

# Beugro jellegű feledatok a Matematika I második zárthelyiéhez és a vizsgához

Ezekből a típusú feladatokból otthon legalább harmattal helyesen kell megoldani!

1. Számold ki a következő kifejezések egzakt értékeit!

$$\lg(100), \lg(0.00001), \lg(\sqrt{1000}), \log_2(2\sqrt{2}), \log_{\sqrt{2}}(1/2), 1000^{2/3}, \\ \arcsin(1/2), \arcsin(-\sqrt{3}/2), \arccos(-1/\sqrt{2}), \\ \arctg(1), \arctg(-\sqrt{3}), \arcctg(1), \arcctg(-1)$$

2. Rajzold le az alábbi függvényeket!

$$x^2 + 1, (x+1)^2, x(x-1), (1-x)x, x^2 - 1, x^3, x^4, (x-1)^3, (x+1)^4 + 1, \\ \frac{1}{(x-1)^2}, \frac{1}{(x+1)^3}, \frac{1}{x^4} + 1, \arcsin(x), \arctg(x), \arccos(x), \arcctg(x), \\ e^x + 1, e^{x+1}, \ln(x-1), \ln(x) + 1, \ln(-x).$$

3. Ird fel az előző feladat utolsó két sorában szereplő függvények  $D_f$  ertelmezési tartományait és  $R_f$  értékkeszleteit!

4. Számold ki a következő függvények inverzeit!

$$3x - 1, \ln(x-1), e^{x+1}.$$

5. Számold ki a következő sorozatok hatarterékeit ahogyan  $n \rightarrow \infty$ !

$$\frac{2n+1}{3n+4}, \frac{2}{3n+4}, \frac{2n^2}{3n+4}, \left(\frac{n-3}{n}\right)^n, \left(\frac{n-3}{2n}\right)^n, n^3 - n, n^3 - n^4, \\ \left(1 - \frac{4}{n}\right)^n, \left(2 - \frac{4}{n}\right)^n, \frac{2^{2n+1}}{5^n}, \frac{6^n}{3^{2n-5}}.$$

6. Számold ki a következő függvények hatarterékeit ahogyan  $x \rightarrow \infty$ !

$$\left(\frac{1}{2}\right)^x, 2^x, \frac{x}{x^2+1}, \frac{3x^2}{x^2+1}, \frac{x^3}{x^2+1},$$

7. Fejezd ki a következő deriváltakat  $f'$  és  $g'$  segítségével!

$$(fg)', (f/g)', (f(g(x)))', (1/f)'.$$

8. Számold ki a következő függvények  $x$  szerinti deriváltjait!

$$\sqrt[3]{x}, \frac{1}{x^6}, \sqrt[4]{x^3}, e^{3x+2}, \sin(3x-1), \frac{1}{3x-1}, \ln(4x-9), e^{-x},$$

$$\cos(3x), \sin(-3x), \operatorname{tg}(3x), \operatorname{ctg}(7x).$$

9. Ird fel az alábbi függvények elsőrendű Taylor sorát (linearis közelítését) az  $x = 0$  pont korül!

$$1+x, 1+x+x^2, e^{2x}, \sin(3x), \cos(4x), \frac{1}{x-1}, \operatorname{tg}(x), \ln(x+1).$$

10. Legyen  $f(x)$  a következő függvények egyike:  $x - x^2, x^2 + 1, x^3 + 1$ .

Melyik  $x_{sz}$  pontban nulla  $f$  deriváltja? Mennyi  $f''(x_{sz})$ ? Milyen szelőterére van  $f$ -nek az  $x_{sz}$  pontban?