

MATEMATIKAI ANALÍZIS II.

Tárgynév:	Matematikai analízis II.					
Rövid név:	Analízis II.			Neptun kód:	GEMAN161-B2	
Tanszék:	Analízis Tanszék					
Tárgyfelelős:	Lengyelné Dr. Szilágyi Szilvia					
Előtanulmányok:	Matematikai analízis I.			Kódja:	GEMAN151-B2	
Kredit:	5		Követelmény:	aláírás és gyakorlati jegy		
Heti óraszámok:	Előadás:	3	Gyakorlat:	2	Labor:	-
Oktatási cél:	A matematikai analízis alapjainak elsajátítása.					
Tárgy tartalom:	Paraméteres és polárkoordinátás alakú görbék. A határozatlan integrál. Összetett függvények integrálása. Riemann-integrálhatóság, a Riemann-integrálhatóság feltételei, műveleti tulajdonságok. Egyenlőtlenségek és közéérték-tételek, a Newton-Leibniz képlet. Impropius integrálok. A Riemann-integrál általánosítása és alkalmazása, görbék ívhossza, görbementi integrál. Többváltozós függvények differenciálhányadosa, iránymenti és parciális derivált, magasabbrendű deriváltak, Young tétele. Többváltozós függvények szélsőértéke és feltételes szélsőértéke. A kettős integrál fogalma, tulajdonságai, kiszámítása. Új változók bevezetése. A kettős integrál alkalmazásai: térfogat, terület, felszín számítása. A hármas integrál értelmezése, tulajdonságai, kiszámítása. Új változók bevezetése (henger- és gömbi koordináta-rendszer). A hármas integrál alkalmazásai. Differenciálegyenletek. Kezdetiérték probléma. Elemi úton megoldható differenciálegyenletek. Magasabbrendű differenciálegyenletek.					
Irodalom:	Dr. Lajkó Károly: Kalkulus II-III. (egyetemi jegyzet és példatár) Császár Ákos: Valós analízis I-II., Nemzeti Tankönyvkiadó, Budapest, 1999. B. P. Gyemidovics: Matematikai analízis feladatgyűjtemény, Tankönyvkiadó, Budapest, 1974. Denkinger Géza – Gyurkó Lajos: Analízis Gyakorlatok, Tankönyvkiadó, Budapest, 1991. Rontó Miklós – Raisz Péterné: Differenciálegyenletek műszakiaknak, Miskolci Egyetemi Kiadó, 2004.					
Mintatantervi elhelyezkedés szakok szerint						
Szak		Szakirány/sáv		Mintatantervi félév		Választhatóság
Gazdaságinformatikus BSc Programtervező informatikus BSc Mérnök-informatikus BSc		minden		2		kötelező
Jellemző oktatási módok:						
Oktatási nyelv:	Magyar					
Előadás:	Minden hallgatónak előadás, számítógépes vetítés és tábla használata.					
Gyakorlat:	Tantermi gyakorlatok, táblahasználat.					
Konzultáció:	Időpontja: kedd 11 ⁰⁰ – 13 ⁰⁰ . Helye: A/4. ép. 333. szoba. A konzultációra e-mailben kell jelentkezni (szilvia.szilagyi@uni-miskolc.hu) legkésőbb az adott hét hétfőjén 14 ⁰⁰ -ig!					
Évközi feladatok, zárthelyik:	Két 50 pontos, 100 perces évközi zárthelyi dolgozat megírására kerül majd sor. A zárthelyi dolgozatok tervezett időpontja a 13. és a 20. naptári hét. A zárthelyi dolgozatok pótlására a 21. naptári héten kerül sor. Plusz pontok szerzésére egyéni vagy csoportos projektfeladatok teljesítésével biztosított lehetőséget.					
Lezárási feltételek:	Az előadásokon és a gyakorlatokon aktív részvétel. A gyakorlati jegy az alábbiak szerint kerül megállapításra: 0 - 49: elégtelen (1), 50 - 61: elégséges (2), 62 - 73: közepes (3), 74 - 85: jó (4), 86 - 100: jeles (5).					

Ütemterv

1. hét Paraméteres és polárkoordinátás alakú görbék. Implicit függvények deriválása. Érintő megadása paraméteres és polárkoordinátás alakú görbékhez.
2. hét A határozatlan integrál. Elemi függvények határozatlan integrálja. Függvények lineáris kombinációjának primitív függvénye. Integrálási szabályok. Parciális integrálás.
3. hét Összetett függvények integrálása: integrálás helyettesítéssel és az inverz függvény segítségével. Racionális törtfüggvények integrálása. Trigonometrikus függvények integrálása.
4. hét A Riemann - integrál fogalma és tulajdonságai. A Riemann - integrálhatóság egyenlőtlenségei és középérték tételei, a Newton-Leibniz formula. Parciális és helyettesítéses Riemann-integrálok.
5. hét A határozott integrál alkalmazásai (területszámítás, görbék ívhosszának számítása, forgástestek térfogatának és felszínének számítása).
6. hét Improprius Riemann-integrálok típusai és tulajdonságai. Integrálkritérium numerikus sorokra.
7. hét **I. zárthelyi dolgozat (2025. március 25.)**
8. hét A kétváltozós függvény határértéke és folytonossága. A parciális és az iránymenti derivált. Felület érintősíkjá. A kétváltozós függvény szélsőértéke és feltételes szélsőértéke. Magasabbrendű deriváltak, Young tétele.
9. hét A kettős integrál értelmezése, tulajdonságai, kiszámítása. A kettős integrál alkalmazásai: térfogat-, terület- és felszínszámítás.
10. hét A hármas integrál értelmezése, kiszámítása. Henger- és gömbi-koordináta-rendszer. A hármas integrál alkalmazásai. A közönséges differenciálegyenlet fogalma, osztályozása.
11. hét *Rektori szünet (2025. április 22.)*
12. hét *Rektori szünet (2025. április 29.)*
13. hét Görbesereg differenciálegyenlete. A szétválasztható változójú és erre visszavezethető differenciálegyenletek. Az elsőrendű lineáris homogén és inhomogén differenciálegyenlet megoldása. Az elsőrendű lineáris differenciálegyenlet megoldására visszavezethető differenciálegyenletek (Bernoulli-féle d.e.).
14. hét **II. zárthelyi dolgozat (2025. május 13.)**
Magasabbrendű differenciálegyenletek. Hiányos másodrendű differenciálegyenletek.
15. hét Másodrendű lineáris állandó együtthatójú homogén és inhomogén differenciálegyenletek megoldása. Az Euler-féle differenciálegyenlet.

Miskolc, 2025. február 04.


Lengyelné Dr. Szilágyi Szilvia