

100. A fenti ábra szerinti elrendezésben a két ideális áramforrás elektromotoros ereje $\varepsilon_1=45V$, illetve $\varepsilon_2=30V$, a fogyasztók ellenállása $R_1=10\Omega$, $R_2=22\Omega$, $R=40\Omega$, a kondenzátor kapacitása $C=70\mu F$.

a) Stacionárius állapotban milyen erős áram folyik át a jobb oldali áramforráson?

b) Mennyi töltés ül ekkor a kondenzátoron?

$$\varepsilon_1 = 45V$$

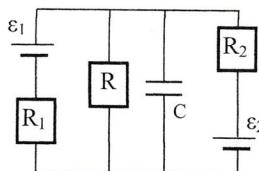
$$\varepsilon_2 = 30V$$

$$R_1 = 10\Omega$$

$$R_2 = 22\Omega$$

$$R = 40\Omega$$

$$C = 70\mu F$$

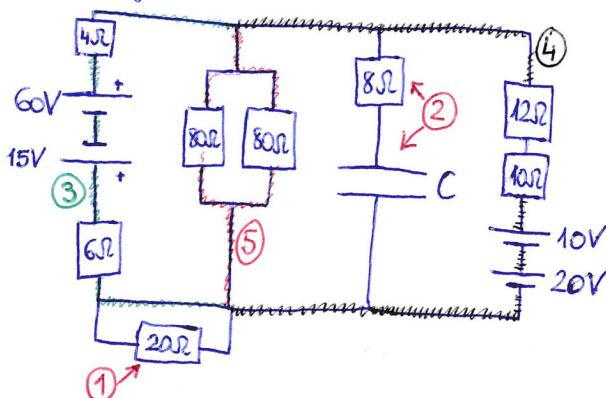


a.) $I_2 = ?$

b.) $Q = ?$

a.)

Kicsit megbonyolítom, hogy az egyszerűítéseket meg tudjam mutogatni:



Az egyszerűítések után vissza-kapjuk az eredeti egyszerű áramkört. Érdemes ilyeneket csinálni, ha lehet, mert így kevesebb taggal kell egyenleteket írogatni. Az áramok számolásához a kondenzátoros ágat egyenlöre fel se rajzoljuk.

$$R_1 = 4\Omega + 6\Omega = 10\Omega \quad \checkmark$$

$$R_2 = 10\Omega + 12\Omega = 22\Omega \quad \checkmark$$

$$R = \frac{80\Omega \cdot 80\Omega}{80\Omega + 80\Omega} = 40\Omega \quad \checkmark$$

$$\varepsilon_1 = 60V - 15V = 45V \quad \checkmark$$

$$\varepsilon_2 = 20V + 10V = 30V \quad \checkmark$$

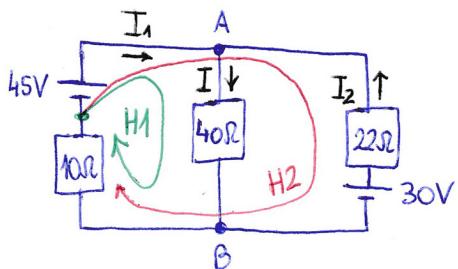
① rövidre zárt ellenálláson nem folyik áram

② egyenáramú körben a kondenzátor szaladás, így az ágban nincs áram, azon az ellenálláson $U=0$.

③ Ebben az ágban a sorba kötött ellenállások és telepek eredőkkel helyettesíthetők

④ Ebben az ágban is.

⑤ Mivel nem érdekel minket, hogy az ágon belül van az a kettéágazás, helyette eredő ellenállást veszünk.



Tehát 3 ág van, így 3 különböző áramenőszig: I_1, I_2, I

Irányokat meg kell tippelni valamelyre. Nem baj, ha ellentétes válogában.

Kell tölthetni 3 egyenlet.

- (1) A csomópont: $I = I_1 + I_2 \quad (\sum I = 0)$ (ezt átrendeztem)
- (2) H1 hurok: $45V - 40\Omega \cdot I - 10\Omega \cdot I_1 = 0 \quad (\sum U = 0)$
- (3) H2 hurok: $45V + 22\Omega \cdot I_2 - 30V - 10\Omega \cdot I_1 = 0 \quad (\sum U = 0)$

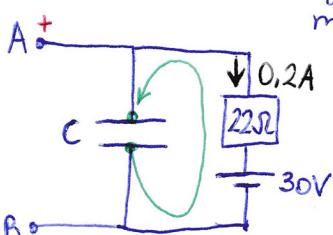
Itt már az elején a számokat, mint paraméteresen kifejezgetve nagyról nő a kifejezés. Nem érdemes ugyan ezeket írni be.

$$\begin{aligned}
 & (1) - \text{et beirva } (2) - \text{be: } 45V - 40\Omega(I_1 + I_2) - 10\Omega \cdot I_1 = 0 \\
 & \quad 45V - 40\Omega \cdot I_1 - 40\Omega \cdot I_2 - 10\Omega \cdot I_1 = 0 \\
 & (2) \quad 45V - 50\Omega \cdot I_1 - 40\Omega \cdot I_2 = 0 \\
 & (3) \quad 15V - 10\Omega \cdot I_1 + 22\Omega \cdot I_2 = 0 \quad / \cdot 5 \\
 & 5 \cdot (3) \quad 75V - 50\Omega \cdot I_1 + 110\Omega \cdot I_2 = 0
 \end{aligned}$$

Kivonva az 5.(3)-ból a (2) egyenletet: $30V + 150\Omega \cdot I_2 = 0$

A negatív jel csak annyit jelent, hogy nem felfelé folynak, hanem lefelé! Az áram nagysága viszont helyes. $I_2 = \underline{\underline{-0,2A}}$

- b.) Itt többi áramot nem kírték, és a kondenzátor feszültségéhez sem kellenek. Vagy beirjuk a helyes áramirányt 0,2A-rel, vagy megtartjuk az eredetit -0,2A-rel! Legyen az elso.



Induljunk el a kondenzátor alsó lemezéről, és számoljuk össze a potenciálváltozásokat.

$$U_C = U_{AB} = U_A - U_B = 30V + 22\Omega \cdot 0,2A = 34,4V$$

Tehát a felső lemez a pozitív!

$$Q = C \cdot U_{AB} = 70 \cdot 10^{-6} F \cdot 34,4 V = 2408 \cdot 10^{-6} C = \underline{\underline{2408 \mu C}}$$