

4. (2+2+3+3 pont)

Legyen  $(3\partial_{xx}^2 - 7\partial_{xx}^2 + \partial_{xt}^2) e^{i(kx+\omega t)} = 0$ . Milyen algebrai egyenletet teljesít  $k$  és  $\omega$ ?

Legyen

$$\phi(0, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} n^{-2} \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}, \quad \phi(t, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} c_n(t) \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}, \quad \partial_t \phi(t, x) = 6\partial_{xx}^2 \phi(t, x).$$

Ird fel a  $c_n(t)$  függvényekre vonatkozó közönséges DE-ket (kezdeti feltetellel együtt)!

Legyen

$$\phi(0, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} n^{-2} \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}, \quad \phi_t(0, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} n^{-4} \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}},$$
$$\phi(t, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} c_n(t) \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}, \quad \partial_t \phi(t, x) = 6\partial_{xx}^2 \phi(t, x).$$

Ird fel a  $c_n(t)$  függvényekre vonatkozó közönséges DE-ket (kezdeti feltetellel együtt)!

Mennyi

$$\exp \left[ t \begin{pmatrix} 5 & 6 \\ 0 & 5 \end{pmatrix} \right]$$

B Zh2, Diff.Egy., 2015.05.04.

NEPTUN:

Gyak.Vez.:

Név:

Aláírás:

1. (2+1+3+3+1 pont)

Számítsd ki a Laplace tr. definíciója alapján a következőket:

a)  $F(s) = \mathcal{L}(f(t)) = \mathcal{L}(e^{5t-7})$ .

$F(s) =$

Esetünkben milyen  $s$  eseten létezik a Laplace transzformációt definiáló impropius integrál?

$F(s) = \mathcal{L}(f(t)) = \mathcal{L}(H(-t+4)e^{-5t})$  (Itt  $H$  a Heaviside függvény.)

$F(s) =$

b) Számold ki az  $f(t) = 4t$  és a  $g(t) = -5t$  függvények  $h = f * g$  konvolúcióját!

Mennyi  $\mathcal{L}(f(t))\mathcal{L}(g(t)) - \mathcal{L}(h(t))$ ?

2. (1+1+2+3+3 pont)

Legyen

$$A = \begin{pmatrix} i & 1 - 2i \\ -i & 3 \end{pmatrix}.$$

Mennyi  $A^*$  ?

Legyen  $f_1 = (1/\sqrt{2}, i/\sqrt{2})^T$ ,  $f_2 = (i/\sqrt{2}, z)^T$  egy ortonormált bazis. Mennyi  $z$  ?

A  $v = (7, 8)^T$  vektor kifejezhető az  $f$ -ek lineáris  $\alpha f_1 + \beta f_2$  kombinációjaként! Mennyi  $\alpha$  ?

Legyen  $f(x) = 5H(x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} \hat{f}_n \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}$ , ha  $x \in (-\pi, \pi)$  Mennyi  $\hat{f}_{-5}$ ?

Fejezd ki trigonometrikus függvények segítségével  $\hat{f}_{-5} \frac{e^{i(-5)x}}{\sqrt{2\pi}} + \hat{f}_5 \frac{e^{i5x}}{\sqrt{2\pi}}$ -t!

3. (5 × 2 pont)

$y'' + 9y = 5t^3$ ,  $y(0) = 6$ ,  $y'(0) = 7$ . Mennyi  $Y(s)$ ? ( $\mathcal{L}(t^n) = \frac{n!}{s^{n+1}}$ )

$Y(s) =$

Mi a megoldása a  $y'' + 9y = 0$ ,  $y(0) = 6$ ,  $y'(0) = 7$  DE-nek?

Oldd meg a  $G'' - 9G = \delta(t)$  egyenletet, ahol  $G(t) = 0$ , ha  $t < 0$ !

Rajzold le  $G(t)$ -t!

Ird fel a  $y'' - 9y = f(t)$  egyenlet megoldását, ha  $y(t) = f(t) = 0$  amikor  $t < 0$ !