

Hullám terjedése közegben

Amikor az elektromágneses hullám valamilyen közegben terjed, akkor a vákuumbeli sebességéhez képest lelassul.

Vákuumban: $v = c = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} \approx 3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ (ez a fény terjedési sebessége vákuumban)

Valamilyen nem ferromágneses szigetelő közegben:

$$v = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \mu_0}} = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \epsilon_r \mu_0}} = \frac{c}{\sqrt{\epsilon_r}} = \frac{c}{n} \quad \rightarrow \quad n = \frac{c}{v}$$

Itt n az adott közeg abszolút törésmutatója, ami megadja, hogy hányad részére csökken le a hullám (fény) sebessége a vákuumbeli sebességhez képest.

Két közeg egymásra vonatkoztatott relatív törésmutatója az abszolút törésmutatók hányadosa:

$$n_{21} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{c/v_2}{c/v_1} = \frac{v_1}{v_2}$$

Tehát a törésmutatók hányadosára mindig írhatjuk, hogy: $\frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2}$

Vékonyréteg-interferencia

Konstruktív interferencia: $\Delta\varphi = m \cdot 2\pi$ ($m = 0, 1, \dots$)

$$\Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 \quad (n_3 > n_2 > n_1)$$

$$\varphi_1 = k_1 \overline{AD} + \pi \quad *$$

$$\varphi_2 = k_2 (\overline{AB} + \overline{BC}) + \pi \quad *$$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda_2} (\overline{AB} + \overline{BC}) - \frac{2\pi}{\lambda_1} \overline{AC} \sin \theta_1$$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi n_2}{\lambda_1 n_1} \left(\frac{2d}{\cos \theta_2} \right) - \frac{2\pi}{\lambda_1} \overline{AC} \sin \theta_1$$

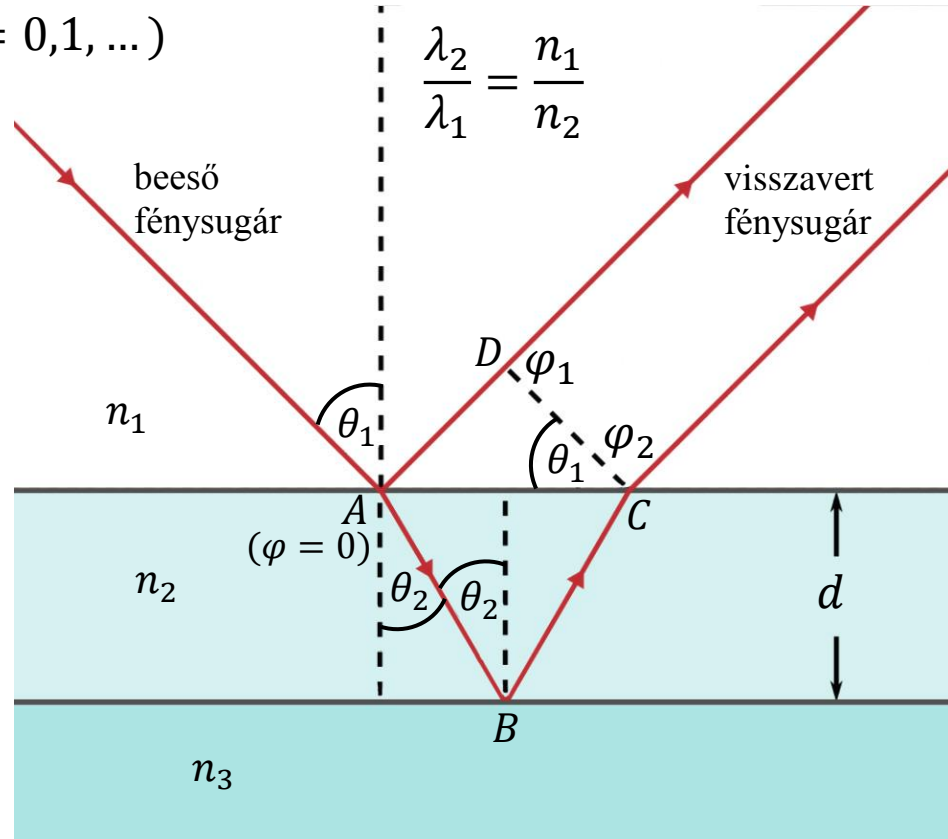
Közelítőleg merőleges beesésnél:

$$\cos \theta_2 \approx 1 \quad \sin \theta_1 \approx 0$$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi n_2}{\lambda_1 n_1} \cdot 2d = m \cdot 2\pi$$

$$\frac{n_2}{\lambda_1 n_1} \cdot 2d = m$$

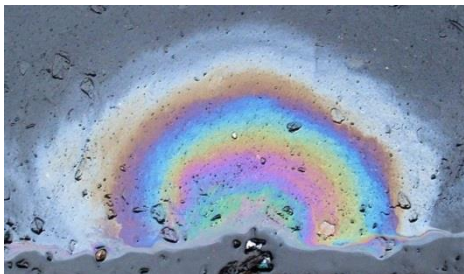
$$\frac{n_2}{n_1} \cdot 2d = m \lambda_1$$



Ha az 1-es közeg levegő: $n_1 \approx 1$, $\lambda_1 \approx \lambda$, $n_2 = n$

$$n \cdot 2d = m \lambda \quad (\text{optikai úthossz: } s_0 = n \cdot l)$$

* Amikor a hullám optikailag **sűrűbb** közegről verődik vissza, akkor π fázisugrást szenved! Ha csak az egyiknél sűrűbb, akkor ez pont a gyengítés feltétele lenne!



Optikai rács

Konstruktív interferencia: $\Delta\varphi = m \cdot 2\pi$ ($m = 0, 1, \dots$)

Pozíció az ernyőn:

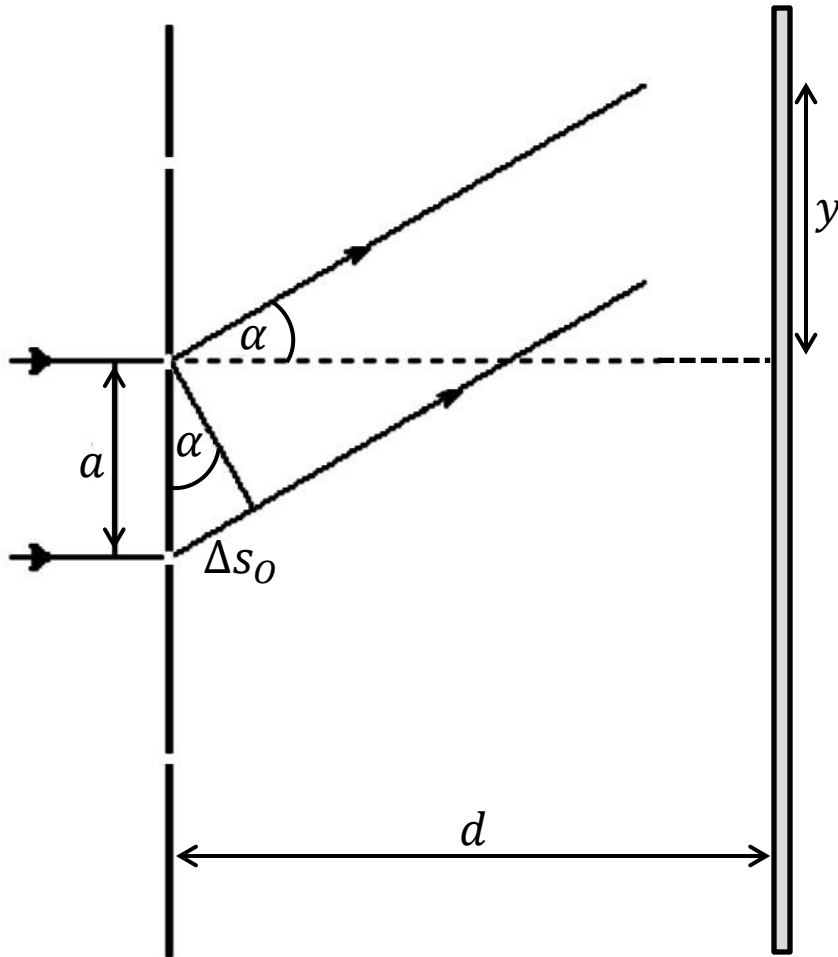
Optikai úthosszak különbségére: $\Delta s_0 = m\lambda$

$$\rightarrow a \sin \alpha = m\lambda$$

$$\sin \alpha = \frac{m\lambda}{a}$$

$$\rightarrow \operatorname{tg} \alpha = \frac{y}{d}$$

$$y = d \operatorname{tg} \alpha$$



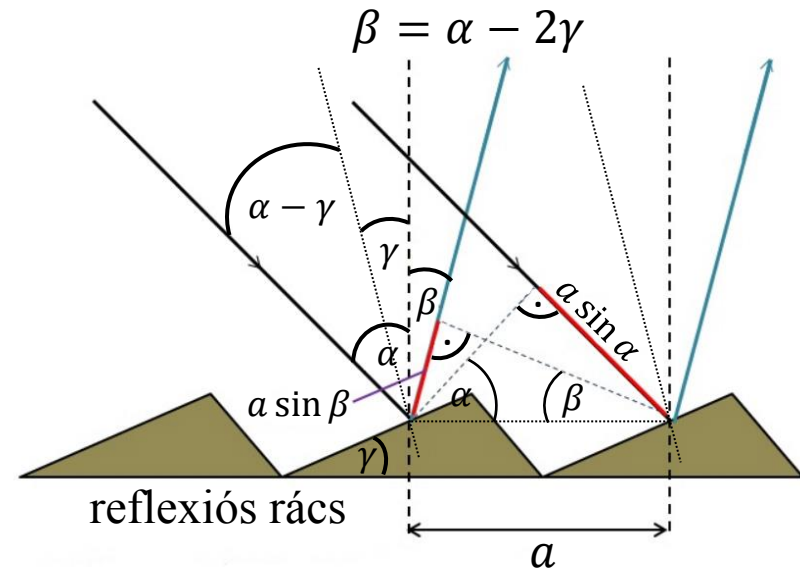
transzmissziós rács

ernyő

Reflexiós rácsnál:

$$\Delta s_0 = a \sin \alpha - a \sin \beta = m\lambda$$

$$a(\sin \alpha - \sin \beta) = m\lambda$$

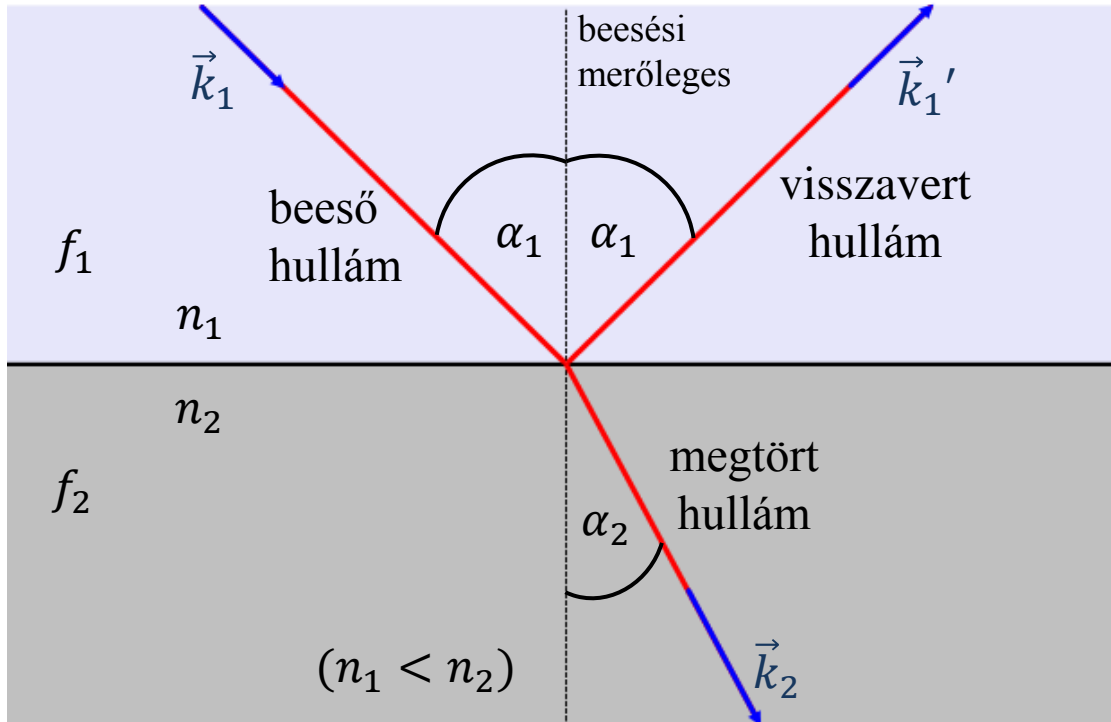


reflexiós rács

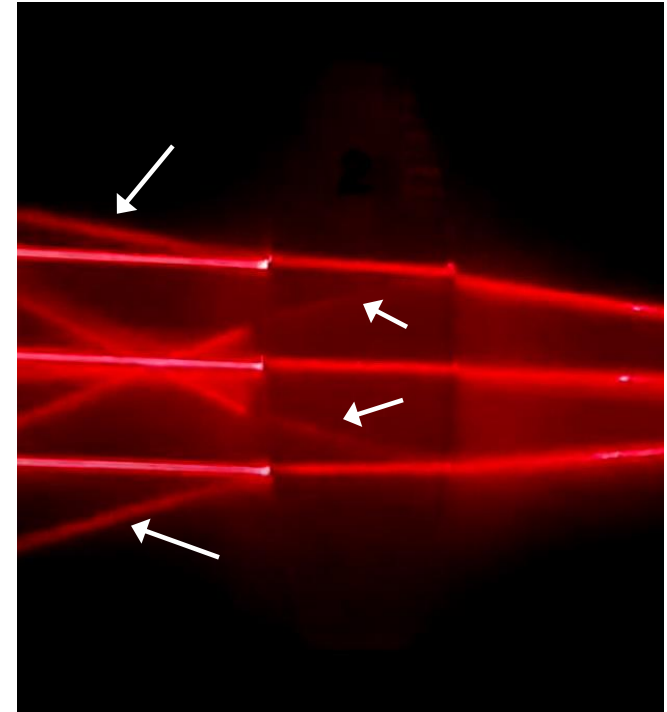
a

Hullámok viselkedése két közeg határán

Két különböző közeg határához érve a hullám egy része mindig visszaverődik, a másik része pedig megtörve behatol a másik közegbe. Bizonyos esetekben a hullám teljes mértékben visszaverődik.



[VIDEÓ IDEKATTINTVA!](#)



A visszaverődési szög megegyezik a beesési szöggel.

A törési szög és beesési szög kapcsolatát a **Snellius-Descartes törvény** adja meg.

A hullám **frekvenciája ugyanaz** a két közegben: $f_1 = f_2 = f$

Felhasználva, hogy minden hullám esetén: $v = \lambda f$

A hullámhosszakra: $\lambda_1 = v_1/f$ és $\lambda_2 = v_2/f$

Tehát a hullámhossz optikailag sűrűbb közegben kisebb.

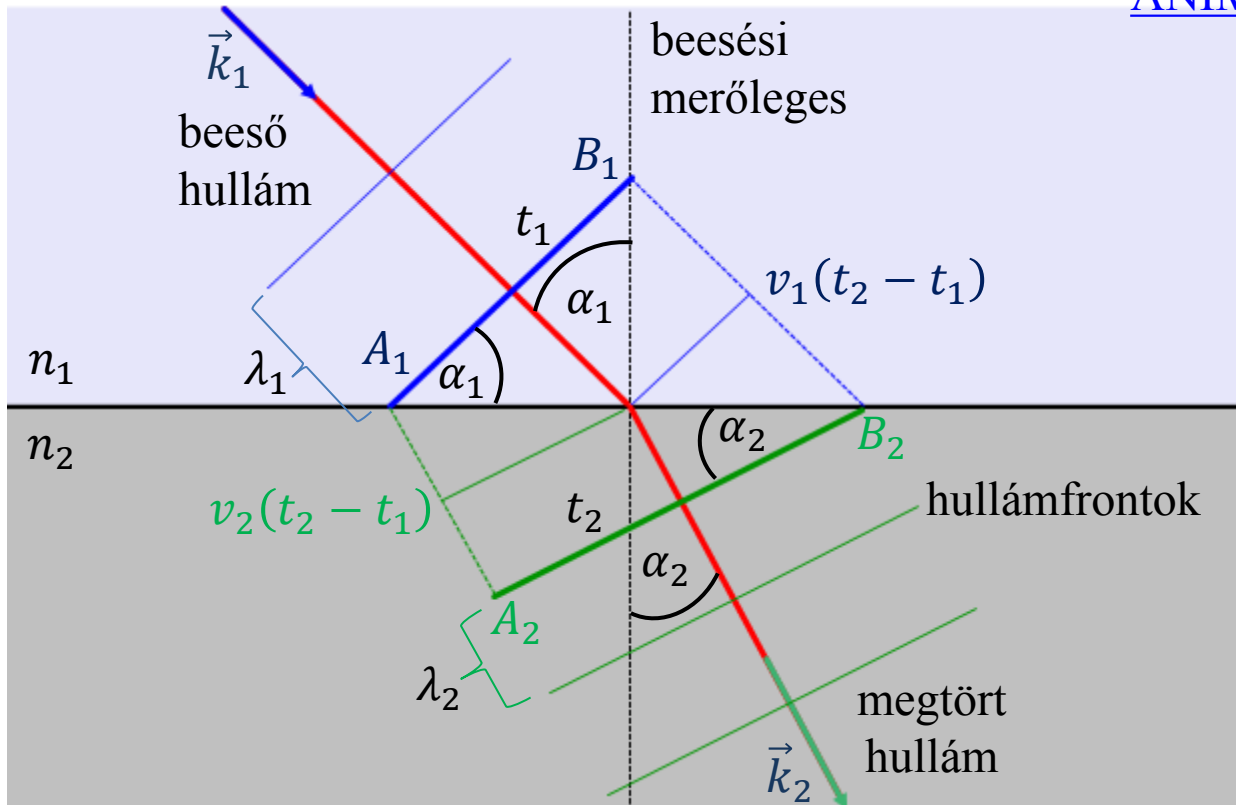
$$\rightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{v_1/f}{v_2/f} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1}$$

Snellius-Descartes törvény

Az A_1B_1 vonal jelzi a hullám fázisfelületét a t_1 időpontban.

Az A_2B_2 vonal jelzi a hullám fázisfelületét a t_2 időpontban.

[ANIMÁCIÓ IDEKATTINTVA!](#)



$$\sin \alpha_1 = \frac{v_1(t_2 - t_1)}{A_1B_2}$$

$$\sin \alpha_2 = \frac{v_2(t_2 - t_1)}{A_1B_2}$$

$$\frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha_2} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1} = n_{21}$$

$$n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$$

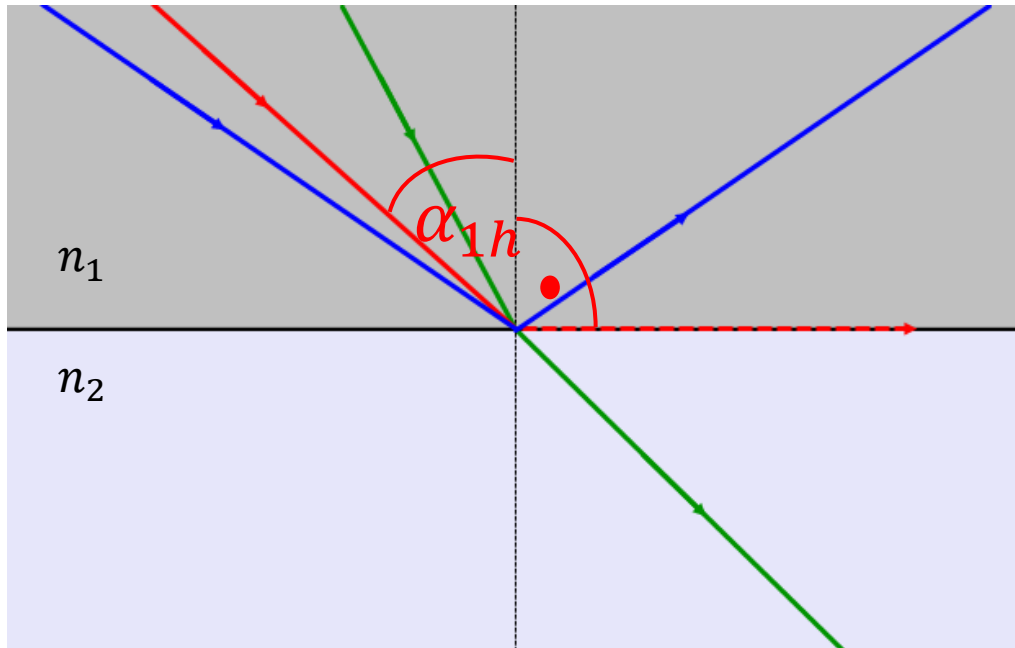
Ha a hullám optikailag sűrűbb közegbe érkezik, akkor a törési szög kisebb, mint a beesési szög.

Ha a hullám optikailag ritkább közegbe érkezik, akkor a törési szög nagyobb, mint a beesési szög.

Teljes visszaverődés

Amikor a hullám optikailag sűrűbb közegből lép át optikailag ritkább közegbe ($n_1 > n_2$), akkor az α_1 beesési szöget növelve a törési szög egyre jobban megközelíti a derékszöget, a megtört hullám intenzitása pedig egyre csökken.

Amikor a beesési szög meghaladja az α_1 határszöget, teljes visszaverődés áll fent.

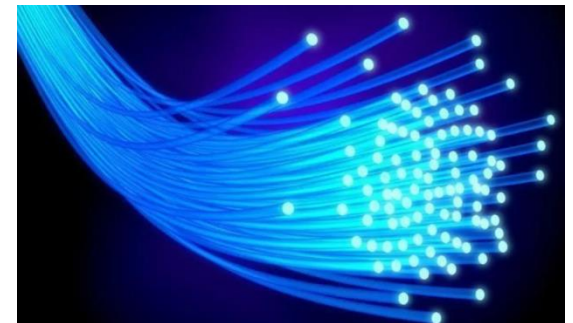


A határszögre:

$$n_1 \sin \alpha_{1h} = n_2 \sin 90^\circ$$

$$\sin \alpha_{1h} = \frac{n_2}{n_1} = n_{21}$$

Ezt a jelenséget optikai szálakban hasznosítják.



[VIDEÓ IDEKATTINTVA!](#)

Geometriai optika

Egy átlátszatlan test nyílásából indulva a fény egyenesekkel határolt **fénynyaláb** formájában terjed. A minden határon túl elvékonyodott fénynyalábot **fénysugár**nak nevezük, és egy irányított egyenesnek fogjuk fel.

A **geometriai optika** keretében erre a fénysugárra használunk egyszerű matematikai és geometriai módszereket.

Homogén közegben a fény **egyenes vonalban** terjed.

Két közeg határfelületén a beeső fény egy része **visszaverődik**, másik része **megtörik** és behatol a másik közegbe.

A fényvisszaverődés törvényei:

- a beeső fénysugár, a beesési merőleges, a visszavert fénysugár egy síkban vannak
- a beesési szög egyenlő a visszaverődési szöggel

A fénytörés törvényei:

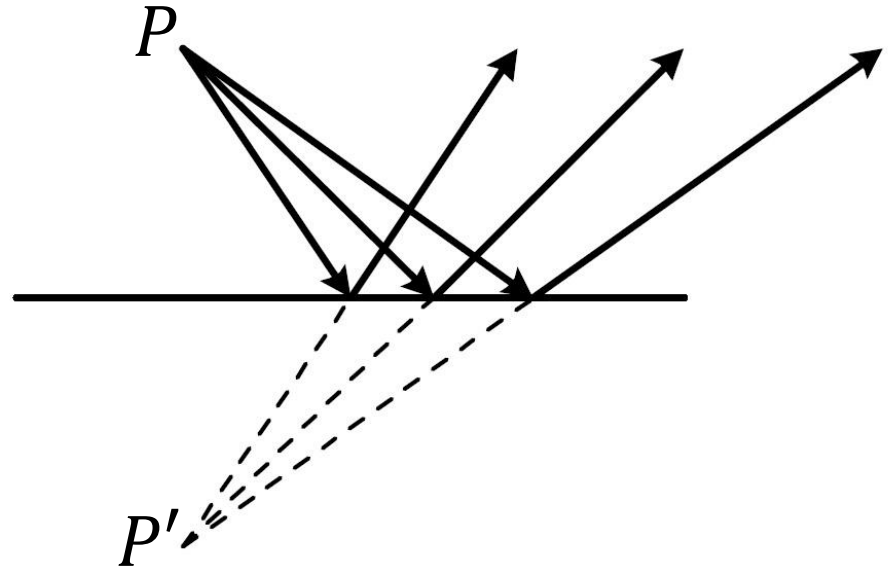
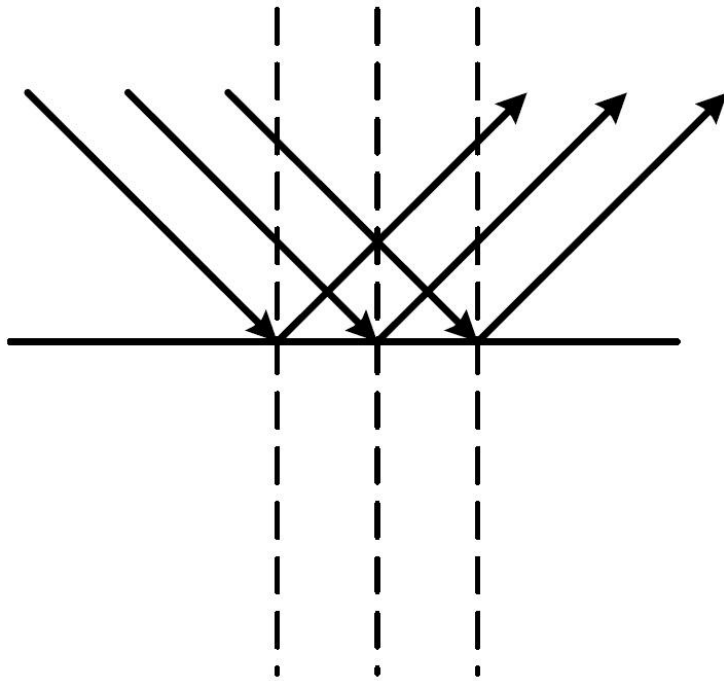
- a beeső fénysugár, a beesési merőleges, a megtört fénysugár egy síkban vannak
- a beesési szög és a törési szög kapcsolatát a Snellius-Descartes törvény adja meg:

$$n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$$

Visszaverődés sík határfelületen (síktükör)

A párhuzamos fénysugarak párhuzamosan verődnek vissza.

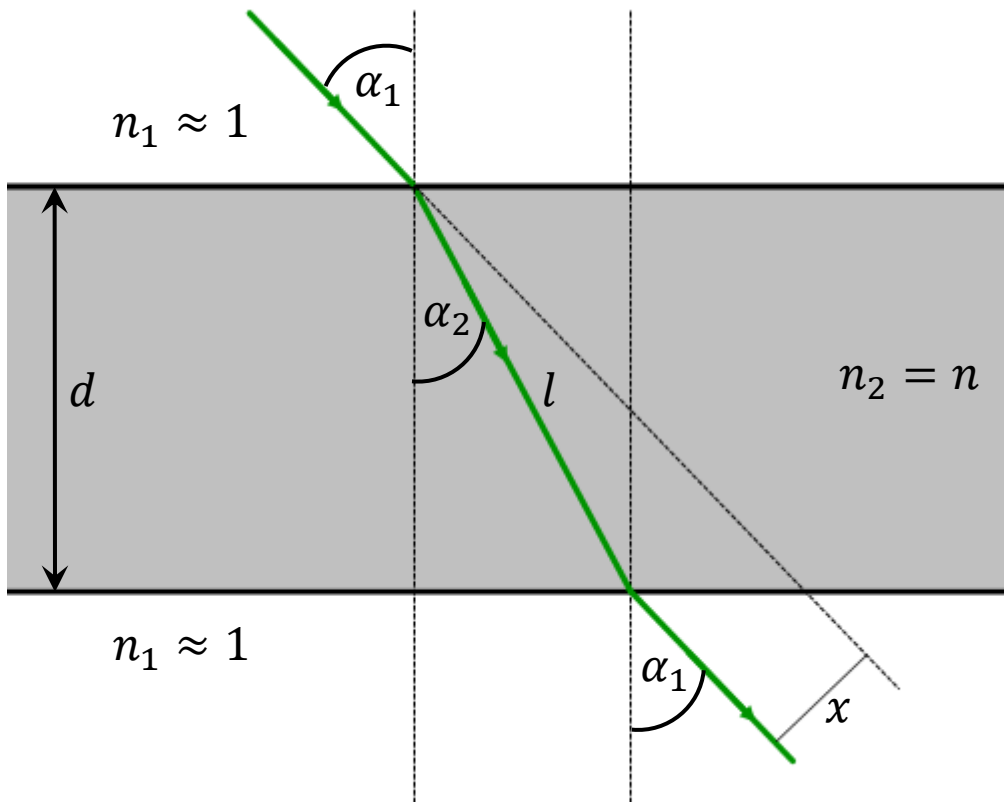
A széttartó vagy összetartó fénysugarak visszaverődés után is széttartóak, összetartóak.



A P pontszerű forrásból induló széttartó fénysugarakat visszafelé meghosszabbítva az egyenesek a P' pontban találkoznak. Ez a P fényforrás **látszólagos** képe.

Áthaladás plánparalel lemezen

A d vastagságú plánparalel lemezen való áthaladás és két törés után a fénysugár az eredeti irányban halad tovább egy x távolsággal eltolva.



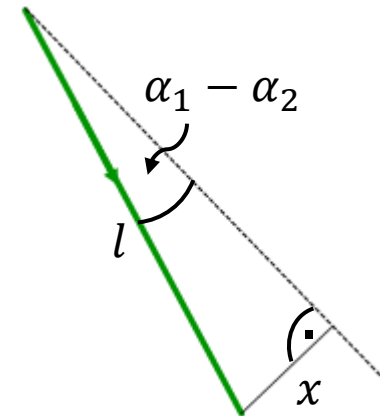
Snellius-Descartes törvény:

$$n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$$

$$\sin \alpha_1 = n \sin \alpha_2$$

A lemezben megtett l távolság:

$$l = \frac{d}{\cos \alpha_2}$$

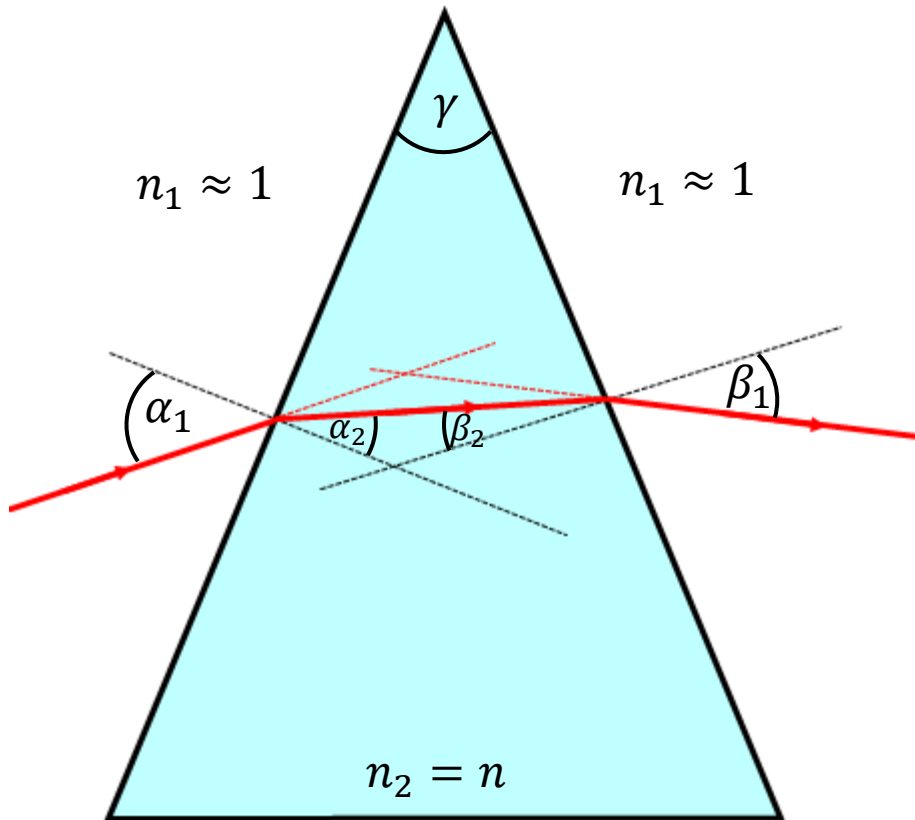


$$x = l \sin(\alpha_1 - \alpha_2)$$

Fénytörés prizmában

A prizmán a fénysugár ugyancsak kétszer megtörve halad át.

A γ szöget a prizma törőszögének nevezik.



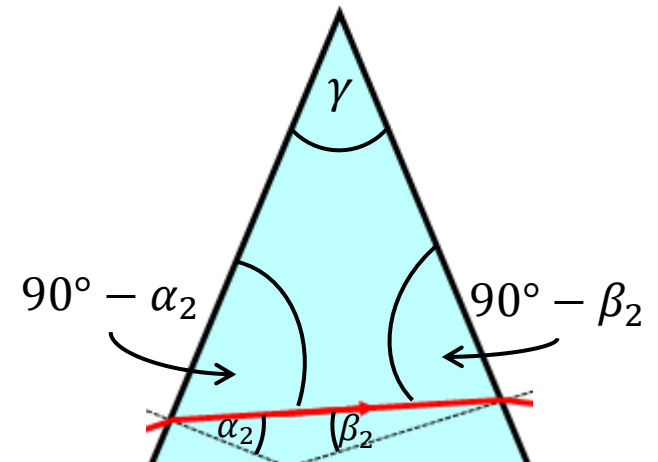
Snellius-Descartes törvény:

$$n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$$

$$\sin \alpha_1 = n \sin \alpha_2$$

$$n_2 \sin \beta_2 = n_1 \sin \beta_1$$

$$n \sin \beta_2 = \sin \beta_1$$



A háromszög szögeire:

$$90^\circ - \alpha_2 + 90^\circ - \beta_2 + \gamma = 180^\circ$$

$$\gamma = \alpha_2 + \beta_2$$

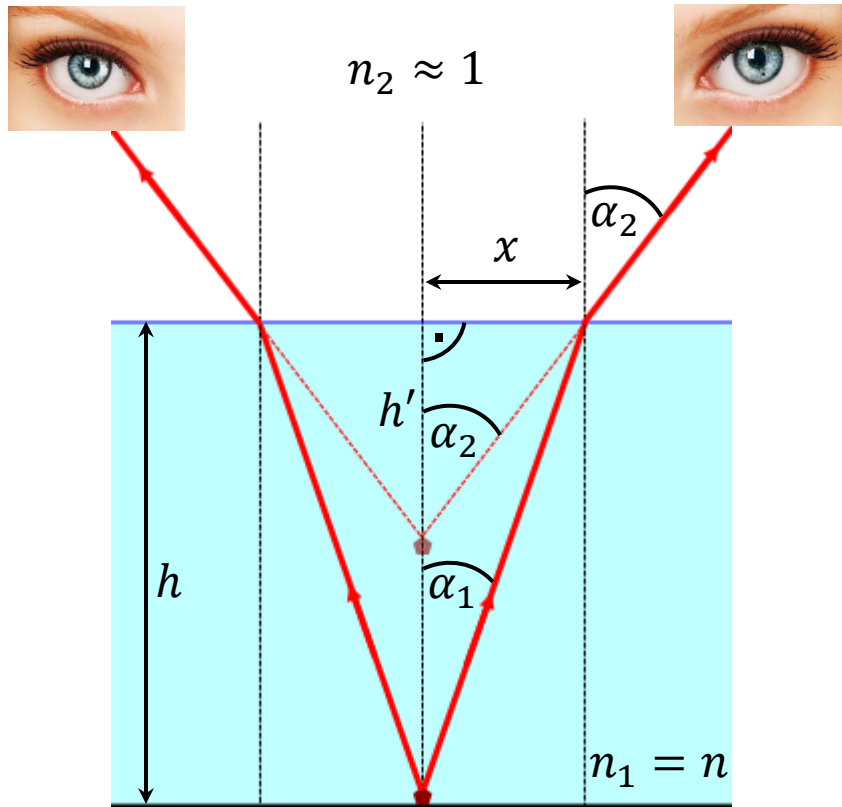
Látszólagos mélység

Ha egy tó fenekén függőlegesen lefelé tekintve megfigyelünk egy követ, hogy az alapján megbecsüljük a tó mélységét, akkor az a valódi mélységnél **kiseb**nek tűnik.

A **nagyon kicsi** szögben kiinduló fénysugarakat felhasználva:

$$\sin \alpha_1 \approx \text{tg } \alpha_1 \approx \alpha_1$$

$$\sin \alpha_2 \approx \text{tg } \alpha_2 \approx \alpha_2$$



Snellius-Descartes törvény:

$$n_1 \sin \alpha_1 = n_2 \sin \alpha_2$$

$$n_1 \alpha_1 = n_2 \alpha_2$$

$$\frac{\alpha_1}{\alpha_2} = \frac{n_2}{n_1} = \frac{1}{n}$$

A két derékszögű háromszög alapján:

$$\left. \begin{array}{l} \frac{x}{h} = \text{tg } \alpha_1 \approx \alpha_1 \\ \frac{x}{h'} = \text{tg } \alpha_2 \approx \alpha_2 \end{array} \right\} \frac{1/h}{1/h'} = \frac{h'}{h} = \frac{\alpha_1}{\alpha_2}$$

A két eredményt összevetve:

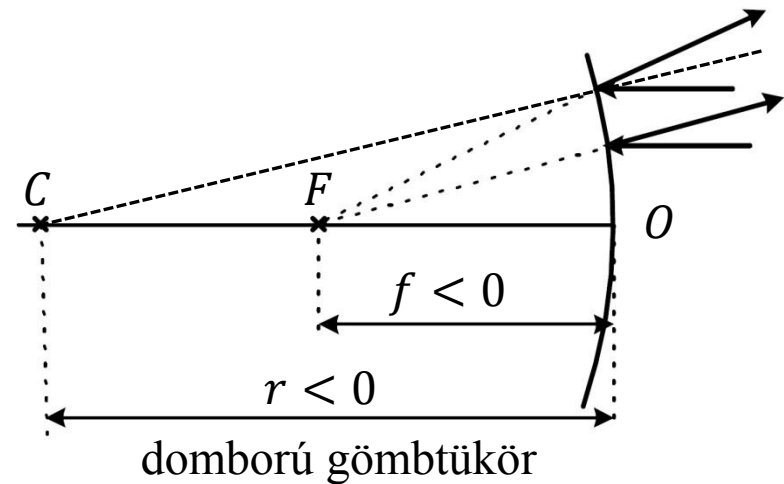
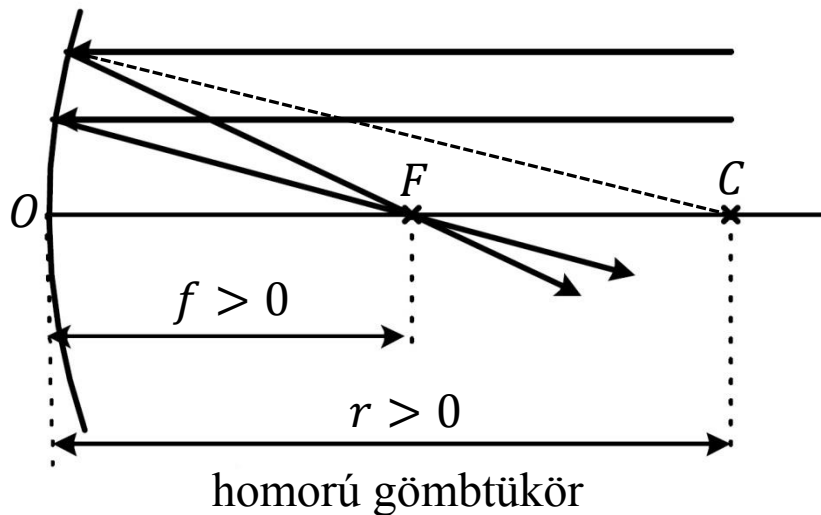
$$\frac{h'}{h} = \frac{1}{n} \rightarrow h' = \frac{h}{n}$$

víz esetén:
 $n = 1,333$

Fény visszaverődése gömbtükrőről

A **homorú gömbtükör** a ráeső **párhuzamos** fénysugarakat **összetartó**vá, a **domború gömbtükör** pedig **széttartó**vá teszi.

A beesési merőlegeseket a kör C középpontjából kell húzni.



A sugarak, illetve a meghosszabbításaik az F fókuszban találkoznak.

A fénysugarak az **optikai tengely**hez nagyon közel vannak, így a szögek is kicsik.

A gömbtükör nyílásszöge ennek megfelelően szintén kicsi.

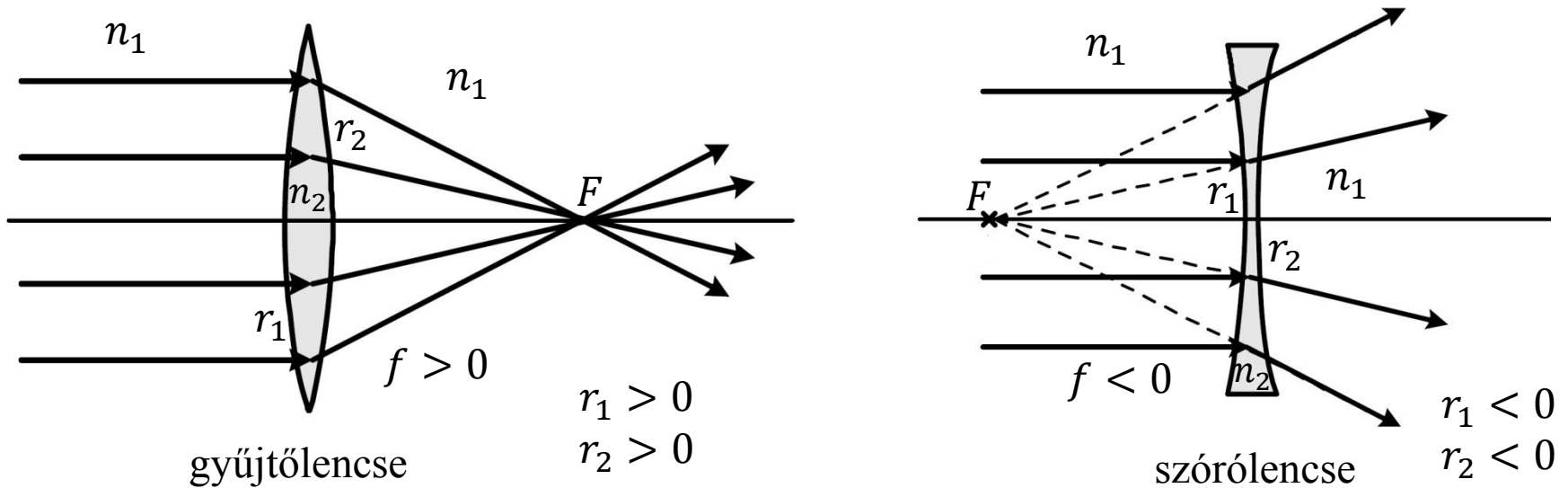
A domború gömbtükrőnél virtuális fókuszról beszélünk, ugyanis maguk a sugarak nem találkoznak egy pontban: $f < 0$

Gömbtükrök fókusztávolsága: $f = \frac{r}{2}$

[IDEKATTINTVA:](#)
[BIZONYÍTÁS ÉS PÉLDÁK A VIDEÓN!](#)

Fény törése vékony lencsékben

A **gyűjtőlencse** a ráeső **párhuzamos** fénysugarakat **összetartó**vá, a **szórólencse** pedig **széttartó**vá teszi.



A sugarak, illetve a meghosszabbításaik az F fókuszban találkoznak.

A fénysugarak az **optikai tengely**hez nagyon közel vannak, így a szögek is kicsik.

A lencse nagyon vékony, így a fénysugarak eltolódása elhanyagolható.

A szórólencsénél virtuális fókuszról beszélünk, ugyanis maguk a sugarak nem találkoznak egy pontban: $f < 0$

Lencsék fókusztávolsága:
$$\frac{1}{f} = \left(\frac{n_2}{n_1} - 1\right) \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right)$$

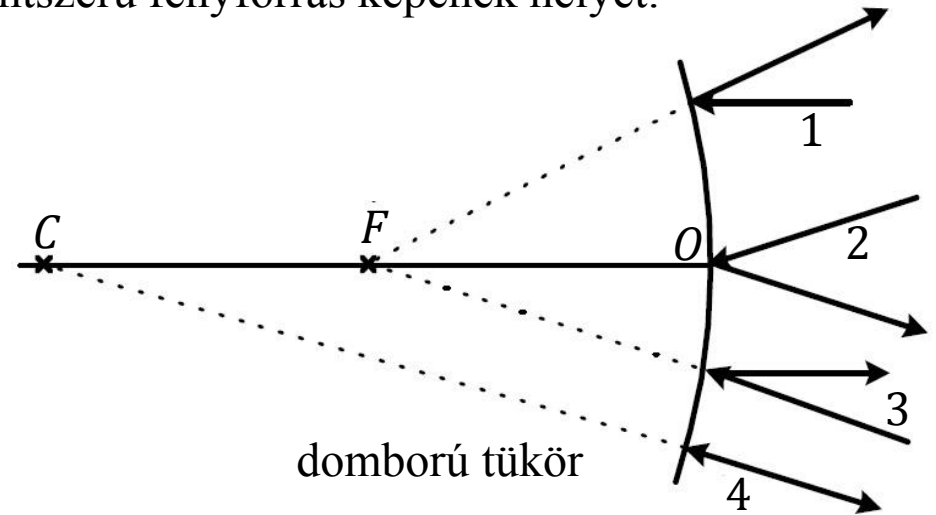
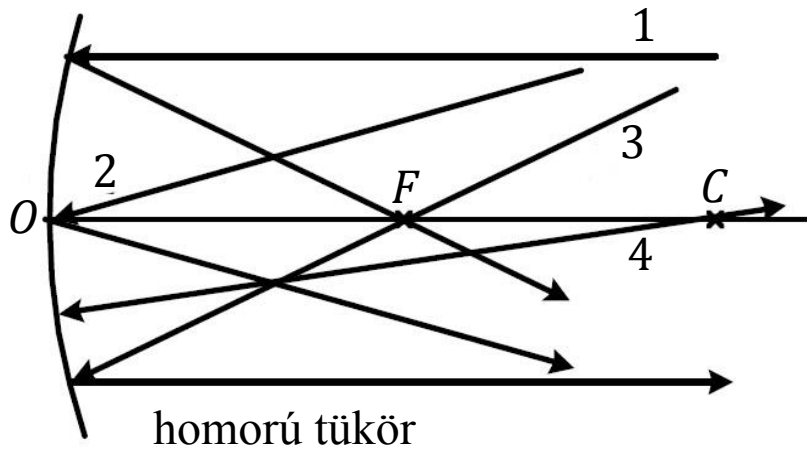
Dioptria:
$$D = \frac{1}{f}$$

[IDEKATTINTVA BIZONYÍTÁS ÉS PÉLDÁK A VIDEÓN!](#)

(az f méterben!)

Jellegzetes fénysugarak - gömbtükrök

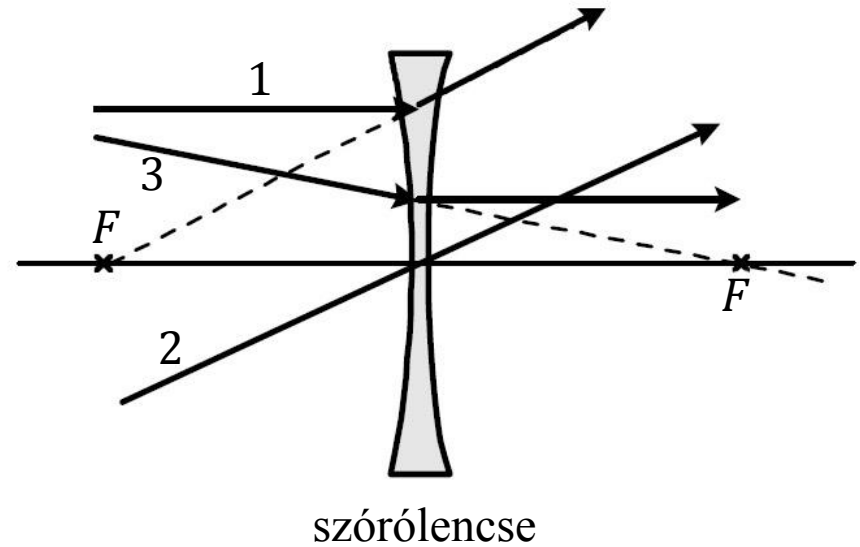
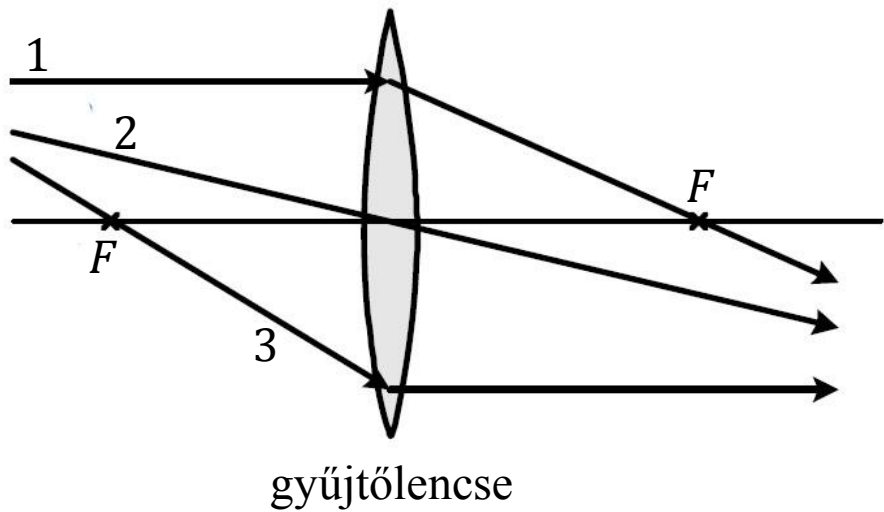
A kialakuló kép megszerkesztéséhez fel lehet használni néhány jellegzetes fénysugarat, amelyek metszéspontja megadja az adott pontszerű fényforrás képének helyét.



- 1: Az optikai tengellyel párhuzamos sugarak a fókuszon keresztül verődnek vissza. Domború tükörnél a sugaraknak a tükör mögötti meghosszabbításai mennek át a fókuszon.
- 2: Az optikai középpontba futó sugarak a visszaverődésük után ugyanakkora szöget zárnak be az optikai tengellyel, mint a beeséskor.
- 3: A fókuszponton áthaladó sugarak az optikai tengellyel párhuzamosan verődnek vissza. Domború tükörnél az olyan sugarak verődnek vissza az optikai tengellyel párhuzamosan, amelyek tükör mögötti meghosszabbításai átmennek a fókuszon.
- 4: A geometriai középponton átmenő sugarak önmagukban verődnek vissza. Domború tükörnél azok a sugarak verődnek önmagukban vissza, amelyeknek a tükör mögötti meghosszabbításai átmennek a geometriai középponton.

Jellegzetes fénysugarak - lencsék

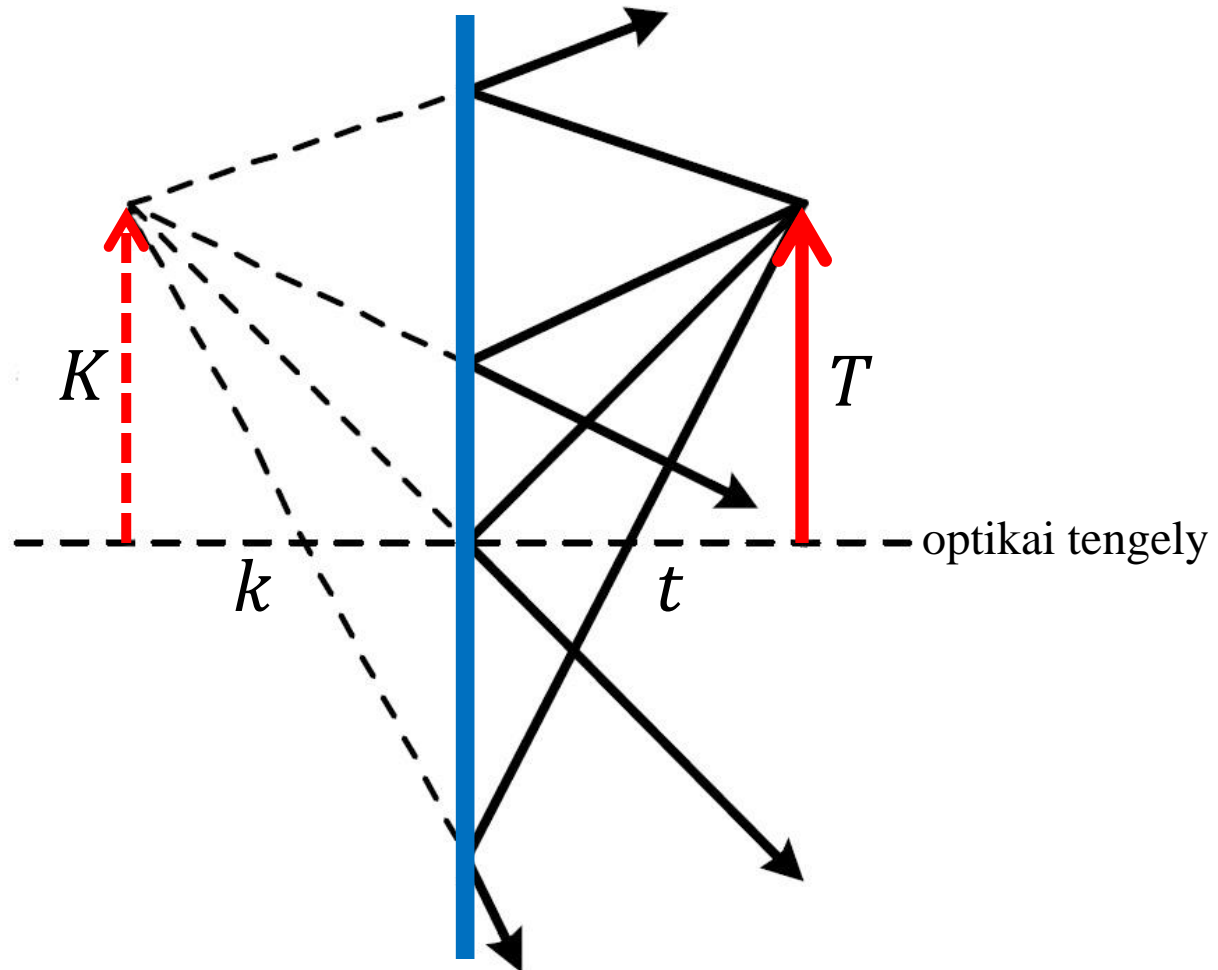
A kialakuló kép megszerkesztéséhez fel lehet használni néhány jellegzetes fénysugarat, amelyek metszéspontja megadja az adott pontszerű fényforrás képének helyét.



- 1: Az optikai tengellyel párhuzamos sugarak a fókuszon keresztül haladva törnek meg. Szórólencsénél a sugaraknak a visszafelé meghosszabbításai mennek át a fókuszon.
- 2: Az optikai tengelyre érkező sugarak egyenesen haladnak tovább.
- 3: A fókuszponton áthaladó sugarak az optikai tengellyel párhuzamosan haladnak a törés után. Szórólencsénél az olyan sugarak haladnak a törés után az optikai tengellyel párhuzamosan, amelyek meghosszabbításai mennek át a fókuszon.

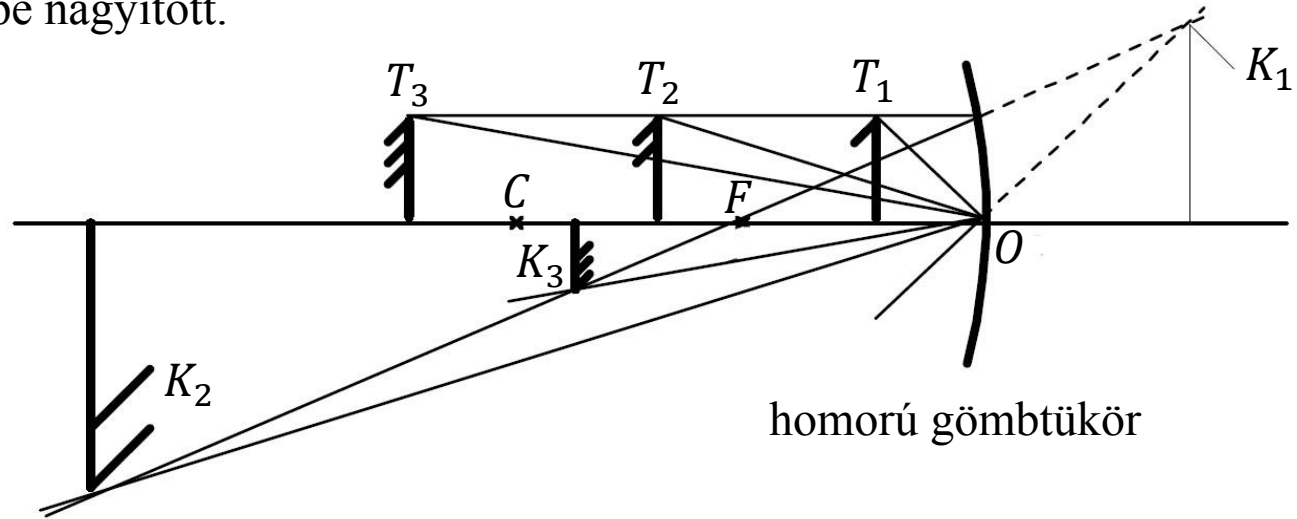
Optikai leképezés síktükörrel

A síktükör tökéletesen pontszerű és torzításmentes leképezést biztosít. A létrejött virtuális, egyenes állású kép és a tárgy, a tükör síkjára szimmetrikus.

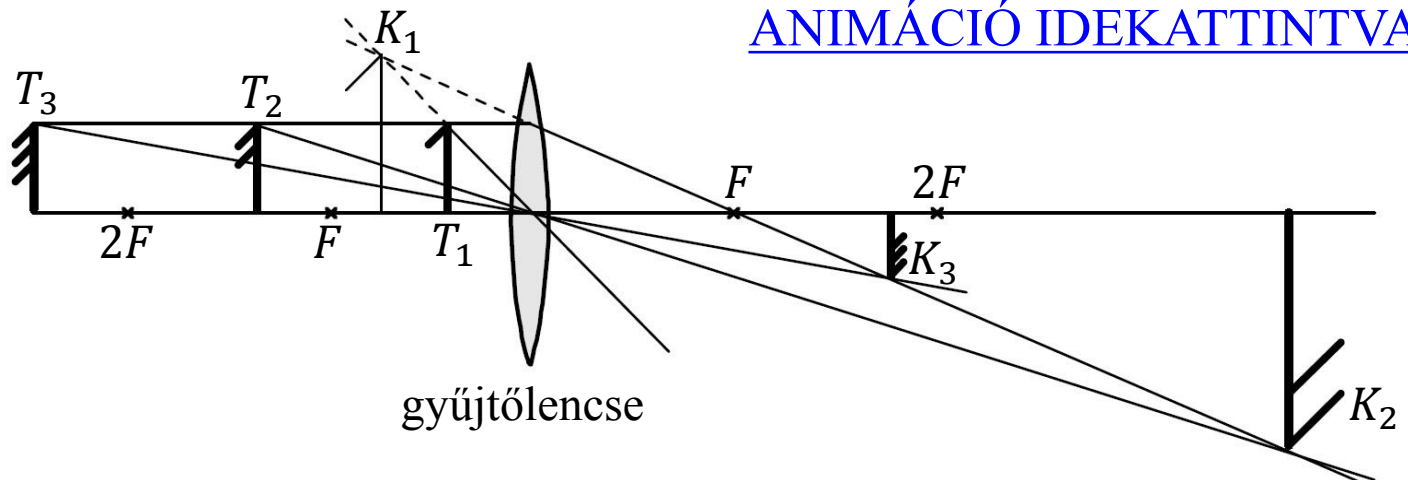


Homorú gömbtükör és gyűjtőlencse képalkotása

A fókuszon kívül elhelyezett tárgyról valódi, a fókuszon belül levő tárgyról pedig virtuális kép keletkezik. A valódi kép fordított, a virtuális kép egyenes állású. A geometriai középponton, illetve a kétszeres fókusztavon kívül elhelyezett tárgy képe kicsinyített, az azon belül elhelyezett tárgy képe nagyított.

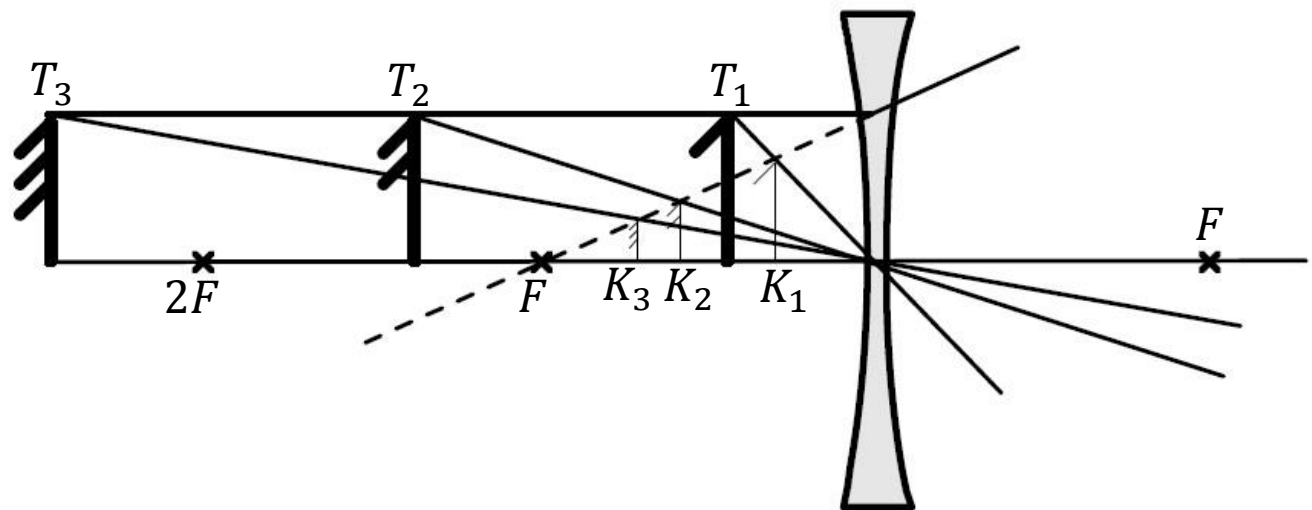
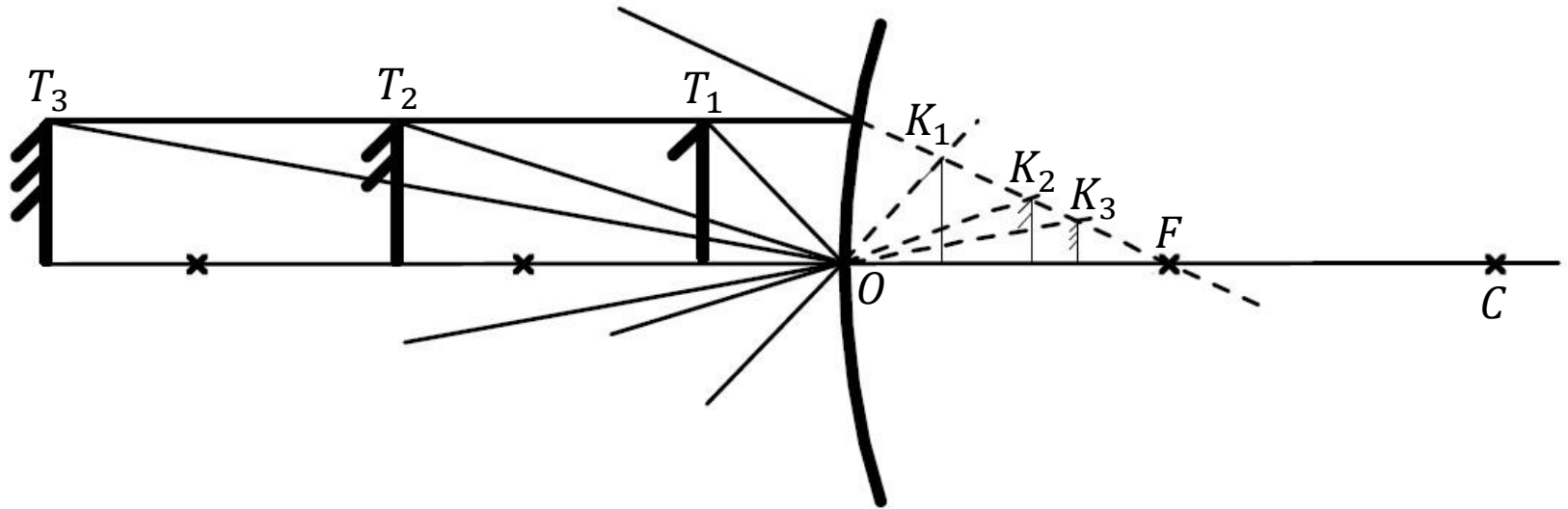


[ANIMÁCIÓ IDEKATTINTVA!](#)



Domború gömbtükrő és szórólencse képalkotása

A domború gömbtükrő és a szórólencse minden esetben virtuális, kicsinyített és egyenes állású képet alkot.



Képzéskészítésre vonatkozó törvények

A kis nyílásszögű gömbtükrök és a vékony lencsék leképezési törvénye a leképező eszköztől mért tárgy- és képtávolság, valamint a fókusz távolság közötti összefüggést adja meg:

$$\frac{1}{t} + \frac{1}{k} = \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = \sum \frac{1}{f_i} \quad D = \sum D_i$$

több lencse esetén

A nagyítás a kép és a tárgy méreteinek arányát adja meg:

$$N = \frac{K}{T}$$

egyenes állású képnél $N > 0$, mert $K > 0$
fordított állású képnél $N < 0$, mert $K < 0$

A hasonló háromszögek felhasználásával a nagyítás szintén kifejezhető a tárgy- és képtávolsággal:

$$N = -\frac{k}{t}$$

Előjel konvenciók:

- az r és f pozitív, ha a tükör homorú és negatív, ha a tükör domború.
- a t pozitív, ha a tükörhöz vagy lencséhez érkező sugarak széttartanak (valódi tárgy) és negatív, ha összetartanak (látszólagos tárgy).
- a k pozitív, ha a kép valódi és negatív, ha a kép látszólagos.
- vékony lencsénél az r pozitív, ha a gömbfelület kívülről nézve domború és negatív, ha kívülről nézve homorú.
- síkfelület esetén a görbületi sugár végtelen.
- gyűjtőlencsék fókusz távolsága pozitív, szórólencséké negatív.

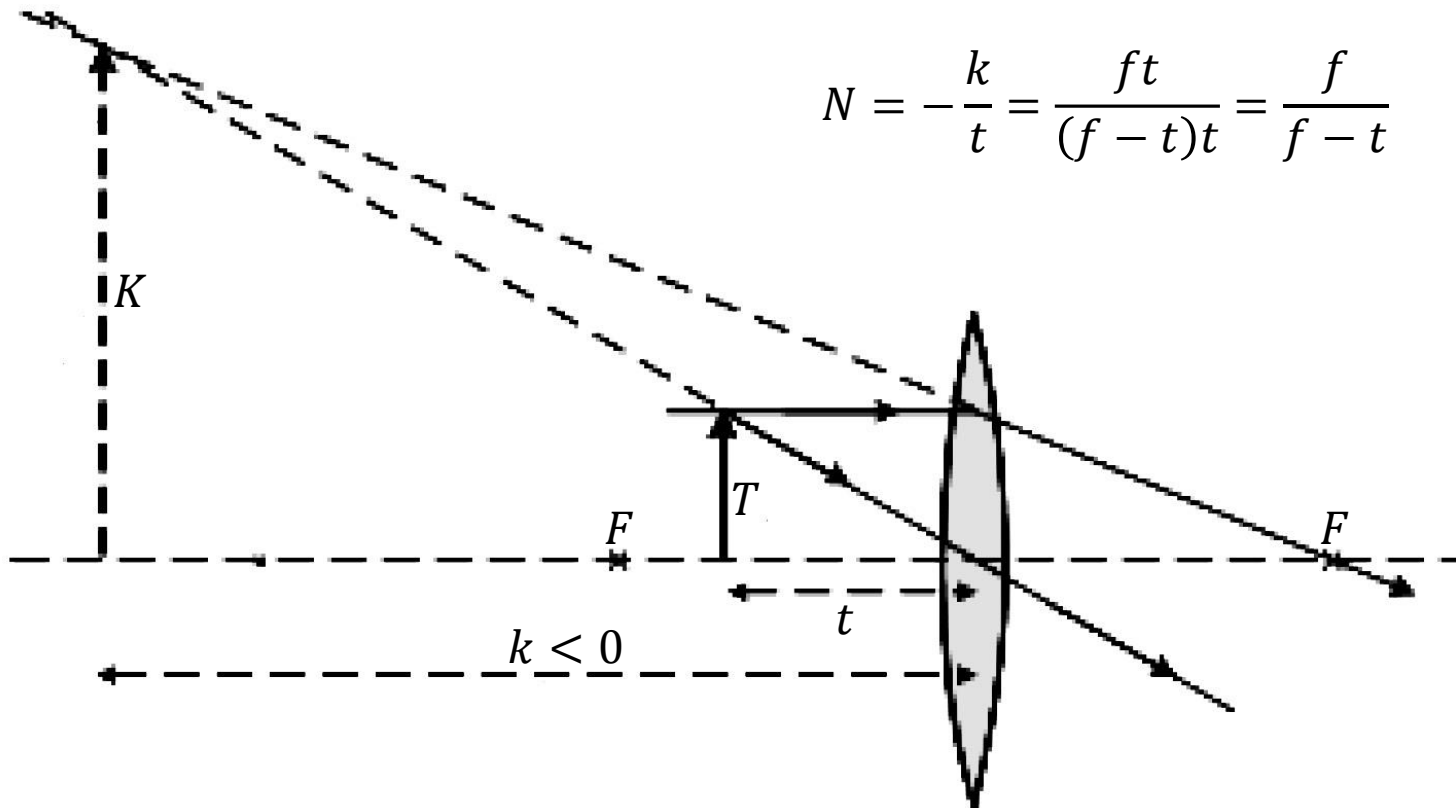
Egyszerű nagyító

A gyűjtőlencse a fókuszpontján belül elhelyezkedő tárgyról látszólagos nagyított képet alkot.

$$\frac{1}{t} + \frac{1}{k} = \frac{1}{f}$$

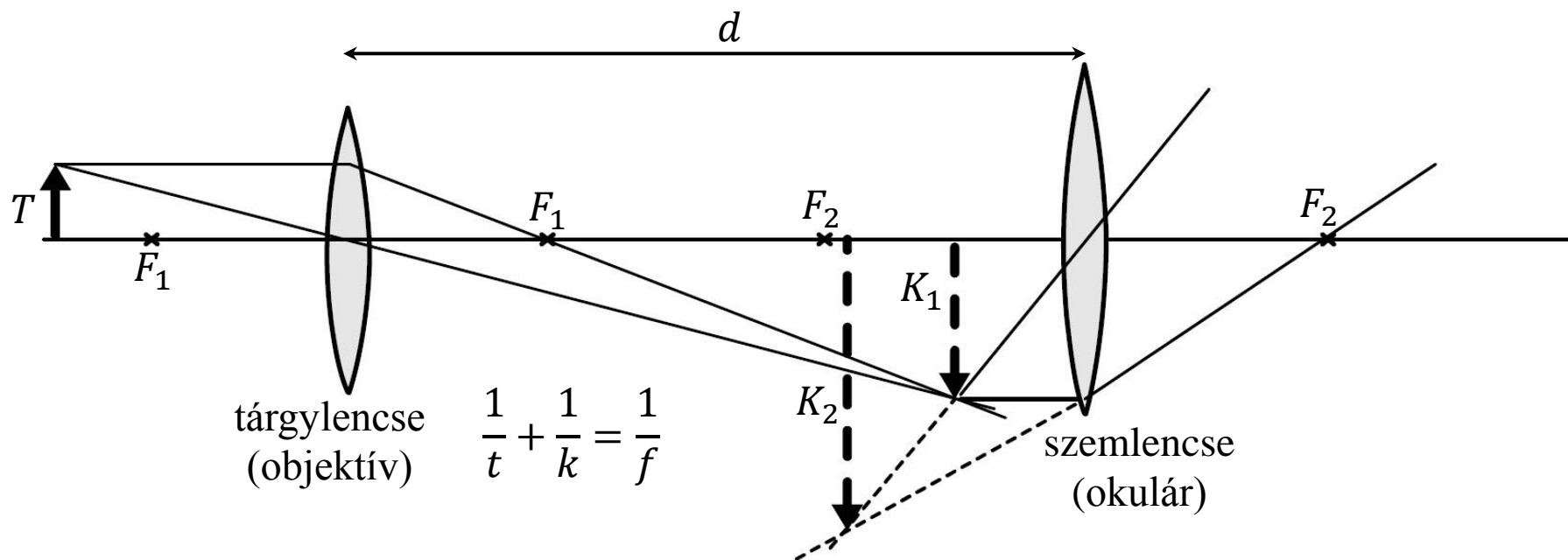
$$\frac{1}{k} = \frac{1}{f} - \frac{1}{t} = \frac{t - f}{ft} \quad \rightarrow \quad k = \frac{ft}{t - f}$$

$$N = -\frac{k}{t} = \frac{ft}{(f - t)t} = \frac{f}{f - t}$$



Mikroszkóp

A tárgylencse fordított állású valódi nagyított képet alkot a tárgyról, és ezt a képet nézzük a szemlencsével, mint egyszerű nagyítóval. Az eredmény fordított állású virtuális nagyított kép.



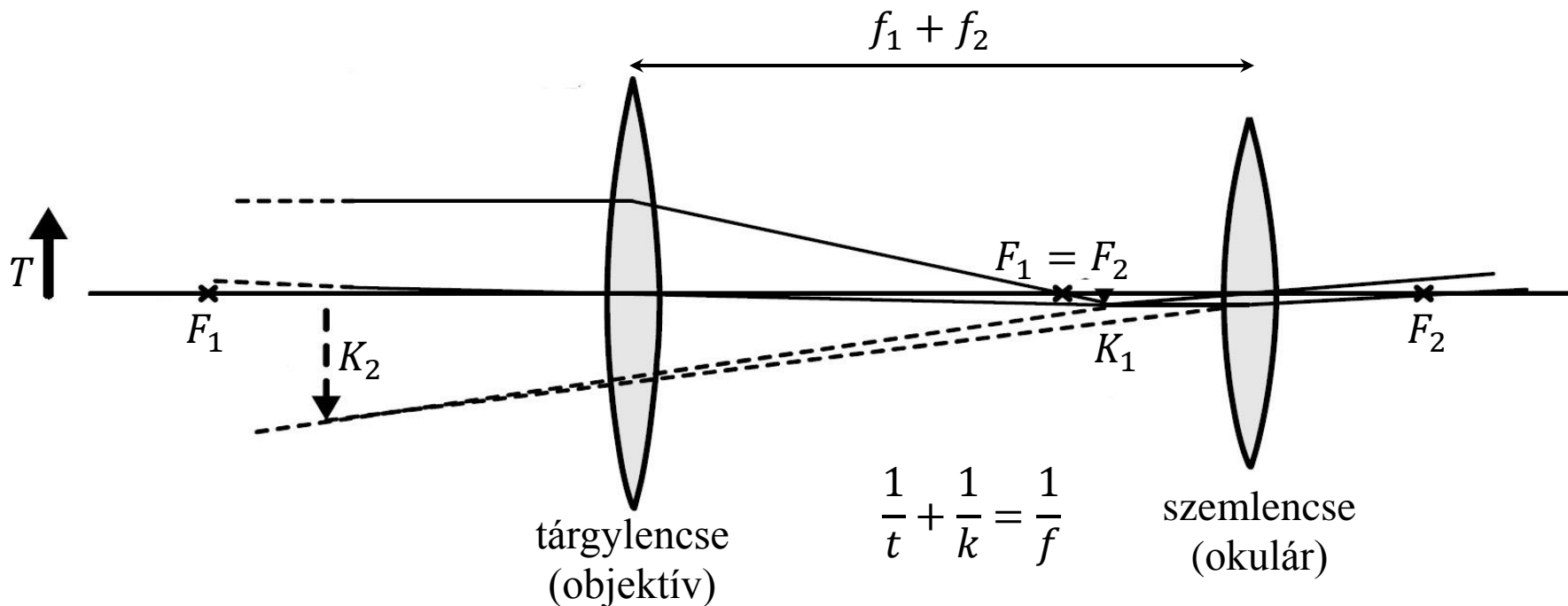
tárgylencse (objektív) $\frac{1}{t} + \frac{1}{k} = \frac{1}{f}$

$$T_2 = K_1$$

$$N = N_1 N_2 = \frac{k_1}{t_1} \cdot \frac{k_2}{t_2} = \frac{k_1}{t_1} \cdot \frac{k_2}{d - k_1}$$

Távcső

A tárgylencse fordított kicsinyített képet létesít a nagyon távoli tárgyról, a két lencse **közös fókuszának** közelében. A szemlencse egyszerű nagyítóként erről állít elő látszólagos képet (látószög nagyítás).



$$T_2 = K_1$$

$$N = N_1 N_2 = \frac{k_1}{t_1} \cdot \frac{k_2}{t_2} = \frac{k_1}{t_1} \cdot \frac{k_2}{f_1 + f_2 - k_1}$$