D)  $\{-13, -4, 3\}$ , E)  $\{-8, -1, 3\}$
- (2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -5 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- (3) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 9 & 4 \\ 6 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 5 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\{-1, 1, 1\}$  normalvektort, és a  $\{-1, -3, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, -1, -1\}$  és  $\{5, -4, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -3, B) -1, C) 0, D) 1, E) -2
- (5) Melyik vektor lehet az  $\{3, -1, 1\}$ ,  $\{3, -1, -3\}$  és  $\{-1, 3, 1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{-18, -13, -1\}$ , B)  $\{-19, -17, -2\}$ , C)  $\{-19, -18, 2\}$ , D)  $\{-16, -16, 0\}$ , E)  $\{-18, -13, -2\}$
- (6) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel az  $\{-3, 3, 3\}$ ,  $\{-2, -1, 3\}$  és  $\{1, 1, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $\frac{17}{3}$ , B)  $\frac{13}{3}$ , C)  $\frac{14}{3}$ , D)  $\frac{16}{3}$ , E) 5
- (8) Ird fel az  $\{2, -3, 3\}$  normalvektort, és a  $\{2, 1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{2}{7}$ , B)  $\frac{2}{7}$ , C) 0, D)  $\frac{3}{7}$ , E)  $\frac{4}{7}$
- (9) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 1, B) 2, C) 4, D) 0, E) 3
- (10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{13}{6} \\ 0 & -\frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - y + z &= -2 \\ 2x - 4y + 5z &= -5 \\ -2x - 2y + z &= -1 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 2, B) -1, C) -3, D) -2, E) 0

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.50. **No.50.**

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + 2y + z = -4$$

$$2x + 7y - z = -8$$

$$-x - 5y + z = 5$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -7, B) -6, C) -3, D) -8, E) -5

- (2) Ird fel az
- $\{-2, 1, -1\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-3, 3, 3\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A)
- $-\frac{4}{3}$
- , B)
- $-\frac{2}{3}$
- , C)
- $-\frac{1}{3}$
- , D) -1, E)
- $-\frac{5}{3}$

- (3) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$
- inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (4) Ird fel az
- $\{2, -2, -1\}$
- ,
- $\{-3, 2, 1\}$
- és
- $\{-1, -2, -2\}$
- pontokat tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -2, B)
- $-\frac{5}{2}$
- , C)
- $-\frac{7}{2}$
- , D)
- $-\frac{3}{2}$
- , E) -1

- (5) Ird fel az
- $\{1, 1, 3\}$
- normalvektorú, és a
- $\{1, -2, 1\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{1, 3, 3\}$
- és
- $\{-2, 5, 1\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszéspontját! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A)
- $\frac{16}{7}$
- , B)
- $\frac{15}{7}$
- , C)
- $\frac{13}{7}$
- , D)
- $\frac{12}{7}$
- , E) 2

- (6) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{7}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 1 & -4 \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$

- (7) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatértékeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) 6, B) 7, C) 10, D) 9, E) 8

- (8) Ird fel a
- $\{-2, -1, -1\}$
- és
- $\{0, -2, 2\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{10, -8, 10\}$
- , B)
- $\{5, -5, 6\}$
- , C)
- $\{0, -1, 9\}$
- , D)
- $\{4, -4, 8\}$
- , E)
- $\{1, -2, 7\}$

- (9) Melyik vektor lehet az
- $\{-3, 3, 2\}$
- ,
- $\{3, -2, 1\}$
- és
- $\{-2, -2, 2\}$
- pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)
- $\{2, 0, 23\}$
- , B)
- $\{5, 1, 25\}$
- , C)
- $\{2, 2, 24\}$
- , D)
- $\{2, 2, 28\}$
- , E)
- $\{2, 3, 27\}$

- (10) Legyen
- $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
- , mennyi
- $C$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 6 & 8 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$

- (11) Ird fel az
- $\frac{11\pi}{6}$
- szöglű ketdimenzios elforgatás matrixát!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.51. No.51.

- (1) Ird fel a  $\{-3, -2, 1\}$  és  $\{-2, -5, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-4, -9, -11\}$ , B)  $\{-1, -8, -3\}$ , C)  $\{3, -10, 3\}$ , D)  $\{0, -6, 2\}$ , E)  $\{-3, -7, -6\}$
- (2) Ird fel az  $\{2, 1, 2\}$ ,  $\{-2, 3, 3\}$  és  $\{-1, -3, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $\frac{22}{49}$ , B)  $\frac{3}{7}$ , C)  $\frac{23}{49}$ , D)  $\frac{19}{49}$ , E)  $\frac{20}{49}$
- (3) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 6 & 14 \\ 8 & 12 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 13 \\ 6 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 12 \\ 7 & 13 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 7 & 11 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 14 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$
- (4) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x - 2y + 3z &= -1 \\ -x + y - 2z &= 2 \\ -2x + 6y - 11z &= 3 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -7, B) -10, C) -5, D) -9, E) -6
- (5) Melyik vektor lehet az  $\{1, 3, 2\}$ ,  $\{1, -3, 3\}$  és  $\{3, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{-22, -5, -10\}$ , B)  $\{-22, -4, -11\}$ , C)  $\{-21, -5, -14\}$ , D)  $\{-19, -2, -12\}$ , E)  $\{-22, 0, -13\}$
- (6) Ird fel az  $\{-1, -2, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{1, -3, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, 3, 2\}$  es  $\{4, 2, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-\frac{11}{3}$ , B)  $-\frac{14}{3}$ , C)  $-\frac{13}{3}$ , D) -4, E) -5
- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 6, B) 3, C) 2, D) 4, E) 5
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel az  $\frac{\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixát!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{3, -3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{2, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{2}{3}$ , B)  $\frac{2}{3}$ , C) -1, D)  $-\frac{1}{3}$ , E)  $\frac{1}{3}$
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.52. No.52.

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 2y + 3z = -10$$

$$-x + 5y - 6z = 19$$

$$2x - 7y + 10z = -31$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -8, B) -3, C) -6, D) -5, E) -7

- (2) Ird fel az
- $\{-3, 1, 1\}$
- normalvektor, es a
- $\{-2, -3, 2\}$
- pontot tartalmazo sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -1, B)
- $-\frac{3}{5}$
- , C)
- $-\frac{4}{5}$
- , D)
- $-\frac{1}{5}$
- , E)
- $-\frac{2}{5}$

- (3) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) 14, B) 17, C) 18, D) 16, E) 15

- (4) Ird fel a
- $\{-3, 3, 2\}$
- es
- $\{-6, 5, 4\}$
- pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{-3, -5, 0\}$
- , B)
- $\{3, -5, -3\}$
- , C)
- $\{6, 5, -2\}$
- , D)
- $\{3, -1, -2\}$
- , E)
- $\{6, 1, -3\}$

- (5) Ird fel az
- $\{-3, 1, -1\}$
- ,
- $\{1, -3, -3\}$
- es
- $\{1, -3, 2\}$
- pontokat tartalmazo sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -2, B) -3, C) -1, D) -5, E) -4

- (6) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & \frac{11}{6} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{13}{6} \\ 0 & \frac{17}{6} \end{pmatrix}$

- (7) Ird fel az
- $\{2, 2, 1\}$
- normalvektor, es a
- $\{-2, -3, 2\}$
- pontot tartalmazo sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{-2, -3, 3\}$
- es
- $\{-5, 0, 6\}$
- pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszespontjat! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A) -7, B) -4, C) -6, D) -5, E) -3

- (8) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$
- inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{19}{6} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{7}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$

- (9) Legyen
- $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
- , mennyi
- $C$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 6 & 8 \\ 6 & 3 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 6 & 7 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 4 & 4 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 7 & 6 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$

- (10) Melyik vektor lehet az
- $\{-1, -2, -2\}$
- ,
- $\{-2, 2, -1\}$
- es
- $\{-1, 1, 2\}$
- pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)
- $\{-14, -7, 0\}$
- , B)
- $\{-16, -6, 2\}$
- , C)
- $\{-15, -1, 0\}$
- , D)
- $\{-16, -1, 1\}$
- , E)
- $\{-13, -4, 3\}$

- (11) Ird fel az
- $\frac{4\pi}{3}$
- szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

0.53. **No.53.**

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-1, -1, -1\}$ ,  $\{-3, -1, -1\}$  es  $\{-1, -2, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{-2, 1, -5\}$ , B)  $\{0, 2, -2\}$ , C)  $\{-2, 4, 1\}$ , D)  $\{-2, 5, -1\}$ , E)  $\{-2, 1, -3\}$
- (2) Ird fel az  $\{3, 2, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -2, -2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, -3, 3\}$  es  $\{3, -6, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-1$ , B)  $0$ , C)  $-2$ , D)  $1$ , E)  $-3$
- (3) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + y - 2z &= -2 \\ x - y - 3z &= 3 \\ x + 3y - 4z &= -4 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-9$ , B)  $-7$ , C)  $-8$ , D)  $-5$ , E)  $-10$
- (4) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\{1, 2, -1\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -1, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{2}{3}$ , B)  $\frac{2}{3}$ , C)  $\frac{1}{3}$ , D)  $-\frac{1}{3}$ , E)  $0$
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A)  $3$ , B)  $5$ , C)  $4$ , D)  $2$ , E)  $6$
- (7) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 4 & 4 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 4 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$
- (8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{5}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{7}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel az  $\{3, 3, -2\}$ ,  $\{-2, -3, 1\}$  es  $\{-2, -1, 2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $14$ , B)  $13$ , C)  $17$ , D)  $15$ , E)  $16$
- (10) Ird fel a  $\{-2, -2, -3\}$  es  $\{-4, -1, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{4, -5, -9\}$ , B)  $\{-2, -9, -7\}$ , C)  $\{7, -3, -10\}$ , D)  $\{3, -8, -10\}$ , E)  $\{8, 0, -9\}$

- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{7}{9} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{8}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{26}{9} & -\frac{11}{9} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.54. №.54.

(1) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+3y \\ 3x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+2y \\ 1x+1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 6 & 7 \end{pmatrix}$

(2) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(3) Ird fel az  $\{3, -3, 2\}$ ,  $\{2, 2, 2\}$  és  $\{-3, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-\frac{3}{2}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{2}$ , D)  $-\frac{1}{2}$ , E) -1

(4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 2, B) 0, C) 1, D) 3, E) -1

(5) Ird fel az  $\{2, -2, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 1, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-\frac{5}{2}$ , B)  $-\frac{3}{2}$ , C) -3, D) -2, E)  $-\frac{7}{2}$

(6) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x - 3y + 2z = 4$$

$$-x + y - 5z = -5$$

$$x - 5y = 4$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -1, B) -6, C) -5, D) -3, E) -4

(7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -4 \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

(8) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & 2 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$

(9) Ird fel a  $\{3, -1, -3\}$  és  $\{1, -4, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{1, 4, -2\}$ , B)  $\{5, 6, -7\}$ , C)  $\{7, 5, -9\}$ , D)  $\{11, 7, -14\}$ , E)  $\{11, 3, -13\}$

(10) Ird fel az  $\{3, 1, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 2, 1\}$  és  $\{2, 4, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 20, B) 21, C) 22, D) 18, E) 19

(11) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -2, -1\}$ ,  $\{1, 3, -2\}$  és  $\{-3, 2, 1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)  $\{-17, 9, -15\}$ , B)  $\{-17, 7, -14\}$ , C)  $\{-16, 7, -18\}$ , D)  $\{-14, 8, -16\}$ , E)  $\{-17, 11, -13\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.55. №.55.

- (1) Ird fel az  $\{3, -2, -2\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 1, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{1}{5}$ , B)  $-\frac{1}{10}$ , C)  $-\frac{3}{10}$ , D)  $\frac{1}{10}$ , E) 0

- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 13, B) 10, C) 11, D) 14, E) 12

- (3) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -1, -2\}$ ,  $\{-3, -3, 2\}$  es  $\{1, 3, 3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A)  $\{26, -16, -8\}$ , B)  $\{23, -13, -10\}$ , C)  $\{23, -19, -5\}$ , D)  $\{23, -18, -10\}$ , E)  $\{23, -15, -5\}$ 

- (4) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 2y + z &= -1 \\ x + 4y &= -2 \\ 2x + 2z &= 2 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -4, B) -2, C) -5, D) 0, E) -3

- (5) Ird fel az  $\{-2, -1, 2\}$ ,  $\{2, -3, 2\}$  es  $\{-2, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{1}{4}$ , B)  $-\frac{1}{6}$ , C)  $-\frac{1}{12}$ , D)  $\frac{1}{12}$ , E) 0

- (6) Ird fel az  $\{-3, 1, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -2, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 2, -1\}$  es  $\{1, 1, -2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjait! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 1, B) -1, C) 0, D) -3, E) -4

- (7) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ 

- (8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 10 & 13 \\ 10 & 13 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 12 \\ 11 & 15 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 13 \\ 10 & 15 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 12 \\ 12 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 11 \\ 11 & 15 \end{pmatrix}$ 

- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ 

- (10) Ird fel a  $\{3, 2, -2\}$  es  $\{1, -1, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{9, 11, 1\}$ , B)  $\{5, 10, 2\}$ , C)  $\{12, 13, 1\}$ , D)  $\{8, 12, 2\}$ , E)  $\{11, 9, -1\}$ 

- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{16}{25} \\ 0 & -\frac{25}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{17}{29} \\ 0 & -\frac{29}{9} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{20}{10} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{2}{9} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{19}{25} \\ 0 & -\frac{25}{9} \end{pmatrix}$ 1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.56. **No.56.**(1) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x+2y \\ 3x+2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+2y \\ 1x+3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 4 & 10 \\ 3 & 13 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 4 & 11 \\ 4 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 12 \\ 5 & 12 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 11 \\ 5 & 14 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 14 \\ 3 & 11 \end{pmatrix}$

(2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -4 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -4 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

(3) Ird fel az  $\{-2, 1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{1, -2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $-\frac{7}{2}$ , C)  $-2$ , D)  $-3$ , E)  $-\frac{5}{2}$

(4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 5, B) 4, C) 3, D) 7, E) 6

(5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & 1 \\ 0 & -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$

(6) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x - y + 3z = -9$$

$$-2x + 5y - 4z = 20$$

$$x - 7y - 2z = -11$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -4, B) -1, C) -2, D) -5, E) -3

(7) Ird fel az  $\{1, 1, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 3, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -3, 1\}$  es  $\{1, -5, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 4, B) 3, C) 1, D) 2, E) 0

(8) Ird fel az  $\{1, -3, 3\}$ ,  $\{3, 1, -1\}$  es  $\{3, -3, 1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -2, B) 1, C) -1, D) 0, E) -3

(9) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 3, 3\}$ ,  $\{3, 2, -2\}$  es  $\{3, 1, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A)  $\{2, -2, 6\}$ , B)  $\{2, -2, 7\}$ , C)  $\{2, 1, 2\}$ , D)  $\{2, 3, 6\}$ , E)  $\{5, 0, 5\}$

(10) Ird fel a  $\{-1, 2, -1\}$  es  $\{-3, 5, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{1, -2, 9\}$ , B)  $\{4, -6, 8\}$ , C)  $\{7, -9, -1\}$ , D)  $\{8, -11, 4\}$ , E)  $\{5, -7, 5\}$

(11) Ird fel az  $\frac{2\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.57. №.57.

- (1) Ird fel az  $\{-3, -3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, -1, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 3, -1\}$  es  $\{4, 4, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $-\frac{187}{6}$ , B)  $-\frac{94}{3}$ , C)  $-\frac{63}{2}$ , D)  $-31$ , E)  $-\frac{185}{6}$

- (2) Ird fel az  $\{2, 3, -1\}$ ,  $\{-2, -2, -2\}$  es  $\{2, 2, -3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{5}{2}$ , B)  $-2$ , C)  $-1$ , D)  $-\frac{3}{2}$ , E)  $-\frac{1}{2}$

- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{19}{6} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{3}{10} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{19}{6} \\ 0 & -\frac{6}{5} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$

- (4) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + 2y - 3z = 3$$

$$-x - 4y + 4z = -1$$

$$5z - x = -11$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $-6$ , B)  $-3$ , C)  $-5$ , D)  $-8$ , E)  $-7$

- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} -4 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & -4 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$

- (6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 4 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 2 & 7 \end{pmatrix}$

- (7) Ird fel az  $\{2, 2, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-2$ , B)  $-4$ , C)  $-1$ , D)  $-5$ , E)  $-3$

- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A)  $-1$ , B)  $2$ , C)  $0$ , D)  $3$ , E)  $1$

- (9) Ird fel a  $\{-1, 2, 2\}$  es  $\{-4, 1, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{-9, 2, 2\}$ , B)  $\{-3, -4, 8\}$ , C)  $\{-2, -1, 5\}$ , D)  $\{-7, 0, 4\}$ , E)  $\{-14, 3, 1\}$

- (10) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (11) Melyik vektor lehet az  $\{3, -2, 3\}$ ,  $\{-1, -1, 2\}$  es  $\{-3, -3, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A)  $\{6, 14, -10\}$ , B)  $\{4, 11, -11\}$ , C)  $\{3, 15, -7\}$ , D)  $\{5, 17, -11\}$ , E)  $\{4, 12, -13\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.58. №.58.

- (1) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{13}{10} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{13}{6} \\ 0 & \frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$
- (2) Ird fel a  $\{2, -1, -2\}$  es  $\{-1, -4, 1\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{8, 9, -12\}$ , B)  $\{8, 5, -8\}$ , C)  $\{11, 4, -7\}$ , D)  $\{2, 7, -10\}$ , E)  $\{11, 0, -3\}$
- (3) Ird fel az  $\{1, 3, 2\}$  normalvektor, es a  $\{-3, 3, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -3, -2\}$  es  $\{1, -4, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $\frac{54}{7}$ , B)  $\frac{55}{7}$ , C)  $\frac{57}{7}$ , D)  $\frac{58}{7}$ , E) 8
- (4) Ird fel az  $\{-3, 1, -3\}$ ,  $\{-2, 1, -3\}$  es  $\{-2, -1, 2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -7, B) -9, C) -10, D) -8, E) -11
- (5) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{3, 2, -1\}$ ,  $\{-1, -3, 3\}$  es  $\{1, 1, 3\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?  
 A)  $\{13, -9, 3\}$ , B)  $\{13, -5, 5\}$ , C)  $\{14, -10, 3\}$ , D)  $\{16, -8, 6\}$ , E)  $\{13, -6, 8\}$
- (7) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 8 & 7 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 8 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 9 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 7 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 6 \\ 9 & 5 \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{-3, -2, -3\}$  normalvektor, es a  $\{3, -2, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) -3, B) -2, C) -1, D) 0, E) 1
- (9) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= 6 \\ -x - 5y + z &= -9 \\ -2x - 8y + 5z &= -17 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -3, B) -1, C) -6, D) -4, E) -5
- (10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) -1, B) 1, C) 2, D) 0, E) -2
- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{17}{6} \\ 0 & -\frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{19}{6} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{19}{6} \\ 0 & -\frac{13}{6} \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.59. №.59.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 5, B) 4, C) 7, D) 8, E) 6
- (2) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$
- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -1 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -1 \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 8 & 9 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 12 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 8 \\ 10 & 8 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 10 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 9 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel az  $\{-2, 2, -2\}$ ,  $\{-3, 2, -2\}$  es  $\{-3, 2, 3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A) 0, B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D) -1, E)  $\frac{1}{2}$
- (7) Ird fel a  $\{2, 2, -1\}$  es  $\{-1, 0, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{5, 2, 8\}$ , B)  $\{-1, 0, 2\}$ , C)  $\{-4, -1, -1\}$ , D)  $\{5, 3, 2\}$ , E)  $\{-10, -4, -1\}$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 3y + 3z &= -2 \\ 2x + 4y + 7z &= -10 \\ -2x - 2y - 9z &= 18 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -5, B) -6, C) -7, D) -2, E) -3
- (9) Ird fel az  $\{1, -2, -1\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 3, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{7}$ , B)  $\frac{2}{7}$ , C)  $-\frac{2}{7}$ , D)  $\frac{3}{7}$ , E) 0
- (10) Melyik vektor lehet az  $\{1, -1, 3\}$ ,  $\{2, -3, -3\}$  es  $\{1, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{-15, 2, -5\}$ , B)  $\{-15, 1, -5\}$ , C)  $\{-12, 0, -2\}$ , D)  $\{-15, -3, -4\}$ , E)  $\{-15, 2, -3\}$
- (11) Ird fel az  $\{2, -3, 1\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, -1, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, -3, -3\}$  es  $\{0, 0, -2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) -2, B)  $-\frac{8}{5}$ , C)  $-\frac{11}{5}$ , D)  $-\frac{9}{5}$ , E)  $-\frac{7}{5}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.60. **No.60.**

- (1) Ird fel az  $\{-2, 3, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 3, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{4}{19}$ , B)  $-\frac{1}{19}$ , C)  $-\frac{6}{19}$ , D)  $-\frac{5}{19}$ , E)  $-\frac{2}{19}$ 

- (2) Ird fel az  $\{-1, -2, -3\}$ ,  $\{-3, -2, 3\}$  es  $\{2, 3, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{3}{2}$ , B)  $-\frac{5}{4}$ , C)  $-\frac{9}{8}$ , D)  $-\frac{13}{8}$ , E)  $-1$ 

- (3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 4, B) 6, C) 8, D) 5, E) 7

- (4) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 12 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 11 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 12 & 5 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 7 & 2 \\ 9 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 10 & 5 \end{pmatrix}$ 

- (5) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= 7 \\ 2x - 7y - 3z &= 11 \\ -2x + 7y + 5z &= -15 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -9, B) -8, C) -7, D) -6, E) -4

- (6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{2}{9} \\ 0 & -\frac{28}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{9} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{8}{9} \\ 0 & -\frac{29}{9} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{7}{9} \\ 0 & -\frac{25}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{11}{9} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ 

- (7) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ 

- (8) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 2, -1\}$ ,  $\{1, -1, -2\}$  es  $\{-3, -2, 1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A) {10, 5, 15}, B) {7, 2, 16}, C) {7, 3, 13}, D) {7, 6, 16}, E) {7, 3, 17}

- (9) Ird fel az  $\{3, 2, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 2, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, 3, 1\}$  es  $\{3, 5, 3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $\frac{8}{13}$ , B)  $\frac{7}{13}$ , C)  $\frac{5}{13}$ , D)  $\frac{4}{13}$ , E)  $\frac{9}{13}$ 

- (10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & \frac{15}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 4 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ 

- (11) Ird fel a  $\{1, 2, -3\}$  es  $\{4, 0, -6\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A) {-6, -2, -6}, B) {-5, 6, 3}, C) {-1, 12, 9}, D) {-7, 3, 0}, E) {-6, 11, 9}

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.61. No.61.

(1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned}x - 2y + 2z &= -4 \\-2x + 5y - 3z &= 11 \\-2x + 2y - 9z &= -1\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 1, B) 2, C) -3, D) -4, E) 0

(2) Ird fel az  $\{-2, 2, -2\}$ ,  $\{3, -1, -2\}$  es  $\{-2, 1, 2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 6, B)
- $\frac{11}{2}$
- , C)
- $\frac{37}{6}$
- , D)
- $\frac{17}{3}$
- , E)
- $\frac{35}{6}$

(3) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(4) Ird fel az  $\{1, -3, -2\}$  normalvektoru, es a  $\{1, -3, 2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $-\frac{2}{3}$
- , B) -1, C)
- $-\frac{4}{3}$
- , D)
- $-\frac{5}{3}$
- , E) -2

(5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 7, B) 8, C) 9, D) 10, E) 6

(6) Melyik vektor lehet az  $\{2, -3, 2\}$ ,  $\{-3, -3, 1\}$  es  $\{2, -1, -2\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)
- $\{-2, 20, 10\}$
- , B)
- $\{-5, 18, 11\}$
- , C)
- $\{-5, 23, 9\}$
- , D)
- $\{-5, 17, 7\}$
- , E)
- $\{-5, 19, 11\}$

(7) Ird fel a  $\{2, -1, -3\}$  es  $\{-1, 2, -2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{2, -1, 1\}$
- , B)
- $\{-13, 14, -2\}$
- , C)
- $\{-4, 5, -1\}$
- , D)
- $\{-7, 8, -2\}$
- , E)
- $\{2, -1, -1\}$

(8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{3} \\ 0 & \frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{13}{6} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$

(9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 4 & 5 \\ 7 & 9 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 7 & 11 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 7 & 10 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}$

(10) Ird fel az  $\{1, -3, -1\}$  normalvektoru, es a  $\{-2, -3, 2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -2, 1\}$  es  $\{1, -3, 3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 0, B) -4, C) -1, D) -5, E) -2

(11) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.62. №.62.

(1) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+3y \\ 1x+1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+1y \\ 3x+1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 4 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 2 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 2 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$

(2) Ird fel a  $\{2, 2, -1\}$  es  $\{0, 5, -2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{2, 3, 2\}$ , B)  $\{4, -2, -3\}$ , C)  $\{4, -1, 0\}$ , D)  $\{5, -3, -1\}$ , E)  $\{5, -2, 2\}$

(3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 1, B) 2, C) 4, D) 3, E) 5

(4) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - y - 3z = -3$$

$$-x - 2y + z = 2$$

$$2x + y - 3z = -3$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 0, B) 1, C) -2, D) 3, E) 2

(5) Ird fel az  $\{-1, 3, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{2, 2, -1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-\frac{3}{7}$ , B)  $-\frac{4}{7}$ , C)  $-\frac{2}{7}$ , D)  $-\frac{5}{7}$ , E)  $-\frac{1}{7}$

(6) Ird fel az  $\{-1, 3, 1\}$ ,  $\{1, 3, -2\}$  es  $\{-2, 2, 1\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $-\frac{1}{5}$ , B)  $-\frac{4}{5}$ , C) -1, D)  $-\frac{3}{5}$ , E)  $-\frac{2}{5}$

(7) Melyik vektor lehet az  $\{3, 2, 3\}$ ,  $\{-2, -3, 2\}$  es  $\{-2, 1, -3\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)  $\{-32, 24, 17\}$ , B)  $\{-32, 22, 19\}$ , C)  $\{-32, 27, 21\}$ , D)  $\{-29, 25, 20\}$ , E)  $\{-31, 22, 18\}$

(8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzet!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{3}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{17}{6} \\ 0 & \frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{17}{6} \\ 0 & \frac{6}{3} \end{pmatrix}$

(9) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(10) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{7}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{1}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{5}{4} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{1}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(11) Ird fel az  $\{-1, 2, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, 3, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, -2, -2\}$  es  $\{-2, -3, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 0, B) -1, C) 4, D) 3, E) 1

Név:

Aláírás:

0.63. **No.63.**

- (1) Ird fel az  $\{2, -1, -2\}$ ,  $\{-3, -1, -1\}$  és  $\{1, -3, 3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{9}{10}$ , B)  $-\frac{11}{10}$ , C)  $-\frac{4}{5}$ , D)  $-\frac{7}{10}$ , E)  $-1$
- (2) Ird fel az  $\{3, -3, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, -3, 2\}$  és  $\{-2, -2, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{51}{7}$ , B)  $-\frac{55}{7}$ , C)  $-\frac{52}{7}$ , D)  $-\frac{54}{7}$ , E)  $-\frac{53}{7}$
- (3) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 6 & 9 \\ 12 & 14 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 9 \\ 12 & 17 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 12 \\ 13 & 14 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 11 \\ 12 & 15 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 12 \\ 12 & 16 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\pi$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\{2, 1, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, -2, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-1$ , B)  $-3$ , C)  $-2$ , D)  $0$ , E)  $-4$
- (6) Ird fel a  $\{-3, 3, 3\}$  és  $\{-2, 4, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-4, 0, -2\}$ , B)  $\{-2, 4, 4\}$ , C)  $\{1, 9, 11\}$ , D)  $\{-1, 6, 7\}$ , E)  $\{-4, 1, 0\}$
- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{7}{9} \\ 0 & -\frac{9}{25} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{9} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{29}{9} & \frac{7}{9} \\ 0 & -\frac{9}{25} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{8}{9} \\ 0 & -\frac{9}{28} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & \frac{11}{9} \\ 0 & -\frac{9}{26} \end{pmatrix}$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $8$ , B)  $7$ , C)  $6$ , D)  $4$ , E)  $5$
- (9) Melyik vektor lehet az  $\{1, -2, -1\}$ ,  $\{3, 2, 2\}$  és  $\{-1, -3, -2\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{-2, 6, -3\}$ , B)  $\{-2, 7, -4\}$ , C)  $\{-2, 7, -5\}$ , D)  $\{1, 4, -6\}$ , E)  $\{-2, 1, -8\}$
- (10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetét!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{28}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{13}{6} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y + 3z &= 1 \\ -x - 5y - 5z &= -1 \\ x + 5y + 2z &= 4 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-1$ , B)  $1$ , C)  $-3$ , D)  $-4$ , E)  $-2$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

## 0.64. №.64.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
A) 1, B) 3, C) 4, D) 2, E) 0
- (2) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?  
A)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 8 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 5 \\ 6 & 7 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$
- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!  
A)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{4}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\{2, 1, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 3, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
A) -1, B) -2, C) 0, D) -3, E) -4
- (5) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?  
A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{11}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{2, -3, -2\}$ ,  $\{1, 3, -1\}$  es  $\{-3, -2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
A)  $\{5, 5, -32\}$ , B)  $\{4, 3, -32\}$ , C)  $\{5, 4, -26\}$ , D)  $\{7, 6, -29\}$ , E)  $\{4, 8, -30\}$
- (7) Ird fel a  $\{1, -1, 2\}$  es  $\{2, 1, 4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
A)  $\{9, -1, 10\}$ , B)  $\{0, 5, 4\}$ , C)  $\{3, 3, 6\}$ , D)  $\{5, -1, 6\}$ , E)  $\{-2, 9, 4\}$
- (8) Ird fel az  $\{-1, -1, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 2, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, -1, -2\}$  es  $\{1, -4, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
A) 3, B) 2, C) 4, D) 5, E) 6
- (9) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szogú ketdimenzios elforgatas matrixat!  
A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{-1, 2, -2\}$ ,  $\{-1, -3, 2\}$  es  $\{-1, 1, -3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
A) -2, B) -5, C) -1, D) 0, E) -3
- (11) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 3y + z = -9$$

$$-2x + 9y + z = 18$$

$$x + 5z = -11$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -4, B) -3, C) -1, D) -5, E) -6

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.65. №.65.

(1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - y + 3z = -3$$

$$2x - y + 7z = -9$$

$$-x - 3z = 4$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -1, B) -3, C) -2, D) -4, E) -6

(2) Ird fel az  $\frac{5\pi}{6}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(3) Ird fel az  $\{-3, 2, -3\}$ ,  $\{-3, 1, -1\}$  es  $\{-2, 3, -2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -2, B) -4, C) -1, D) 0, E) -3

(4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(5) Ird fel az  $\{3, 2, -1\}$  normalvektoru, es a  $\{1, 3, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)
- $\frac{1}{2}$
- , B) 1, C) -1, D)
- $-\frac{3}{2}$
- , E)
- $-\frac{1}{2}$

(6) Ird fel az  $\{3, -3, 3\}$  normalvektoru, es a  $\{1, 2, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, -3, 1\}$  es  $\{-5, -4, 2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -25, B) -24, C) -26, D) -23, E) -22

(7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 7 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 12, B) 15, C) 14, D) 16, E) 13

(8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 7 \\ 7 & 7 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 8 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$

(9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{10}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$

(10) Ird fel a  $\{2, -3, 3\}$  es  $\{-1, -5, 2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{3, -1, 5\}$
- , B)
- $\{-2, -7, 0\}$
- , C)
- $\{-6, -11, -3\}$
- , D)
- $\{-1, -5, 2\}$
- , E)
- $\{1, -1, 6\}$

(11) Melyik vektor lehet az  $\{2, 2, -3\}$ ,  $\{-1, -2, 3\}$  es  $\{1, 2, -1\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)
- $\{6, 1, 5\}$
- , B)
- $\{6, -1, 2\}$
- , C)
- $\{5, -1, 5\}$
- , D)
- $\{5, -2, 7\}$
- , E)
- $\{8, 0, 4\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.66. **No.66.**

- (1) Ird fel az  $\{1, 1, 1\}$ ,  $\{3, -2, 1\}$  és  $\{-1, -3, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) 1, B) 0, C) -2, D) -1, E) -3

- (2) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned}x - 2y + 2z &= -7 \\-x + 5y - 5z &= 16 \\-2x - 2y + 4z &= -8\end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -2, B) -7, C) -5, D) -6, E) -4

- (3) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 17 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 18 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 18 & 13 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 20 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 20 & 11 \end{pmatrix}$

- (4) Ird fel az  $\pi$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

- (5) Ird fel a  $\{-3, -3, 1\}$  és  $\{-6, -6, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{-10, -18, -7\}$ , B)  $\{-17, -9, -5\}$ , C)  $\{-12, -12, -5\}$ , D)  $\{-13, -9, -4\}$ , E)  $\{-8, -12, -4\}$

- (6) Melyik vektor lehet az  $\{3, -1, 1\}$ ,  $\{3, -2, 2\}$  és  $\{3, 2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)  $\{-4, 1, -3\}$ , B)  $\{-4, 1, 1\}$ , C)  $\{-1, 0, 0\}$ , D)  $\{-4, 3, -3\}$ , E)  $\{-4, -1, -1\}$

- (7) Ird fel az  $\{-2, 1, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 3, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) -2, B) -1, C) 0, D) 1, E) -3

- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -3 \\ 0 & \frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

- (10) Ird fel az  $\{3, -1, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -3, -3\}$  és  $\{0, -6, -2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -18, B) -22, C) -21, D) -20, E) -19

- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 12, B) 13, C) 11, D) 10, E) 14

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.67. №.67.

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + 2y - 3z = 10$$

$$2x + 7y - 9z = 29$$

$$x + 5y - 3z = 13$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -2, B) 2, C) -1, D) -3, E) 1

- (2) Ird fel az
- $\{3, -1, 2\}$
- normalvektorú, és a
- $\{2, 2, 3\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A)
- $\frac{2}{5}$
- , B)
- $-\frac{2}{5}$
- , C)
- $-\frac{1}{5}$
- , D) 0, E)
- $\frac{1}{5}$

- (3) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) 5, B) 1, C) 2, D) 3, E) 4

- (4) Legyen
- $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$
- , mennyi
- $C$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 9 & 6 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 10 & 8 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 8 & 9 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} 9 & 7 \\ 9 & 4 \end{pmatrix}$

- (5) Melyik vektor lehet az
- $\{-2, 2, 3\}, \{-1, 3, 1\}$
- és
- $\{1, -1, -1\}$
- pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)
- $\{7, 0, 9\}$
- , B)
- $\{7, 4, 8\}$
- , C)
- $\{7, 3, 9\}$
- , D)
- $\{7, 4, 3\}$
- , E)
- $\{10, 2, 6\}$

- (6) Ird fel az
- $\{3, 3, -2\}, \{-3, -2, -3\}$
- és
- $\{-3, 1, -3\}$
- pontokat tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A)
- $-\frac{1}{3}$
- , B)
- $-\frac{4}{3}$
- , C)
- $-\frac{2}{3}$
- , D) -1, E)
- $-\frac{5}{3}$

- (7) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$
- ?

- A)
- $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} 0 & \frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{3}{11} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{11}{3} \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} 0 & 4 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{3}{11} \end{pmatrix}$

- (8) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- inverzet!

- A)
- $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$

- (9) Ird fel az
- $\{2, 3, 3\}$
- normalvektorú, és a
- $\{2, -3, 2\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{1, 2, 3\}$
- és
- $\{3, 0, 6\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszéspontját! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A) -1, B)
- $-\frac{8}{7}$
- , C)
- $-\frac{6}{7}$
- , D)
- $-\frac{10}{7}$
- , E)
- $-\frac{9}{7}$

- (10) Ird fel az
- $\frac{4\pi}{3}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)
- $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- , B)
- $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- , C)
- $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
- , D)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- , E)
- $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (11) Ird fel a
- $\{-2, -3, -2\}$
- és
- $\{-5, -5, 1\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{7, 3, -10\}$
- , B)
- $\{-2, -3, -3\}$
- , C)
- $\{-8, -7, 2\}$
- , D)
- $\{7, 3, -9\}$
- , E)
- $\{1, -1, -5\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.68. **No.68.**(1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{1}{6} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{6}{11} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{6} \\ 0 & -\frac{13}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & -\frac{11}{6} \end{pmatrix}$

(2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{7}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{5}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{4} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(3) Ird fel az  $\{3, -1, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{1, 1, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -3, B) 1, C) 2, D) -1, E) 0

(4) Ird fel az  $\{-2, -3, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{1, -3, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 3, -1\}$  es  $\{-2, 5, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -3, B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{5}{2}$ , D) -2, E)  $-\frac{7}{2}$

(5) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szogú ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(6) Ird fel a  $\{3, 3, 1\}$  es  $\{2, 0, 4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A) {10, 16, -4}, B) {1, 5, -9}, C) {4, 10, -10}, D) {9, 17, -9}, E) {6, 12, -8}

(7) Melyik vektor lehet az  $\{3, -3, -3\}$ ,  $\{-3, 1, 1\}$  es  $\{2, 3, -3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A) {24, 4, 32}, B) {21, 5, 31}, C) {21, 2, 29}, D) {21, 6, 31}, E) {21, 1, 31}

(8) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 14 & 8 \\ 12 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 15 & 6 \\ 13 & 3 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 13 & 9 \\ 14 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 15 & 8 \\ 12 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 14 & 10 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$

(9) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - y + 3z &= 1 \\ x + 2y + 2z &= -4 \\ -2x + 8y - 9z &= -11 \end{aligned}$$

egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -3, B) -6, C) -1, D) -5, E) -4

(10) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 7 & 2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 12, B) 13, C) 14, D) 16, E) 15

(11) Ird fel az  $\{-3, 2, -2\}$ ,  $\{3, 1, -2\}$  es  $\{1, 3, -2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -1, B)  $-\frac{3}{2}$ , C) -2, D)  $-\frac{1}{2}$ , E)  $-\frac{5}{2}$

Név:

Aláírás:

0.69. **No.69.**

- (1) Ird fel az  $\{-2, -3, -3\}$  normalvektoru, es a  $\{-2, 1, 3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, -2, -3\}$  es  $\{-1, -3, -4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -9, B) -11, C) -7, D) -8, E) -10

- (2) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{10}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{10}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{11}{3} \\ 0 & \frac{5}{3} \end{pmatrix}$ 

- (3) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x+2y \\ 3x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x+3y \\ 2x+3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 11 & 15 \\ 17 & 17 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 11 & 17 \\ 16 & 18 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 11 & 14 \\ 17 & 17 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 13 & 15 \\ 15 & 18 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 11 & 15 \\ 17 & 20 \end{pmatrix}$ 

- (4) Ird fel az  $\{2, -2, 3\}$  normalvektoru, es a  $\{-1, 1, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -5, B) -3, C) -6, D) -7, E) -4

- (5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 3, B) 0, C) 1, D) 2, E) 4

- (6) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 2, 3\}$ ,  $\{-1, -3, -2\}$  es  $\{-3, 3, 1\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

A)  $\{-15, -4, -2\}$ , B)  $\{-17, -2, 0\}$ , C)  $\{-17, -6, -1\}$ , D)  $\{-17, -3, -5\}$ , E)  $\{-17, -3, 1\}$ 

- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{8}{9} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{8}{9} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{25}{9} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{8}{9} \\ 0 & \frac{29}{9} \end{pmatrix}$ 

- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + 3y - z = 6$$

$$-2x - 9y = -16$$

$$x - 3y - 4z = -3$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 0, B) -3, C) -4, D) -1, E) 2

- (9) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ 

- (10) Ird fel az  $\{-3, 3, 2\}$ ,  $\{2, -1, 1\}$  es  $\{1, -2, -2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -8, B) -9, C) -6, D) -10, E) -5

- (11) Ird fel a  $\{3, -3, -2\}$  es  $\{0, -1, -4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{-1, 0, -1\}$ , B)  $\{-5, 3, 0\}$ , C)  $\{-2, 0, -9\}$ , D)  $\{-3, 1, -6\}$ , E)  $\{-4, 1, -14\}$ 1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.70. **No.70.**

- (1) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 3y - 3z = 14$$

$$2x - 3y - 4z = 18$$

$$-2x = -4$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -2, B) -7, C) 0, D) -4, E) -6

- (2) Ird fel az
- $\{1, -3, 1\}$
- ,
- $\{-2, -2, 2\}$
- és
- $\{3, 1, -3\}$
- pontokat tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -4, B) -8, C) -3, D) -7, E) -5

- (3) Ird fel az
- $\frac{\pi}{3}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (4) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 6 & 1 \\ 1 & 6 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) 3, B) 13.2, C) 1, D) 2, E) 4

- (5) Ird fel az
- $\{3, -2, 2\}$
- normalvektorú, és a
- $\{2, -2, -3\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{2, -3, 1\}$
- és
- $\{5, -6, 2\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszéspontját! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A)
- $-\frac{11}{17}$
- , B)
- $-\frac{12}{17}$
- , C)
- $-\frac{13}{17}$
- , D)
- $-\frac{10}{17}$
- , E)
- $-\frac{14}{17}$

- (6) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- inverzetét!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{10}{3} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & -4 \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{7}{3} & -2 \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{7}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$

- (7) Ird fel az
- $\{3, 2, -1\}$
- normalvektort, és a
- $\{-2, -2, -1\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A)
- $-\frac{7}{9}$
- , B)
- $-\frac{2}{3}$
- , C)
- $-\frac{5}{9}$
- , D)
- $-\frac{4}{9}$
- , E)
- $-\frac{8}{9}$

- (8) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} -2 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$
- ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{3}{9} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{7}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$

- (9) Ird fel a
- $\{2, -3, 2\}$
- és
- $\{1, -6, 5\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{3, 0, -1\}$
- , B)
- $\{9, 6, -3\}$
- , C)
- $\{0, -3, 0\}$
- , D)
- $\{7, 6, -5\}$
- , E)
- $\{-4, -9, 4\}$

- (10) Melyik vektor lehet az
- $\{-3, 1, 3\}$
- ,
- $\{3, 2, 3\}$
- és
- $\{3, 1, 3\}$
- pontokat tartalmazó sik normalvektora?

- A)
- $\{-3, -2, 4\}$
- , B)
- $\{0, 0, 6\}$
- , C)
- $\{-3, 2, 7\}$
- , D)
- $\{-2, 1, 9\}$
- , E)
- $\{-3, 1, 8\}$

- (11) Legyen
- $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
- , mennyi
- $C$
- ?

A)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 14 & 14 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 10 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 7 & 6 \\ 12 & 12 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 13 & 13 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 14 & 11 \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.71. No.71.

(1) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x+1y \\ 2x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x+3y \\ 2x+2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 7 & 14 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 6 & 11 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 10 \\ 9 & 10 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 8 & 12 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 9 \\ 7 & 14 \end{pmatrix}$

(2) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x - 3y - 2z = -3$$

$$x - 5y - z = -4$$

$$x - 7y - 2z = -7$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 2, B) 0, C) -1, D) 1, E) 4

(3) Ird fel a  $\{-2, 3, -3\}$  es  $\{1, 1, -2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{-11, 9, -6\}$ , B)  $\{-17, 10, -6\}$ , C)  $\{-17, 7, -4\}$ , D)  $\{-8, 10, -7\}$ , E)  $\{-2, 9, -7\}$

(4) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

(5) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!

- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(6) Ird fel az  $\{-2, -2, 2\}$ ,  $\{1, 3, 1\}$  es  $\{-2, -3, 3\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $\frac{1}{4}$ , B)  $-\frac{3}{4}$ , C)  $-\frac{1}{4}$ , D) 0, E)  $\frac{1}{2}$

(7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzetet!

- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$

(8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 3, B) 2, C) 0, D) 1, E) -1

(9) Melyik vektor lehet az  $\{-1, 3, 2\}$ ,  $\{-3, 3, 1\}$  es  $\{-3, -2, 2\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?

- A)  $\{3, -4, -9\}$ , B)  $\{3, -4, -8\}$ , C)  $\{5, -2, -10\}$ , D)  $\{3, -4, -11\}$ , E)  $\{2, 1, -12\}$

(10) Ird fel az  $\{-1, 2, -1\}$  normalvektor, es a  $\{3, 1, -2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, -2, 3\}$  es  $\{-4, -1, 2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $-\frac{21}{5}$ , B)  $-\frac{19}{5}$ , C)  $-\frac{17}{5}$ , D) -4, E)  $-\frac{18}{5}$

(11) Ird fel az  $\{1, -3, -3\}$  normalvektor, es a  $\{-3, 3, 3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $\frac{1}{21}$ , B)  $\frac{1}{7}$ , C)  $\frac{5}{21}$ , D)  $\frac{2}{21}$ , E)  $\frac{4}{21}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.72. No.72.

- (1) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  ?  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{4}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{4}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 9, B) 8, C) 10, D) 7, E) 6
- (3) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (4) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x + 3y + 3z &= 11 \\ -x - 5y - z &= -11 \\ -2x - 4y - 9z &= -24 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) 3, B) 1, C) -2, D) -1, E) 0
- (5) Ird fel a  $\{-1, 3, 2\}$  és  $\{-4, 2, 5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-7, 1, 6\}$ , B)  $\{2, 4, 1\}$ , C)  $\{-13, -1, 10\}$ , D)  $\{-4, 2, 5\}$ , E)  $\{2, 4, 3\}$
- (6) Ird fel az  $\{-1, 3, -1\}$ ,  $\{3, -2, -3\}$  és  $\{2, 2, 1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $\frac{13}{41}$ , B)  $\frac{12}{41}$ , C)  $\frac{15}{41}$ , D)  $\frac{14}{41}$ , E)  $\frac{11}{41}$
- (7) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{11}{6} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{6} \\ 0 & \frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{-3, -2, 2\}$  normalvektort, és a  $\{-2, 3, 1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{7}{2}$ , B)  $-3$ , C)  $-2$ , D)  $-\frac{5}{2}$ , E)  $-\frac{3}{2}$
- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$  ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 10 & 9 \\ 5 & 4 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 12 & 10 \\ 5 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 12 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 9 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 9 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$
- (10) Melyik vektor lehet az  $\{-1, 2, -3\}$ ,  $\{-3, -3, 2\}$  és  $\{2, 3, 3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?  
 A)  $\{32, -24, -15\}$ , B)  $\{32, -30, -12\}$ , C)  $\{32, -25, -14\}$ , D)  $\{32, -28, -15\}$ , E)  $\{35, -27, -13\}$
- (11) Ird fel az  $\{2, -1, -1\}$  normalvektort, és a  $\{-3, 3, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 3, -2\}$  és  $\{-4, 6, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A)  $-\frac{3}{4}$ , B)  $-\frac{7}{8}$ , C)  $-\frac{5}{8}$ , D)  $-\frac{1}{2}$ , E)  $-\frac{3}{8}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.73. **No.73.**

- (1) Ird fel az  $\{1, 1, -2\}$  normalvektoru, es a  $\{1, 2, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A) -2, B) -4, C) -1, D) 1, E) 0

- (2) Ird fel a  $\{3, -2, -2\}$  es  $\{2, -1, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{-2, -3, 1\}$ , B)  $\{5, 2, -8\}$ , C)  $\{1, -3, 0\}$ , D)  $\{4, 0, -5\}$ , E)  $\{2, -1, -3\}$ 

- (3) Ird fel az  $\{-2, 1, -3\}$ ,  $\{-2, 3, 1\}$  es  $\{2, -1, -1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{5}{4}$ , B)  $\frac{3}{4}$ , C)  $\frac{1}{2}$ , D)  $\frac{1}{4}$ , E) 1

- (4) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + y + z &= 0 \\ x - 2y + 4z &= 0 \\ -x - 4y + 4z &= -2 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 0, B) -1, C) -3, D) -5, E) -2

- (5) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{15}{4} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{13}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ 

- (6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 8 & 12 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 13 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 12 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 12 \\ 6 & 7 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 11 \\ 5 & 4 \end{pmatrix}$ 

- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajaterkekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 3, B) 2, C) 4, D) 13.2, E) 6

- (8) Ird fel az  $\{-1, 3, -2\}$  normalvektoru, es a  $\{-2, 1, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 2, -2\}$  es  $\{1, 4, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 5, B) 7, C) 6, D) 9, E) 8

- (9) Ird fel az  $\frac{2\pi}{3}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ 

- (10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{5}{4} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{9}{4} \end{pmatrix}$ 

- (11) Melyik vektor lehet az  $\{-2, -3, -1\}$ ,  $\{1, 1, -1\}$  es  $\{1, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{-19, 14, 1\}$ , B)  $\{-16, 12, 0\}$ , C)  $\{-19, 11, -3\}$ , D)  $\{-19, 11, 1\}$ , E)  $\{-19, 15, -2\}$ 1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.74. No.74.

- (1) Ird fel az
- $\frac{11\pi}{6}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

- (2) Ird fel az
- $\{-2, -1, -2\}$
- ,
- $\{2, 2, -2\}$
- és
- $\{1, 2, 1\}$
- pontokat tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

A) -2, B) -3, C) 0, D) -1, E) -4

- (3) Ird fel a
- $\{-2, -2, -2\}$
- és
- $\{0, -1, -3\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{-6, -2, -4\}$ , B)  $\{-6, 0, -8\}$ , C)  $\{0, -5, 5\}$ , D)  $\{-4, -3, -1\}$ , E)  $\{-4, -5, 3\}$

- (4) Legyen
- $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$
- , mennyi
- $C$
- ?

A)  $\begin{pmatrix} 7 & 8 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 7 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$

- (5) Ird fel az
- $\{-3, -1, -3\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-2, 3, -3\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet!

Ird fel a  $\{3, -2, -3\}$  és  $\{2, 0, -2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -11, B) -12, C) -13, D) -15, E) -16

- (6) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$x + y + 2z = -3$$

$$-2x - 4y - 6z = 12$$

$$-x - 3y - 3z = 7$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -1, B) -5, C) -3, D) -2, E) -6

- (7) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

A) 10, B) 11, C) 8, D) 9, E) 12

- (8) Melyik vektor lehet az
- $\{3, -1, -1\}$
- ,
- $\{-2, 3, 1\}$
- és
- $\{1, 2, 3\}$
- pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A)  $\{-10, -16, 7\}$ , B)  $\{-12, -13, 8\}$ , C)  $\{-13, -14, 8\}$ , D)  $\{-13, -19, 4\}$ , E)  $\{-12, -13, 10\}$

- (9) Ird fel az
- $\{-1, -1, 1\}$
- normalvektorú, és a
- $\{2, -1, 3\}$
- pontot tartalmazó sik
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

A)  $-\frac{5}{2}$ , B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D) -2, E) -1

- (10) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & \frac{13}{6} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & -\frac{5}{13} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{2} & \frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{11}{6} \end{pmatrix}$

- (11) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} -2 & -3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$
- ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{9}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{15}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{13}{4} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.75. №.75.

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 2, 3\}$ ,  $\{3, -3, 1\}$  és  $\{-2, -3, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{-23, -32, 27\}$ , B)  $\{-20, -30, 25\}$ , C)  $\{-23, -32, 28\}$ , D)  $\{-23, -27, 24\}$ , E)  $\{-23, -31, 23\}$
- (2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\frac{5\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel a  $\{-2, -1, -2\}$  és  $\{0, 0, -5\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-6, 0, 4\}$ , B)  $\{0, -6, -5\}$ , C)  $\{-6, 3, 4\}$ , D)  $\{-4, -5, 1\}$ , E)  $\{-4, -2, 1\}$
- (5) Ird fel az  $\{-3, -3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, 1, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-1, 3, -1\}$  és  $\{1, 1, -2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-2$ , B)  $0$ , C)  $-1$ , D)  $-4$ , E)  $-3$
- (6) Ird fel az  $\{-3, 3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 2, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{4}$ , B)  $-\frac{3}{8}$ , C)  $-\frac{1}{8}$ , D)  $-\frac{5}{8}$ , E)  $-\frac{1}{2}$
- (7) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= 3 \\ x + 2y + z &= -1 \\ -2x - 8y + 13z &= -17 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-7$ , B)  $-5$ , C)  $-6$ , D)  $-3$ , E)  $-2$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 7 & 5 \\ 5 & 7 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A)  $8$ , B)  $11$ , C)  $10$ , D)  $9$ , E)  $12$
- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 4 & 4 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$
- (10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{7}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{3}{2} & -1 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{3}{2} & -1 \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{3, 3, 1\}$ ,  $\{2, -3, 1\}$  és  $\{-2, -3, -3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{3}$ , B)  $-\frac{5}{9}$ , C)  $-\frac{2}{9}$ , D)  $-\frac{4}{9}$ , E)  $-\frac{1}{9}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

0.76. **No.76.**

- (1) Ird fel az  $\{-2, 1, 2\}$ ,  $\{-3, -2, -3\}$  es  $\{-1, 3, 2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{9}{23}$ , B)  $-\frac{6}{23}$ , C)  $-\frac{8}{23}$ , D)  $-\frac{7}{23}$ , E)  $-\frac{10}{23}$
- (2) Ird fel az  $\pi$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\{-1, 1, -2\}$  normalvektorut, es a  $\{-3, 3, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, 1, 2\}$  es  $\{-1, 3, 1\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $\frac{10}{3}$ , B)  $\frac{11}{3}$ , C) 4, D)  $\frac{13}{3}$ , E) 3
- (4) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 4, B) 3, C) 1, D) 2, E) 0
- (5) Ird fel az  $\{1, -2, -2\}$  normalvektorut, es a  $\{-2, -2, 2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{3}{2}$ , B) 0, C)  $-\frac{1}{2}$ , D) 1, E)  $\frac{1}{2}$
- (6) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{4}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{8}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & \frac{1}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$
- (7) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 9 & 5 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 8 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 7 & 2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 5 \\ 8 & 4 \end{pmatrix}$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x + 2y - 2z &= 9 \\ -2x - 2y + 5z &= -16 \\ x + 4y - 3z &= 15 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -2, B) 1, C) -4, D) -1, E) -3
- (9) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 1, 3\}$ ,  $\{1, 2, -1\}$  es  $\{-1, 1, -3\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?
- A)  $\{3, -12, -2\}$ , B)  $\{3, -16, -2\}$ , C)  $\{6, -14, 1\}$ , D)  $\{3, -12, 0\}$ , E)  $\{3, -13, -2\}$
- (10) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{2}{9} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{16}{9} \\ 0 & -\frac{26}{9} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{20}{9} \\ 0 & -\frac{29}{9} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{20}{9} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{19}{9} \\ 0 & -\frac{26}{9} \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel a  $\{3, -1, -1\}$  es  $\{1, -3, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{0, -2, -1\}$ , B)  $\{-1, -9, -11\}$ , C)  $\{-3, -3, -1\}$ , D)  $\{0, -6, -7\}$ , E)  $\{-1, -5, -5\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.77. No.77.

- (1) Ird fel az  $\{-3, -1, 3\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{2}$ , B)  $-1$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D)  $0$ , E)  $-\frac{3}{2}$
- (2) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 15 & 12 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 14 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 4 \\ 15 & 10 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 15 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 14 & 9 \end{pmatrix}$
- (3) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 2y + z &= 1 \\ -x - y + z &= 2 \\ x + 3y + 5z &= 8 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 0, B) 2, C)  $-2$ , D)  $-3$ , E)  $-1$
- (4) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 1, -2\}$ ,  $\{3, -2, 1\}$  és  $\{-1, -2, 2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{0, 19, 13\}$ , B)  $\{0, 20, 9\}$ , C)  $\{3, 18, 12\}$ , D)  $\{0, 15, 10\}$ , E)  $\{0, 21, 11\}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & -\frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{9}{4} \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{7}{4} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 0, B)  $-2$ , C) 1, D) 2, E)  $-1$
- (7) Ird fel a  $\{1, 2, -2\}$  és  $\{0, 0, -5\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{2, 8, 6\}$ , B)  $\{3, 2, -1\}$ , C)  $\{0, 8, 5\}$ , D)  $\{3, -2, -6\}$ , E)  $\{2, 4, 1\}$
- (8) Ird fel az  $\{-3, -3, 2\}$ ,  $\{3, -3, 2\}$  és  $\{-1, -2, 1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-2$ , B)  $-6$ , C)  $-4$ , D)  $-5$ , E)  $-3$
- (9) Ird fel az  $\frac{\pi}{3}$  szogú ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (10) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{8}{9} \\ 0 & -\frac{28}{9} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{9} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{25}{9} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{10}{9} \\ 0 & -\frac{28}{9} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{8}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{8}{3} \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\{3, 1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -3, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, -3, -3\}$  és  $\{-1, -4, -2\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszepontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{40}{11}$ , B)  $-\frac{41}{11}$ , C)  $-\frac{38}{11}$ , D)  $-\frac{42}{11}$ , E)  $-\frac{39}{11}$

$1^1: \quad , 2^1: \quad , 3^1: \quad , 4^1: \quad , 5^1: \quad , 6^1: \quad , 7^1: \quad , 8^1: \quad , 9^1: \quad , 10^1: \quad , 11^1: \quad ,$

Név:

Aláírás:

0.78. **No.78.**

- (1) Ird fel az  $\{-3, -2, 1\}$ ,  $\{2, -2, -2\}$  és  $\{-3, 3, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-4$ , B)  $-\frac{9}{2}$ , C)  $-5$ , D)  $-\frac{11}{2}$ , E)  $-\frac{7}{2}$
- (2) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -3 \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{3} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{-3, 3, -2\}$ ,  $\{-1, -1, 2\}$  és  $\{-1, -2, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-26, -7, 1\}$ , B)  $\{-27, -9, 0\}$ , C)  $\{-25, -13, 1\}$ , D)  $\{-25, -13, 4\}$ , E)  $\{-24, -10, 2\}$
- (4) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 2y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 9 & 5 \\ 8 & 4 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 8 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 7 & 6 \\ 8 & 3 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 7 & 6 \\ 7 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{5}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & -\frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{5}{4} \\ 0 & -\frac{7}{4} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel a  $\{2, -2, 1\}$  és  $\{1, 1, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{3, 5, 6\}$ , B)  $\{-2, 0, -7\}$ , C)  $\{3, 0, 4\}$ , D)  $\{0, -1, -3\}$ , E)  $\{1, 1, 0\}$
- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y - z &= 5 \\ x - 3y + z &= 3 \\ x - 4y + z &= 5 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-6$ , B)  $-7$ , C)  $-9$ , D)  $-10$ , E)  $-5$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A)  $0$ , B)  $3$ , C)  $2$ , D)  $4$ , E)  $1$
- (9) Ird fel az  $\frac{2\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{1, 1, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, 2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{1}{2}$ , C)  $-\frac{3}{2}$ , D)  $-1$ , E)  $0$
- (11) Ird fel az  $\{1, 3, 2\}$  normalvektorú, es a  $\{3, 3, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, 3, -2\}$  es  $\{-5, 4, 1\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-\frac{1}{6}$ , B)  $0$ , C)  $-\frac{1}{3}$ , D)  $\frac{1}{6}$ , E)  $\frac{1}{3}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.79. No.79.

- (1) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajateretekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 4, B) 6, C) 7, D) 5, E) 8

- (2) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az

$$\begin{aligned} x - 2y - 3z &= -5 \\ -2x + 6y + 7z &= 10 \\ -x + 4y + 6z &= 9 \end{aligned}$$

egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) -5, B) -2, C) -3, D) 0, E) -4

- (3) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  inverzet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & -\frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ 

- (4) Ird fel az  $\{-1, -2, -3\}$  normalvektorú, es a  $\{2, -3, 2\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{2, 1, -2\}$  es  $\{-1, 3, -3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 3, B) 6, C) 4, D) 5, E) 1

- (5) Ird fel az  $\{3, 1, -1\}$  normalvektorú, es a  $\{-3, 2, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $-\frac{5}{2}$ , B) -2, C) 0, D)  $-\frac{3}{2}$ , E)  $-\frac{1}{2}$ 

- (6) Ird fel az  $\{-1, 1, 1\}, \{-1, 2, -3\}$  es  $\{-3, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{3}{2}$ , B)  $-\frac{1}{2}$ , C) 2, D) 0, E)  $\frac{1}{2}$ 

- (7) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szogú ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ 

- (8) Ird fel a  $\{3, 3, -3\}$  es  $\{2, 2, -6\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

A)  $\{1, 1, -7\}$ , B)  $\{4, 4, -4\}$ , C)  $\{2, 2, -6\}$ , D)  $\{-1, -1, -11\}$ , E)  $\{4, 4, -2\}$ 

- (9) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 6 & 11 \\ 6 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 12 \\ 8 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 15 \\ 5 & 11 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 6 & 11 \\ 5 & 14 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 7 & 13 \\ 7 & 13 \end{pmatrix}$ 

- (10) Melyik vektor lehet az  $\{1, -1, 3\}, \{1, -3, -1\}$  es  $\{-1, 1, 3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?

A)  $\{-10, -11, 2\}$ , B)  $\{-8, -8, 4\}$ , C)  $\{-11, -5, 5\}$ , D)  $\{-11, -10, 2\}$ , E)  $\{-11, -11, 7\}$ 

- (11) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{5}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{2}{3} & 0 \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & \frac{11}{3} \end{pmatrix}$ 1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.80. №.80.

- (1) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$  ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{4}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{1}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- (2) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$  ?  
 A) 2, B) 0, C) 3, D) 1, E) -1
- (3) Ird fel a  $\{-1, -1, -1\}$  es  $\{2, -4, 0\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-7, 5, -3\}$ , B)  $\{-6, 8, 4\}$ , C)  $\{-8, 8, 0\}$ , D)  $\{-9, 5, -7\}$ , E)  $\{-5, -1, -9\}$
- (4) Ird fel az  $\{1, -2, -3\}$  normalvektor, es a  $\{-2, 2, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 1, -3\}$  es  $\{2, -2, -4\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A)  $\frac{25}{2}$ , B)  $\frac{99}{8}$ , C)  $\frac{103}{8}$ , D)  $\frac{101}{8}$ , E)  $\frac{51}{4}$
- (5) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$  ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 11 & 13 \\ 17 & 13 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 13 \\ 17 & 11 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 11 \\ 15 & 11 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 12 & 11 \\ 15 & 12 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 11 & 10 \\ 16 & 13 \end{pmatrix}$
- (6) Melyik vektor lehet az  $\{1, 3, -2\}$ ,  $\{1, -2, -1\}$  es  $\{3, 3, 3\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?  
 A)  $\{23, -1, -13\}$ , B)  $\{22, 0, -11\}$ , C)  $\{25, -2, -10\}$ , D)  $\{22, -5, -12\}$ , E)  $\{22, -3, -12\}$
- (7) Oldd meg Gauss-eliminacio segitsegevel az  

$$\begin{aligned} x - y + z &= 2 \\ -x + 3y - 3z &= -2 \\ -2x - z &= -5 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$  ?  
 A) 2, B) 3, C) 1, D) 4, E) 0
- (8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{7}{2} & \frac{7}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- (9) Ird fel az  $\{-3, 1, 1\}$ ,  $\{2, -2, 1\}$  es  $\{2, 1, 3\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$  ?  
 A)  $-\frac{2}{23}$ , B)  $-\frac{5}{23}$ , C)  $-\frac{3}{23}$ , D) 0, E)  $-\frac{1}{23}$
- (10) Ird fel az  $\{-2, 3, 2\}$  normalvektor, es a  $\{-2, -1, 1\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$  ?  
 A) 0, B) 1, C) -3, D) -2, E) 2
- (11) Ird fel az  $\frac{5\pi}{6}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.81. №.81.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{3}{10} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{4}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{5}{3} \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & \frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{7}{3} \end{pmatrix}$
- (2) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x+2y \\ 3x+3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x+1y \\ 3x+1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 9 & 3 \\ 15 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 15 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 8 & 2 \\ 13 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 10 & 4 \\ 15 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 6 \\ 17 & 5 \end{pmatrix}$
- (3) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x - y - 2z &= 4 \\ x + y - 5z &= 5 \\ -x - y + 8z &= -8 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -4, B) -3, C) -6, D) -1, E) -2
- (4) Melyik vektor lehet az  $\{-1, 2, -1\}$ ,  $\{2, -2, -2\}$  es  $\{-3, -1, 1\}$  pontokat tartalmazo sik normalvektora?
- A)  $\{9, 5, 15\}$ , B)  $\{8, 1, 14\}$ , C)  $\{8, 3, 14\}$ , D)  $\{9, 7, 15\}$ , E)  $\{11, 4, 17\}$
- (5) Ird fel a  $\{-2, -1, 1\}$  es  $\{1, 0, 3\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-4, -5, 1\}$ , B)  $\{-9, -5, -3\}$ , C)  $\{-15, -2, -9\}$ , D)  $\{-11, -4, -5\}$ , E)  $\{-16, -4, -9\}$
- (6) Ird fel az  $\{1, -3, -3\}$ ,  $\{-2, -1, 3\}$  es  $\{-2, -2, -2\}$  pontokat tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -1, B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D) -2, E)  $-\frac{5}{2}$
- (7) Ird fel az  $\{3, 2, -3\}$  normalvektor, es a  $\{1, 1, -3\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) 0, B)  $-\frac{1}{7}$ , C)  $-\frac{2}{7}$ , D)  $-\frac{3}{7}$ , E)  $\frac{1}{7}$
- (8) Ird fel az  $\frac{5\pi}{3}$  szogu ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{-2, -1, 2\}$  normalvektor, es a  $\{-2, -3, 2\}$  pontot tartalmazo sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-2, -1, 3\}$  es  $\{-4, -4, 5\}$  pontokon atmeno egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontjat! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 0, B) -4, C) -2, D) -3, E) 1
- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 0, B) 2, C) -2, D) -1, E) 1

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.82. No.82.

- (1) Ird fel az  $\{3, -2, 2\}$  normalvektoru, es a  $\{-2, 3, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{2}{3}$ , C)  $-\frac{1}{3}$ , D)  $-\frac{5}{6}$ , E)  $-\frac{1}{6}$
- (2) Ird fel az  $\{-1, -1, 3\}$ ,  $\{2, 2, 1\}$  es  $\{3, -1, 1\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{1}{7}$ , B)  $\frac{2}{7}$ , C)  $\frac{4}{7}$ , D)  $\frac{5}{7}$ , E)  $\frac{3}{7}$
- (3) Melyik vektor lehet az  $\{1, -2, -2\}$ ,  $\{-1, 1, -3\}$  es  $\{2, -1, -2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-4, 2, 8\}$ , B)  $\{-4, 3, 2\}$ , C)  $\{-1, 1, 5\}$ , D)  $\{-4, 2, 6\}$ , E)  $\{-4, 4, 6\}$
- (4) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel a  $\{-2, 3, -2\}$  es  $\{-4, 4, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-4, -5, -8\}$ , B)  $\{1, -3, -7\}$ , C)  $\{9, 2, -4\}$ , D)  $\{4, 0, -5\}$ , E)  $\{10, 6, -1\}$
- (6) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 3y - 2z &= -4 \\ -2x - 3y + 7z &= -4 \\ x - 3y - 5z &= 14 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -9, B) -10, C) -11, D) -6, E) -8
- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{4}{3} \\ 0 & \frac{19}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{3} & -\frac{4}{3} \\ 0 & \frac{19}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{6} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{2}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{17}{6} \end{pmatrix}$
- (8) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 1, B) -2, C) 0, D) 2, E) -1
- (9) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -\frac{3}{4} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & -4 \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & 1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -4 \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{8}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\{2, -2, -2\}$  normalvektoru, es a  $\{2, -1, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -2, 1\}$  es  $\{0, 1, -1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 0, B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $\frac{1}{2}$ , D)  $-\frac{1}{2}$ , E) -1
- (11) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 3y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 3 & 6 \\ 9 & 10 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 7 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 5 & 11 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 3 & 10 \\ 5 & 13 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 3 & 8 \\ 8 & 13 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.83. №.83.

- (1) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{13}{6} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{13}{8} \\ 0 & -\frac{3}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{7}{3} \\ 0 & -\frac{17}{6} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{3}{1} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & -\frac{11}{6} \\ 0 & -\frac{10}{3} \end{pmatrix}$
- (2) Ird fel az  $\{3, -3, -3\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -3, -1\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{1, 1, -3\}$  és  $\{0, -1, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -5, B) -4, C) -1, D) 0, E) 1
- (3) Ird fel az  $\frac{7\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (4) Ird fel az  $\{-1, -3, -2\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -3, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{2}$ , B)  $-\frac{5}{2}$ , C) -2, D)  $-\frac{3}{2}$ , E) 0
- (5) Old meg Gauss-eliminacio segitsegevel az
- $$\begin{aligned} x + 2y - 3z &= 11 \\ x + 3y - 2z &= 11 \\ x + 3y + z &= 5 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -3, B) -2, C) -4, D) -1, E) 1
- (6) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 7, B) 5, C) 4, D) 6, E) 8
- (7) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{5}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{2}{3} \\ 0 & -\frac{4}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -4 & -2 \\ 0 & -\frac{5}{3} \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{2, 2, 2\}, \{-3, 1, 1\}$  és  $\{2, -1, 2\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$ ?
- A) 0, B)  $-\frac{3}{2}$ , C)  $-\frac{1}{2}$ , D) -1, E)  $\frac{1}{2}$
- (9) Ird fel a  $\{2, 2, -3\}$  és  $\{4, -1, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-3, 9, -10\}$ , B)  $\{4, 0, -1\}$ , C)  $\{0, 5, -6\}$ , D)  $\{1, 4, -5\}$ , E)  $\{-2, 7, -8\}$
- (10) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 7 & 8 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 9 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$
- (11) Melyik vektor lehet az  $\{1, -1, 3\}, \{-2, -1, 1\}$  és  $\{3, -2, -1\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{-1, 14, -4\}$ , B)  $\{-1, 15, -5\}$ , C)  $\{0, 14, -5\}$ , D)  $\{2, 16, -3\}$ , E)  $\{-1, 17, -2\}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.84. №.84.

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-2, -3, 1\}$ ,  $\{2, -2, 1\}$  és  $\{1, -2, 2\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-4, 1, -4\}$ , B)  $\{-4, 7, -2\}$ , C)  $\{-1, 4, -1\}$ , D)  $\{-4, 1, -3\}$ , E)  $\{-3, 1, -2\}$
- (2) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 1x + 2y \\ 1x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 4 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 2 & 9 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 7 \\ 2 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 8 \\ 4 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 6 \\ 6 & 7 \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\{2, -1, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -2, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A) -3, B) -2, C) -1, D) -4, E) 0
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & -3 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{11}{6} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{5}{3} \\ 0 & -\frac{1}{6} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{11}{10} \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{7}{2} \end{pmatrix}$
- (5) Ird fel az  $\frac{\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (6) Ird fel az  $\{1, -3, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, 1, -2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{-3, -1, 1\}$  és  $\{-4, 0, -1\}$  ponton átmenő egyenes parameteres egyenletét! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -6, B)  $-\frac{13}{2}$ , C)  $-\frac{27}{4}$ , D)  $-\frac{25}{4}$ , E)  $-\frac{23}{4}$
- (7) Ird fel a  $\{-1, 1, 3\}$  és  $\{2, 2, 0\}$  ponton átmenő egyenes parameteres egyenletét! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{5, 3, -3\}$ , B)  $\{12, 8, -2\}$ , C)  $\{0, 0, -2\}$ , D)  $\{7, 5, -1\}$ , E)  $\{1, -1, -7\}$
- (8) Ird fel az  $\{2, 2, 1\}$ ,  $\{-2, 3, -1\}$  és  $\{2, 1, -2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $\frac{13}{30}$ , B)  $\frac{3}{10}$ , C)  $\frac{2}{5}$ , D)  $\frac{1}{3}$ , E)  $\frac{11}{30}$
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 2 & -2 \\ 0 & -\frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{1}{3} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & -\frac{1}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & -\frac{2}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- (10) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - y - 2z &= 2 \\ -2x - y + 6z &= 4 \\ -x - 2y + 7z &= 9 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -2, B) -3, C) -4, D) -1, E) 1
- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 3 & 6 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 8, B) 5, C) 4, D) 6, E) 7

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.85. №.85.

- (1) Melyik vektor lehet az  $\{-2, 2, 1\}$ ,  $\{-1, 1, -2\}$  és  $\{-1, -3, 1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?  
 A)  $\{13, 2, 7\}$ , B)  $\{12, 6, 7\}$ , C)  $\{13, 6, 7\}$ , D)  $\{15, 3, 4\}$ , E)  $\{14, 1, 2\}$
- (2) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 3x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right)$ , mennyi  $C$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} 7 & 5 \\ 5 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 5 & 4 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 7 & 2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 5 & 3 \\ 6 & 1 \end{pmatrix}$
- (3) Ird fel az  $\{3, 3, 2\}$ ,  $\{2, 3, -1\}$  és  $\{-2, -2, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $-\frac{1}{2}$ , B) 0, C)  $\frac{1}{2}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{3}{2}$
- (4) Ird fel az  $\{3, -3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -2, 3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?  
 A)  $\frac{1}{3}$ , B) 0, C)  $-\frac{1}{3}$ , D)  $-1$ , E)  $-\frac{2}{3}$
- (5) Ird fel a  $\{-2, 2, 3\}$  és  $\{0, 5, 4\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?  
 A)  $\{-1, -4, 4\}$ , B)  $\{-10, 5, -2\}$ , C)  $\{4, -4, 7\}$ , D)  $\{-4, -1, 2\}$ , E)  $\{-9, -1, -1\}$
- (6) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -3 & -2 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzetet!  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{29}{9} & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{8}{3} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{10}{3} & -\frac{19}{9} \\ 0 & \frac{25}{9} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & -\frac{2}{9} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{29}{9} & -\frac{7}{3} \\ 0 & \frac{26}{9} \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel az  $\{-2, -2, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-2, -1, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet!  
 Ird fel a  $\{1, -2, 1\}$  és  $\{2, -3, 2\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A)  $-8$ , B)  $-4$ , C)  $-5$ , D)  $-7$ , E)  $-3$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az  

$$\begin{aligned} x + y + 3z &= -2 \\ -2x + y - 7z &= 12 \\ -2x + y - 9z &= 16 \end{aligned}$$
  
 egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?  
 A) 1, B)  $-1$ , C)  $-2$ , D) 2, E) 0
- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ?  
 A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -\frac{5}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$
- (10) Ird fel az  $\frac{3\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!  
 A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$
- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?  
 A) 1, B)  $-1$ , C) 2, D) 0, E) 3

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.86. No.86.

- (1) Ird fel az  $\{-1, -1, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-2, 3, -3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 2, -1\}$  es  $\{1, -1, -3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sik es az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -13, B) -12, C) -9, D) -14, E) -10
- (2) Ird fel a  $\{-2, 3, 3\}$  es  $\{1, 4, 6\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{0, 1, 3\}$ , B)  $\{5, 8, 12\}$ , C)  $\{0, 5, 6\}$ , D)  $\{-1, 2, 3\}$ , E)  $\{1, 4, 6\}$
- (3) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{13}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{4} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{3}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{5}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{9}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (4) Melyik vektor lehet az  $\{3, -3, 3\}$ ,  $\{3, 2, 2\}$  es  $\{3, -1, -3\}$  pontokat tartalmazó sik normalvektora?
- A)  $\{26, -1, -1\}$ , B)  $\{26, -2, 2\}$ , C)  $\{28, 0, 0\}$ , D)  $\{25, 1, -3\}$ , E)  $\{26, -2, -3\}$
- (5) Keresd meg  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$  inverzet!
- A)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{11}{3} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{11}{3} \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{3} & -\frac{10}{3} \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$
- (6) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x + 2y - z &= 5 \\ 2x + 6y - 3z &= 14 \\ -2x - 8y + 5z &= -20 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) -3, B) -1, C) 1, D) -2, E) 0
- (7) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 3y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 2y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 10 & 7 \\ 17 & 8 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 10 & 7 \\ 16 & 12 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 10 & 8 \\ 14 & 10 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 12 & 8 \\ 15 & 10 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 10 & 6 \\ 15 & 12 \end{pmatrix}$
- (8) Ird fel az  $\{-2, -3, 3\}$  normalvektorú, es a  $\{-1, -2, 3\}$  pontot tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{6}{17}$ , B)  $-\frac{4}{17}$ , C)  $-\frac{3}{17}$ , D)  $-\frac{2}{17}$ , E)  $-\frac{5}{17}$
- (9) Ird fel az  $\{3, 3, -3\}$ ,  $\{3, 1, 1\}$  es  $\{-3, -2, -3\}$  pontokat tartalmazó sik  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{3}$ , B) 0, C) -2, D)  $-\frac{4}{3}$ , E)  $-\frac{2}{3}$
- (10) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenzios elforgatás matrixát!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$
- (11) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 10, B) 8, C) 7, D) 6, E) 9

Név:

Aláírás:

## 0.87. №.87.

(1) Ird fel az  $\frac{4\pi}{3}$  szögű ketdimenziós elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

(2) Melyik vektor lehet az  $\{-1, 3, 2\}$ ,  $\{-1, 3, -1\}$  és  $\{-3, -3, -3\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)  $\{15, -7, 2\}$ , B)  $\{16, -9, -3\}$ , C)  $\{15, -8, -2\}$ , D)  $\{18, -6, 0\}$ , E)  $\{15, -3, 3\}$

(3) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 3 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajatertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

- A) 1, B) 4, C) 2, D) 3, E) 0

(4) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + 2y + z &= 1 \\ -2x - y - 4z &= -1 \\ -x - 8y + z &= -5 \end{aligned}$$

egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) -5, B) 0, C) -3, D) -2, E) -4

(5) Ird fel a  $\{-2, 1, 1\}$  és  $\{-4, 2, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletét! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)  $\{1, -3, 2\}$ , B)  $\{-2, -4, 0\}$ , C)  $\{2, -1, 3\}$ , D)  $\{4, 3, 5\}$ , E)  $\{5, 0, 5\}$

(6) Ird fel az  $\{1, -1, 2\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -3, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletét! Ird fel a  $\{3, -3, 1\}$  és  $\{6, -6, 0\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletét! Keresd meg a sík es az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

- A)  $\frac{3}{2}$ , B)  $\frac{5}{2}$ , C)  $\frac{9}{4}$ , D) 2, E)  $\frac{5}{4}$

(7) Ird fel az  $\{-1, 2, 1\}$ ,  $\{2, -3, 1\}$  és  $\{-1, -2, 3\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletét! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A) 0, B) 2, C) -2, D) 3, E) -1

(8) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & \frac{7}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$

(9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{3}{4} \\ 0 & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{3}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{9}{4} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{4} & \frac{11}{4} \\ 0 & \frac{5}{4} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{5}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & \frac{11}{4} \end{pmatrix}$

(10) Ird fel az  $\{1, -3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{-3, 1, -1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletét! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

- A)  $\frac{2}{5}$ , B)  $\frac{1}{5}$ , C) 0, D)  $\frac{3}{5}$ , E)  $-\frac{1}{5}$

(11) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?

A)  $\begin{pmatrix} 8 & 7 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 7 & 5 \\ 3 & 5 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 6 & 8 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 6 & 9 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.88. №.88.

- (1) Ird fel az  $\{-2, -1, 3\}$ ,  $\{3, -1, 2\}$  és  $\{3, 3, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{2}{13}$ , B)  $\frac{6}{13}$ , C)  $\frac{5}{13}$ , D)  $\frac{3}{13}$ , E)  $\frac{4}{13}$

- (2) Ird fel a  $\{-1, -1, 2\}$  és  $\{-2, 2, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{4, -9, 3\}$ , B)  $\{-1, -8, -4\}$ , C)  $\{1, -7, 0\}$ , D)  $\{6, -8, 7\}$ , E)  $\{-5, -3, -6\}$

- (3) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$\begin{aligned} x + y - 2z &= 1 \\ -2x - y + 5z &= 1 \\ x + 3y - 3z &= 4 \end{aligned}$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

A) 3, B) 2, C) 1, D) 5, E) 4

- (4) Ird fel az  $\{2, -1, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, -3, 2\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?

A)  $\frac{2}{11}$ , B) 0, C)  $-\frac{2}{11}$ , D)  $-\frac{1}{11}$ , E)  $\frac{1}{11}$

- (5) Legyen  $\phi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 1y \\ 2x + 1y \end{pmatrix}$ ,  $\psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 2x + 3y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi \left( \psi \left( \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \right) \right) = C \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 9 & 8 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 11 & 9 \\ 8 & 7 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 9 & 11 \\ 7 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 9 & 7 \\ 9 & 8 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 9 & 10 \\ 10 & 6 \end{pmatrix}$

- (6) Melyik vektor lehet az  $\{3, 2, 1\}$ ,  $\{3, 1, 1\}$  és  $\{-1, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?

A)  $\{-5, -1, 2\}$ , B)  $\{-5, -1, 3\}$ , C)  $\{-5, -3, 5\}$ , D)  $\{-2, 0, 4\}$ , E)  $\{-5, 2, 1\}$

- (7) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 8 & 4 \\ 4 & 8 \end{pmatrix}$  matrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajátértékeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?

A) 7, B) 6, C) 9, D) 10, E) 8

- (8) Ird fel az  $\{2, -2, 1\}$  normalvektorú, és a  $\{-1, -3, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, 1, 2\}$  és  $\{0, 2, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszespontját! Mennyi  $x + y + z$ ?

A)  $\frac{10}{3}$ , B)  $\frac{11}{3}$ , C) 3, D)  $\frac{13}{3}$ , E) 4

- (9) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?

A)  $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -3 & -5 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -4 & -6 \\ 0 & 3 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -3 & -4 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$

- (10) Ird fel az  $\frac{11\pi}{6}$  szögű ketdimenziós elforgatás matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

- (11) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  inverzetet!

A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{5}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ 0 & \frac{5}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

Név:

Aláírás:

## 0.89. №.89.

- (1) Ird fel az
- $\frac{11\pi}{6}$
- szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!

A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

- (2) Ird fel az
- $\{1, -2, -2\}$
- normalvektorú, és a
- $\{-2, 3, -1\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Ird fel a
- $\{3, -1, 3\}$
- és
- $\{4, -4, 6\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes
- $(x, y, z)$
- metszéspontját! Mennyi
- $x + y + z$
- ?

- A) -2, B) 0, C) -3, D) -1, E) -4

- (3) Mennyi
- $X$
- ha
- $\begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 0 & 3 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$
- ?

A)  $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{7}{3} \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{10}{3} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -\frac{8}{3} \\ 0 & \frac{7}{3} \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -2 & -4 \\ 0 & \frac{10}{3} \end{pmatrix}$

- (4) Ird fel a
- $\{3, 2, -2\}$
- és
- $\{4, 4, -1\}$
- pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?

- A)
- $\{6, 4, -1\}$
- , B)
- $\{3, 10, 2\}$
- , C)
- $\{3, 6, 0\}$
- , D)
- $\{5, 6, 0\}$
- , E)
- $\{8, 4, -1\}$

- (5) Ird fel az
- $\{2, 3, -2\}$
- ,
- $\{-1, 2, 2\}$
- és
- $\{-2, -1, -1\}$
- pontokat tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) -1, B)
- $-\frac{2}{5}$
- , C)
- $-\frac{3}{5}$
- , D)
- $-\frac{4}{5}$
- , E)
- $-\frac{6}{5}$

- (6) Old meg Gauss-eliminacio segítségevel az

$$x + 2y + 3z = 1$$

$$2x + 2y + 9z = -3$$

$$x + 9z = -7$$

egyenletrendszer. Mennyi  $x + y + z$ ?

- A) 0, B) -3, C) 2, D) -2, E) 1

- (7) Legyen
- $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 1x + 1y \\ 1x + 3y \end{pmatrix}$
- ,
- $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 3y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$
- . Ha
- $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$
- , mennyi
- $C$
- ?

A)  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 6 & 4 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 4 & 8 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 4 & 4 \\ 6 & 6 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 7 & 8 \end{pmatrix}$

- (8) Keresd meg az
- $\begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- matrix
- $\lambda_1, \lambda_2$
- sajatertekeit! Mennyi
- $|\lambda_1 - \lambda_2|$
- ?

- A) -1, B) 0, C) 2, D) -2, E) 1

- (9) Melyik vektor lehet az
- $\{2, -3, 1\}$
- ,
- $\{-2, -2, 2\}$
- és
- $\{-1, 3, -1\}$
- pontokat tartalmazó sík normalvektora?

- A)
- $\{5, 14, 20\}$
- , B)
- $\{5, 8, 23\}$
- , C)
- $\{5, 9, 20\}$
- , D)
- $\{8, 11, 21\}$
- , E)
- $\{5, 13, 22\}$

- (10) Ird fel az
- $\{-1, -2, -3\}$
- normalvektorú, és a
- $\{3, 3, -2\}$
- pontot tartalmazó sík
- $Ax + By + Cz - D = 0$
- alaku egyenletet! Mennyi
- $(A + B + C)/D$
- ?

- A) 1, B) 0, C) 2, D) -2, E) 3

- (11) Keresd meg
- $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- inverzetét!

A)  $\begin{pmatrix} -1 & -5 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -1 & -6 \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -2 & -2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 1 & -3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

Név:

Aláírás:

## 0.90. №.90.

- (1) Ird fel az  $\{-3, -2, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{3, 3, -3\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A + B + C)/D$ ?
- A)  $-\frac{1}{2}$ , B) 0, C)  $-\frac{3}{2}$ , D)  $-1$ , E)  $\frac{1}{2}$
- (2) Melyik vektor lehet az  $\{-3, -3, 2\}$ ,  $\{-1, -1, -3\}$  és  $\{1, 2, -1\}$  pontokat tartalmazó sík normalvektora?
- A)  $\{-22, 12, -1\}$ , B)  $\{-19, 14, -2\}$ , C)  $\{-22, 15, 1\}$ , D)  $\{-22, 12, -4\}$ , E)  $\{-22, 13, -4\}$
- (3) Ird fel az  $\{-2, 3, -1\}$  normalvektorú, és a  $\{2, -2, 1\}$  pontot tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Ird fel a  $\{3, -1, 1\}$  és  $\{5, -3, 3\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Keresd meg a sík és az egyenes  $(x, y, z)$  metszéspontját! Mennyi  $x + y + z$ ?
- A) 3, B)  $\frac{8}{3}$ , C)  $\frac{5}{2}$ , D)  $\frac{17}{6}$ , E)  $\frac{19}{6}$
- (4) Keresd meg  $\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$  inverzetet!
- A)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 1 & -\frac{3}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{3}{2} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
- (5) Keresd meg az  $\begin{pmatrix} 7 & 1 \\ 1 & 7 \end{pmatrix}$  mátrix  $\lambda_1, \lambda_2$  sajáttertekeit! Mennyi  $|\lambda_1 - \lambda_2|$ ?
- A) 3, B) 2, C) 4, D) 1, E) 0
- (6) Legyen  $\phi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 3x + 2y \\ 3x + 3y \end{pmatrix}$ ,  $\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right) = \begin{pmatrix} 2x + 2y \\ 1x + 1y \end{pmatrix}$ . Ha  $\phi\left(\psi\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)\right) = C\left(\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}\right)$ , mennyi  $C$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} 6 & 6 \\ 7 & 11 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} 6 & 8 \\ 9 & 11 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 6 & 10 \\ 10 & 9 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 6 & 7 \\ 8 & 11 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} 8 & 8 \\ 9 & 9 \end{pmatrix}$
- (7) Ird fel a  $\{1, 2, -1\}$  és  $\{2, 5, 1\}$  pontokon átmenő egyenes parameteres egyenletet! Melyik pont fekszik ezen az egyenesen?
- A)  $\{-2, -7, -7\}$ , B)  $\{2, -9, -11\}$ , C)  $\{-5, -2, -1\}$ , D)  $\{-4, -6, -5\}$ , E)  $\{-1, -11, -11\}$
- (8) Oldd meg Gauss-eliminacio segítségevel az
- $$\begin{aligned} x - 2y + 2z &= 1 \\ -x - y - z &= 3 \\ x + 4y - 3z &= -1 \end{aligned}$$
- egyenletrendszeret. Mennyi  $x + y + z$ ?
- A)  $-4$ , B)  $-6$ , C)  $-5$ , D)  $-3$ , E)  $-8$
- (9) Ird fel az  $\{-3, 3, 1\}$ ,  $\{2, -1, 2\}$  és  $\{1, 3, 2\}$  pontokat tartalmazó sík  $Ax + By + Cz - D = 0$  alaku egyenletet! Mennyi  $(A+B+C)/D$ ?
- A)  $\frac{7}{25}$ , B)  $\frac{2}{5}$ , C)  $\frac{11}{25}$ , D)  $\frac{8}{25}$ , E)  $\frac{9}{25}$
- (10) Mennyi  $X$  ha  $\begin{pmatrix} -3 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} X = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ ?
- A)  $\begin{pmatrix} -4 & \frac{5}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -4 & \frac{7}{3} \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} -4 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{3} & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{11}{3} & \frac{4}{3} \\ 0 & \frac{1}{3} \end{pmatrix}$
- (11) Ird fel az  $\frac{\pi}{2}$  szögű ketdimenzios elforgatas matrixat!
- A)  $\begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ , B)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ , C)  $\begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$ , D)  $\begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ , E)  $\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$

1<sup>1</sup>: , 2<sup>1</sup>: , 3<sup>1</sup>: , 4<sup>1</sup>: , 5<sup>1</sup>: , 6<sup>1</sup>: , 7<sup>1</sup>: , 8<sup>1</sup>: , 9<sup>1</sup>: , 10<sup>1</sup>: , 11<sup>1</sup>: ,

## Megoldás

1	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :B,
2	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :A,
3	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :B,
4	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :E,
5	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :C,
6	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :E,
7	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :A,
8	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :C,
9	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :E,
10	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :D,
11	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :D,
12	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :D,
13	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :B,
14	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :B,
15	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :B,
16	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
17	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :C,
18	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :D,
19	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :D,
20	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :B,
21	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :A,
22	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :C,
23	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :D,
24	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
25	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :E,
26	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :A,
27	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :C,
28	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :A,
29	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :D,
30	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :E,
31	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :B,
32	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :E,
33	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :B,
34	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
35	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :E,
36	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :E,
37	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :A,
38	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :C,
39	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :D,
40	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :B,
41	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
42	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :C,
43	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :E,
44	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :B,
45	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :B,
46	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :B,
47	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
48	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :D,
49	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :A,
50	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :B,
51	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :C,
52	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :B,
53	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :C,

54	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :D,
55	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :D,
56	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :B,
57	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :A,
58	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :D,
59	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :E,
60	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :B,
61	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :C,
62	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
63	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :B,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :B,
64	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :C,
65	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :E,
66	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :A,
67	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :E,
68	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :D,
69	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :D,
70	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :C,
71	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :C,
72	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :E,
73	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :B,
74	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :B,
75	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :E,
76	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :E,
77	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :B,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :C,
78	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :A,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :D,
79	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :A,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :D,
80	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :A,
81	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :E,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :A,
82	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :C,	8 <sup>1</sup> :C,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :B,
83	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :D,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :E,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :B,	11 <sup>1</sup> :D,
84	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :A,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :D,
85	1 <sup>1</sup> :D,	2 <sup>1</sup> :A,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :B,	10 <sup>1</sup> :E,	11 <sup>1</sup> :A,
86	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :E,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :C,	5 <sup>1</sup> :D,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :E,	10 <sup>1</sup> :A,	11 <sup>1</sup> :B,
87	1 <sup>1</sup> :A,	2 <sup>1</sup> :D,	3 <sup>1</sup> :C,	4 <sup>1</sup> :B,	5 <sup>1</sup> :C,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :B,	8 <sup>1</sup> :E,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :A,
88	1 <sup>1</sup> :B,	2 <sup>1</sup> :C,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :D,	7 <sup>1</sup> :E,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :A,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :C,
89	1 <sup>1</sup> :C,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :A,	4 <sup>1</sup> :D,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :C,	7 <sup>1</sup> :D,	8 <sup>1</sup> :B,	9 <sup>1</sup> :D,	10 <sup>1</sup> :C,	11 <sup>1</sup> :E,
90	1 <sup>1</sup> :E,	2 <sup>1</sup> :B,	3 <sup>1</sup> :E,	4 <sup>1</sup> :A,	5 <sup>1</sup> :B,	6 <sup>1</sup> :E,	7 <sup>1</sup> :A,	8 <sup>1</sup> :D,	9 <sup>1</sup> :C,	10 <sup>1</sup> :D,	11 <sup>1</sup> :C,