

**GEFIT057B - Fizika II minimumkérdések**  
**Vegyésmérnök szak**

A zárójelben lévő értékeket nem kötelező memorizálni, azok csak tájékoztató jellegűek.

1. Coulomb erőtvény:  $\vec{F}_q = \frac{kQq}{r^2} \vec{e}_r$  ( $k = 9 \cdot 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}$ )
2. Coulomb állandó és vákuum permittivitás kapcsolata:  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$  ( $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2}$ )
2. Dinamika alapegyenlete:  $m\vec{a} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i = \vec{F}_e$
3. Az erőtér által végzett munka  $A$  pontból  $B$  pontba mozgáskor:  $W_{AB} = \int_A^B \vec{F} \cdot d\vec{s}$
4. Munka homogén erőtérben egyenes pálya esetén:  $W = Fs \cos \alpha$
5. Konzervatív erőtér: Olyan időtől független erőtér, amelyben két pont között az erőtér által végzett munka független az úttól (ez ekvivalens azzal, hogy bármely zárt görbére a munka nulla).
6. Potenciális (helyzeti) energia definíciója: A potenciális energia egy pontban egyenlő azzal a munkával, amit a konzervatív tér végez, miközben a test onnan a nullpontba mozdul.
7. Potenciális energia kiszámítása az  $A$  pontban:  $E_P(A) = \int_A^{NP} \vec{F} \cdot d\vec{s}$ , ahol  $NP$  a potenciális energia nullpontjának választott hely. Ez általában a végtelenben van az elektromos potenciális energia esetében, de nem mindig.
8. Munka és potenciális energia kapcsolata:  $W_{AB} = E_P(A) - E_P(B)$
9. Kinetikus (mozgási) energia:  $E_k = \frac{1}{2}mv^2$
10. Munkatétel:  $W_{\text{össz}} = \Delta E_k$
11. Energiaminimum elve: Az erő a csökkenő potenciális energia irányába hat.
12. Mechanikai energia:  $E_M = E_P + E_k$
13. A mechanikai energia megmaradásának törvénye: A mechanikai energia konzervatív erőtérben megmarad.
14. Elektromos térerősség definíciója:  $\vec{E} = \frac{\vec{F}_q}{q}$
15. Elektromos potenciál és potenciális energia kapcsolata:  $U_A = \frac{E_P(A)}{q}$
16. Potenciál kiszámítása az  $A$  pontban:  $U_A = \int_A^{NP} \vec{E} \cdot d\vec{s}$
17. Az  $A$  és  $B$  pontbeli potenciálok különbsége a két pont közti feszültség:  $U_A - U_B = U_{AB}$
18. Feszültség és munka kapcsolata:  $U_{AB} = \frac{W_{AB}}{q}$
19. Feszültség kiszámítása az  $A$  és  $B$  pontok között:  $U_{AB} = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{s}$

20. Feszültség homogén elektromos térben, térrel egyirányú  $d$  elmozdulás esetén:  $U = Ed$

21. Elektromos térerősség és potenciál kapcsolata:  $\vec{E} = -\text{grad}U \equiv -\nabla U$

22. Az elektrosztatikus tér I. alaptörvénye

integrális alak:  $\oint_G \vec{E} \cdot d\vec{s} = 0$       differenciális alak:  $\text{rot} \vec{E} \equiv \nabla \times \vec{E} = 0$

23. Ponttöltés által keltett térerősség:  $\vec{E} = \frac{kQ}{r^2} \vec{e}_r$

24. Ponttöltés potenciálja  $r$  távolságban:  $U = \frac{kQ}{r}$

25. Két egymástól  $r$  távolságra lévő ponttöltés között létrejövő potenciális energia:  $E_p = \frac{kQ_1Q_2}{r}$

26. Kapacitás definíciója:  $C = \frac{Q}{U}$

27. Két sorosan kapcsolt kondenzátor eredő kapacitása:  $\frac{1}{C_{12}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$

28. Két párhuzamosan kapcsolt kondenzátor eredő kapacitása:  $C_{12} = C_1 + C_2$

29. Elektromos dipólmomentum:  $\vec{p} = Q\vec{l}$

30. Dipólusra ható forgatónyomaték homogén elektromos térben:  $\vec{M} = \vec{p} \times \vec{E}$

31. Polarizációvektor lineáris közegben:  $\vec{P} = \kappa \varepsilon_0 \vec{E}$

32. Elektromos indukcióvektor (eltolásvektor) definíciója:  $\vec{D} = \varepsilon_0 \vec{E} + \vec{P} = \varepsilon_0 \varepsilon_r \vec{E} = \varepsilon \vec{E}$

33. Elektromos indukciófluxus:  $\psi = \int_F \vec{D} \cdot d\vec{A}$

34. Az elektrosztatika II. alaptörvénye (Gauss törvény – a harmadik Maxwell-egyenlet)

integrális alak:  $\oint_F \vec{D} \cdot d\vec{A} = Q$       differenciális alak:  $\text{div} \vec{D} \equiv \nabla \cdot \vec{D} = \rho$

35. Síkkondenzátor kapacitása:  $C = \varepsilon_0 \varepsilon_r \frac{A}{d}$

36. Kondenzátor feltöltéséhez végzett munka (az elektromos tér energiája):  $W = \frac{1}{2} CU^2$

37. Elektromos tér energiasűrűsége:  $w_E = \frac{1}{2} \varepsilon E^2 = \frac{1}{2} \vec{D} \cdot \vec{E}$

38. Állandó áramerősség definíciója:  $I = \frac{Q}{t}$

39. Áramsűrűség vektor nagysága:  $j = \lim_{A \rightarrow 0} \frac{I}{A}$

40. Áramsűrűség és áramerősség kapcsolata:  $I = \int_F \vec{j} \cdot d\vec{A}$

41. Idegen térerősség definíciója:  $\vec{E}^* = \frac{\vec{F}^*}{q}$

42. Az elektromotoros erő kiszámítása az áramforrás két pólusa között:  $\varepsilon = \int_{-}^{+} \vec{E}^* \cdot d\vec{s}$

43. Ohm törvénye

$$\text{integrális alak: } U = RI \quad \text{differenciális alak: } \vec{E} = \rho \vec{j}$$

44. Kirchhoff I. törvénye (csomóponti törvény):  $\sum_{i=1}^N I_i = 0$

45. Kirchhoff II. törvénye (hurok törvény):  $\sum_{i=1}^N U_i = 0$

46. Két párhuzamosan kapcsolt ellenállás eredője:  $\frac{1}{R_{12}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$

47. Két sorosan kapcsolt ellenállás eredője:  $R_{12} = R_1 + R_2$

48. Vezeték ellenállásának kiszámítása:  $R = \rho \frac{l}{A}$

49. Áramforrás kapocsfeszültsége:  $U_k = \varepsilon - IR_b$

50. Elektromos tér munkája a rajta áthaladó  $Q$  töltésen:  $W = QU$

51. Joule-hő teljesítménye egy ellenálláson:  $P = \frac{U^2}{R} = I^2 R = UI$

52. A fajlagos ellenállás hőmérsékletfüggése:  $\rho(T) = \rho(T_0)[1 + \alpha(T - T_0)]$

53. Elektromos indukciófluxus:  $\psi = \int_F \vec{D} \cdot d\vec{A}$

54. Az elektrosztatika II. alaptörvénye (Gauss törvény – a harmadik Maxwell-egyenlet)

$$\text{integrális alak: } \oint_F \vec{D} \cdot d\vec{A} = Q \quad \text{differenciális alak: } \text{div } \vec{D} \equiv \nabla \cdot \vec{D} = \rho$$

55. Állandó áramerősség definíciója:  $I = \frac{Q}{t}$

56. Idegen térerősség definíciója:  $\vec{E}^* = \frac{\vec{F}^*}{q}$

57. Az elektromotoros erő kiszámítása az áramforrás két pólusa között:  $\varepsilon = \int_{-}^{+} \vec{E}^* \cdot d\vec{s}$

58. Ohm törvénye

$$\text{integrális alak: } U = RI \quad \text{differenciális alak: } \vec{E} = \rho \vec{j}$$

59. Elektromos tér munkája a rajta áthaladó  $Q$  töltésen:  $W = QU$

60. Joule-hő teljesítménye egy ellenálláson:  $P = \frac{U^2}{R} = I^2 R = UI$

61. Ampere-erő homogén térben lévő egyenes vezetőre:  $\vec{F} = I \vec{l} \times \vec{B}$

62. Lorentz-erő mágneses térben mozgó töltött részecskére:  $\vec{F} = q \vec{v} \times \vec{B}$

63. Mágneses dipólmomentum definíciója:  $\vec{m} = I \vec{A} = IA \vec{n}$

64. Áramhurokra ható forgatónyomaték:  $\vec{M} = \vec{m} \times \vec{B}$

65. Áramhurok potenciális energiája:  $E_p = -\vec{m} \cdot \vec{B}$

66. Mágneses térerősség definíciója:  $\vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{M}$   $(\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{Vs}{Am})$

67. Mágnesszettség vektor lineáris közegben:  $\vec{M} = \chi \vec{H}$

68. Mágneses indukció és mágneses téresősség kapcsolata:  $\vec{B} = \mu_0 \mu_r \vec{H}$

69. Mágneses tér energiasűrűsége:  $w_M = \frac{1}{2} \mu H^2 = \frac{1}{2} \vec{B} \cdot \vec{H}$

70. Ampere-féle gerjesztési törvény

integrális alak:  $\oint_G \vec{H} \cdot d\vec{s} = \sum_{i=1}^N I_i$  differenciális alak:  $\text{rot } \vec{H} \equiv \nabla \times \vec{H} = \vec{j}$

71. Áramjárta hosszú egyenes vezető mágneses tere:  $H = \frac{I}{2r\pi}$

72. Áramjárta hosszú ( $l$ ) egyenes tekercs mágneses tere:  $H = \frac{N}{l} I$

73. Biot-Savart törvény:  $d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I d\vec{s} \times \vec{r}}{r^3}$

74. Mágneses Gauss-törvény (a negyedik Maxwell-egyenlet)

integrális alak:  $\oint_F \vec{B} \cdot d\vec{A} = 0$  differenciális alak:  $\text{div } \vec{B} \equiv \nabla \cdot \vec{B} = 0$

75. Curie-törvény:  $\chi \propto \frac{1}{T}$

76. Curie-Weiss törvény:  $\chi \propto \frac{1}{T-T_C}$

77. Neumann-törvény mágneses térben mozgó vezetőre:  $\varepsilon_{AB} = \int_A^B \vec{E}^* \cdot d\vec{s} = \int_A^B (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{s}$

78. Faraday és Lenz törvénye:  $\varepsilon = -\frac{d\Phi}{dt}$

79. Mágneses indukciófluxus:  $\Phi = \int_F \vec{B} \cdot d\vec{A}$

80. Effektív áramerősség kiszámolása:  $I_{eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T I^2 dt}$

81. Faraday-Lenz törvény és az indukált elektromos térerősség (a második Maxwell-egyenlet)

integrális alak:  $\oint_G \vec{E} \cdot d\vec{s} = -\frac{d}{dt} \int_F \vec{B} \cdot d\vec{A}$  differenciális alak:  $\text{rot } \vec{E} \equiv \nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$

82. Tekercsben indukálódott elektromotoros erő:  $\varepsilon = -L \frac{dI}{dt}$

83. Tekercsben lévő mágneses tér energiája:  $W = \frac{1}{2} LI^2$

84. Általánosított huroktörvény:  $IR + L \frac{dI}{dt} + \frac{Q}{C} = \varepsilon$

85. Kondenzátor kisütő áramának időfüggése:  $I(t) = I_0 e^{-\frac{t}{RC}}$

86. Induktív reaktancia:  $X_L = L\omega$

87. Kapacitív reaktancia:  $X_C = \frac{1}{\omega C}$

88. Áramerősség soros RLC körre kapcsolt koszinuszos feszültség esetén:  $I(t) = I_0 \cos(\omega t - \varphi)$

89. Ohm-törvény általános alakja váltóáramú körökre:  $I_0 = \frac{U_0}{Z}$

90. Impedancia reaktanciákkal:  $Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$

91. A fáziskésés tangense:  $\operatorname{tg} \varphi = \frac{X_L - X_C}{R}$

92. Teljesítménytényező:  $\frac{P_h}{P_l} = \cos \varphi = \frac{R}{Z}$

93. Rezonanciafrekvencia soros RLC körben:  $f_r = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$

94. Hatásos teljesítmény soros RLC körben:  $P_h = I_{\text{eff}}^2 R$

95. Feszültség és áram transzformálása:  $\frac{U_{2,0}}{U_{1,0}} = \frac{N_2}{N_1}$  és  $\frac{I_{2,0}}{I_{1,0}} = \frac{N_1}{N_2}$

96. Ampère-Maxwell-féle gerjesztési törvény (az első Maxwell-egyenlet)

integrális alak:  $\oint_G \vec{H} \cdot d\vec{s} = \sum_{i=1}^N I_i + \frac{d}{dt} \int_F \vec{D} \cdot d\vec{A}$  differenciális alak:  $\operatorname{rot} \vec{H} \equiv \nabla \times \vec{H} = \vec{j} + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$

97. Differenciális Ohm-törvény általánosan:  $\vec{j} = \sigma(\vec{E} + \vec{E}^*)$

98. Elektromágneses hullám terjedési sebessége:  $v = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon\mu}}$

99. Elektromos és mágneses térerősség elektromágneses síkhullám esetében:

$$\vec{E} = \vec{E}_0 \sin(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r}) \quad \vec{H} = \vec{H}_0 \sin(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})$$

100. Körfrekvencia és periódusidő kapcsolata:  $\omega = \frac{2\pi}{T}$

101. Frekvencia és periódusidő kapcsolata:  $f = \frac{1}{T}$

102. Hullámhossz (hullám által egy periódusidő alatt megtett út):  $\lambda = cT$

103. Hullámhossz és frekvencia kapcsolata:  $c = f\lambda$

104. Körhullámszám:  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$

105. Poynting-vektor:  $\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$

106. Törésmutató:  $n_1 = \frac{c}{v_1}$   $(c = 3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$

107. Snellius-Descartes törvény:  $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$

108. Gömbtükörök fókusz távolsága:  $f = \frac{r}{2}$

109. Lencse fókusz távolsága:  $\frac{1}{f} = \left(\frac{n_2}{n_1} - 1\right) \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right)$

110. Leképezési törvény:  $\frac{1}{t} + \frac{1}{k} = \frac{1}{f}$

111. Optikai nagyítás:  $N = \frac{K}{T} = -\frac{k}{t}$