

## Anal. III. Proba Zh2. A

- (a) Oldd meg:  $y'' + 25y = 0$ ,  $y(0) = 10$ ,  $y'(0) = 20$ .

(b) Oldd meg az allando varialasanak a modszerével:  $y' + 3y = 5e^{2t-3}$ .
- (a) Oldd meg a  $G' - 3G = \delta$  egyenletet, ha  $G(t) = 0$  negativ  $t$ -kre!

(b) Ird fel  $G$  segitsegevel az  $y' + 3y = f(t)$  egyenlet megoldasat, ha  $y(t) = f(t) = 0$  negativ  $t$ -kre!
- $y'' + 25y = 3$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 20$

(a) Szamold ki  $y(t)$ -nek az  $Y(s)$  Laplace transzformaltjat!

(b) Szamold ki  $Y(s)$  parcialis tort felbontasat!

(c) Mennyi  $y(t)$  ?
- (a) Szamitsd ki a Laplace tr. definicioja alapjan:  $\mathcal{L}(\cos(2t))$

(b) Szamitsd ki a Laplace tr. definicioja alapjan:  $\mathcal{L}(H(-t+4)H(t-2))$

(c) • Szamold ki az  $f(t) = H(t-3)$  es a  $g(t) = 5$  fuggvények  $h = f * g$  konvoluciojat!  
• Mennyi  $\mathcal{L}(f(t))\mathcal{L}(g(t)) - \mathcal{L}(h(t))$ ?
- (a) Oldd meg!  $y'' - 25y = 0$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 1$ .

(b) Oldd meg!  $G'' - 25G = \delta$ , es  $G(t) = 0$  negativ  $t$ -kre.

(c) Ird fel  $G$  segitsegevel az  $y'' - 25y = f(t)$  egyenlet megoldasat, ha  $y(t) = f(t) = 0$  negativ  $t$ -kre!
- (a) Mennyi a  $v = (2 + 3i, 4 - i)^T$  es a  $w = (4, i)^T$  vektorok belso szorzata?

(b) Legyen  $f_1 = (\sin(30^\circ), i \cos(30^\circ))^T$ ,  $f_2 = (\cos(30^\circ), z)^T$  egy ortonormalt basis. Mennyi  $z$  ?

(c) A  $v = (4, 2)^T$  vektor kifejezhető az  $f$ -ek linearis  $\alpha f_1 + \beta f_2$  kombinaciojakent! Mennyi  $\alpha$  ?
- (a) Legyen  $f(x) = \sin(4x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} \hat{f}_n \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}$ , ha  $x \in (-\pi, \pi)$  Mennyi  $\hat{f}_2$  es  $\hat{f}_4$ ?

(b) Legyen

$$\phi(0, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} \hat{f}_n \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}, \quad \phi(t, x) = \sum_{n \in \mathbb{Z}} d_n(t) \frac{e^{inx}}{\sqrt{2\pi}}, \quad 3\partial_t \phi(t, x) = \partial_{xx}^2 \phi(t, x).$$

- Ird fel a  $d_n(t)$  fuggvényekre vonatkozó közönséges DE-ket (kezdeti feltetellel együtt)!
- Mennyi  $d_4(t)$  ?